

دوازدهم ریاضی



آزمون ۷ فروردین ۱۴۰۳

آزمون اختصاصی گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی

عنوان مواد امتحانی آزمون اختصاصی گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی، تعداد، شماره سوالات

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	از شماره	تا شماره
	ریاضی پایه			
۱	هندسه ۱	۵۰	۱	۵۰
	هندسه ۲			
	آمار و احتمال			

دانش آموزان گرامی توجه داشته باشید که در آزمون ۱۶ فروردین در هر درس، علاوه بر سوالات اجباری نیمسال اول، ۶۰ درصد مباحث نیمسال دوم را به صورت اختیاری آورده ایم.



آزمون «۷ فروردین ۱۴۰۳»

اختصاصی دوازدهم ریاضی

نحوه پرسش و پاسخ

مدت پاسخ‌گویی: ۷۵ دقیقه
تعداد کل سؤالات: ۵۰ سؤال

شماره سؤال	تعداد سؤال	نام درس
۱-۲۰	۲۰	ریاضی پایه
۲۱-۳۰	۱۰	هندرسه ۱
۳۱-۴۰	۱۰	هندرسه ۲
۴۱-۵۰	۱۰	آمار و احتمال
۱-۵۰	۵۰	جمع کل

پذیده‌آورندگان

نام درس	نام طراحان	فناوری
ریاضی پایه	کاظم اجلالی- سید رضا اسلامی- مسعود برملاء- عادل حسینی- افشن خاصه‌خان- محمد رضا راسخ کیان کریمی خراسانی- حامد معنوی- جهانبخش نیکنام	
هندرسه و آمار و احتمال	امیر حسین ابو محجوب- اسحاق استفادیار- فرزاد جوادی- سید محمد رضا حسینی‌فرد- افشن خاصه‌خان- مهدی‌یار راشدی سوگند روشنی- هومن عقیلی- احمد رضا فلاح- مهرداد ملوندی- نیلوفر مهدوی	آمار و احتمال

گزینشگران و ویراستاران

نام درس	حسابات ۲	هندرسه	آمار و احتمال
گزینشگر	کاظم اجلالی سید رضا اسلامی	امیر حسین ابو محجوب	
گروه ویراستاری	سعید خان بابایی	مهرداد ملوندی	مهرداد ملوندی
ویراستاری رتبه‌های برتر	سهیل تقی‌زاده	امیر محمد کریمی	امیر محمد کریمی
مسئول درس	عادل حسینی	امیر حسین ابو محجوب	امیر حسین ابو محجوب
مسئند سازی	سمیه اسکندری	سرژ یقیازاریان تبریزی	سرژ یقیازاریان تبریزی

کروه فنی و تولید

مهدی‌گروه	مهرداد ملوندی
مسئول دفترچه	نرگس غنی‌زاده
گروه مستندسازی	مدیر گروه: محیا اصغری ویراستاران: امیر حسین توحیدی- محسن دستجردی- علیرضا زارعی- حسین شهسواری
حروف‌نگار	فرزانه فتح‌اله‌زاده
ناظر چاپ	سوران نعیمی

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلمچی «وقف عام»

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین- پلاک ۹۷۳- تلفن: ۰۶۴۶۳-۰۶۱



وقت پیشنهادی: ۳۰ دقیقه

ریاضی پایه: ریاضی ۱ و حسابان ۱: کل کتاب

۱- مقدار عبارت $[2\sin 60^\circ - 2\sin 60^\circ]$ کدام است؟ ([]، نماد جزء صحیح است).

-۱ (۲)

۱ (۱)

-۲ (۴)

۲ (۳)

۲- خط $y = 1$ و نمودار تابع $f(x) = x^2 - ax + 5$ یک نقطه مشترک دارند. مقدار (۲) $f(2)$ کدام می‌تواند باشد؟

۴ (۲)

۱۶ (۱)

۵ (۴)

۱ (۳)

۳- اگر $A = \frac{\sqrt{2} + 3}{\sqrt{5+2\sqrt{6}} - \sqrt{4-2\sqrt{3}}}$ باشد، حاصل $(A+1)^3$ کدام است؟

۱۶ (۲)

۸ (۱)

۶۴ (۴)

۳۲ (۳)

۴- اگر دنباله اعداد ... $x, 2a+1, y, \frac{5}{3}b+3, 2^{2a}, 2\sqrt{2}, (4\sqrt{2})^{b+2}$ هندسی باشد، مجموع پنج جمله اول دنباله حسابی ...

کدام است؟

۵ (۲)

۸ (۱)

۴/۵ (۴)

۷/۵ (۳)

محل انجام محاسبات



۵ - توابع $f + g^{-1} = \{(6, -3), (1, 22)\}$ باشد، حاصل ab کدام است؟

۶ (۲)

-۶ (۱)

۶۰ (۴)

-۶۰ (۳)

۶ - مساحت ناحیه محدود به نمودار تابع $y = |x-1| - |x-2|$ و محورهای مختصات کدام است؟

$\frac{1}{4}$ (۲)

$\frac{7}{4}$ (۱)

$\frac{3}{2}$ (۴)

$\frac{5}{4}$ (۳)

۷ - اگر α و β جوابهای معادله $x^2 - 6x + 7 = 0$ باشند، حاصل عبارت $(\alpha^2 - 6\alpha + 9)^{\beta}(\beta^2 - 3)^{\alpha}$ کدام است؟

۷۲۹ (۲)

۸۱ (۱)

۴۰۹۶ (۴)

۱۰۲۴ (۳)

۸ - اگر جوابهای معادله $x^2 - (a+8)x + b + 2 = 0$ جذر جوابهای معادله $x^2 - ax + b = 0$ باشند، حاصل ab کدام است؟

۸ (۲)

۶ (۱)

۱۸ (۴)

۱۲ (۳)

۹ - نقاط $A(1, 7)$ و $B(3, 7)$ که دو رأس از رئوس مربع $ABCD$ هستند، به همراه نقطه $P(7, 9)$ مفروض‌اند. مساحت مثلث PCD

کدام می‌تواند باشد؟

۳۰ (۲)

۲۵ (۱)

۱۵ (۴)

۲۰ (۳)

محل انجام سحابیات



۱۰- برای دو تابع خطی f و g روابط زیر را داریم:

$$\begin{cases} f(2x-1) + g(x+1) = 8x-2 \\ f(x+1) - g(2x-1) = -x-2 \end{cases}$$

مقدار $g(1)$ کدام است؟

-۵ (۲)

۵ (۱)

۱ (۴)

-۱ (۳)

۱۱- نمودار تابع $f(x) = \frac{2^{x+1} - 2^{-x} + 1}{2^x + 1}$ از کدام ناحیه دستگاه مختصات نمی‌گذرد؟

دوام (۲)

اول (۱)

چهارم (۴)

سوم (۳)

۱۲- جواب معادله $\log_5 x + \log_6 x = 1$ به صورت $x = 5^n$ کدام است. حاصل $\frac{1}{n}$

۲۴ (۲)

۱۱ (۱)

۳۶ (۴)

۴۰ (۳)

۱۳- اگر $(fog)(x) = x + 8$ و $f(x) = (x+3)(\sqrt{x}+3)$ باشد، مقدار تابع gog به ازای $x = \lambda^{\frac{9}{4}}$ کدام است؟

$\frac{9}{4}$ (۲)

$\frac{9}{16}$ (۱)

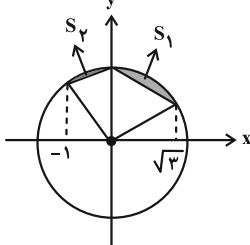
$\frac{9}{64}$ (۴)

$\frac{49}{64}$ (۳)

محل انجام محاسبات



۱۴- در دایرهٔ زیر، به شعاع ۲، مساحت‌های قسمت‌های رنگی با S_1 و S_2 مشخص شده است. حاصل $S_1 - 2S_2$ کدام است؟



$$2 - \sqrt{3} \quad (1)$$

$$\frac{\sqrt{3}}{3} - \frac{1}{2} \quad (2)$$

$$\sqrt{3} - 2 \quad (3)$$

$$\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}}{3} \quad (4)$$

۱۵- اگر $g(x) = \sin(x + \frac{5\pi}{12})$ و $f(x) = \frac{\pi}{4} \cos x$ باشد، برد تابع gof بازه $[a, b]$ است. حاصل $b - a$ کدام است؟

$$\frac{2 - \sqrt{3}}{2} \quad (2)$$

$$\frac{\sqrt{3} - 1}{2} \quad (1)$$

$$\frac{1}{2} \quad (4)$$

$$\frac{\sqrt{3} - \sqrt{2}}{2} \quad (3)$$

۱۶- اگر $\sin(\alpha + \frac{\pi}{\lambda}) = \frac{2}{3}$ باشد، مقدار $\sin 4\alpha$ کدام است؟

$$-\frac{7}{9} \quad (2)$$

$$-\frac{79}{81} \quad (1)$$

$$\frac{79}{81} \quad (4)$$

$$\frac{7}{9} \quad (3)$$

۱۷- اگر $\sin^7(\frac{7\pi}{3} + \alpha)$ باشد، مقدار $\sin(\alpha - \frac{\pi}{6}) = 3 \sin(\frac{11\pi}{3} - \alpha)$ کدام است؟

$$\frac{1}{10} \quad (2)$$

$$\frac{1}{3} \quad (1)$$

$$\frac{1}{4} \quad (4)$$

$$\frac{1}{9} \quad (3)$$

محل انجام محاسبات



۱۸- توابع $f(x) = x + \frac{m|x^r - 3x + 2|}{x^r - 3x + 2}$ مفروض است. به ازای کدام مقدار m تابع fog در $x=1$ حد دارد؟

(۱)، نماد جزء صحیح است.

۱ (۲)

$\frac{1}{2}$ (۱)

۴) امکان پذیر نیست.

$-\frac{3}{2}$ (۳)

۱۹- حاصل $\lim_{x \rightarrow 2\pi} \frac{\sqrt{\cos x} \sqrt{\cos 2x} - 1}{\sin x \sin 2x}$ کدام است؟

$-\frac{3}{2}$ (۲)

$-\frac{5}{2}$ (۱)

$-\frac{3}{8}$ (۴)

$-\frac{5}{8}$ (۳)

۲۰- تابع $f(x) = \begin{cases} \frac{\sqrt{rx^2 + ax + 18}}{|4x + b|} & ; \quad x \neq 3 \\ c & ; \quad x = 3 \end{cases}$ روی \mathbb{R} پیوسته است. حاصل abc کدام است؟

-۳۶ (۲)

$-18\sqrt{2}$ (۱)

۱۸ (۴)

$36\sqrt{2}$ (۳)

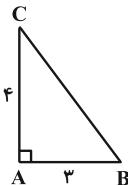
محل انجام محاسبات



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

هنده ۱ : کل کتاب

- ۲۱- مثلث قائم‌الزاویه ABC شکل زیر را حول ضلع BC دوران می‌دهیم. حجم جسم فضایی حاصل چند برابر $\frac{\pi}{5}$ است؟



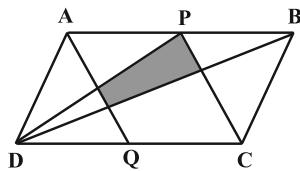
- ۲۴ (۱)
۳۶ (۲)
۴۸ (۳)
۵۶ (۴)

- ۲۲- در ذوزنقه‌ای با قاعده‌های ۲ و ۷ و ساق‌های ۳ و ۴، اندازهٔ پاره خطی که وسط‌های دو قاعدهٔ ذوزنقه را به هم وصل می‌کند، چقدر است؟

- ۳ (۴) ۲/۵ (۳) ۱/۵ (۲) ۲ (۱)

- ۲۳- در شکل زیر، P و Q به ترتیب وسط اضلاع AB و CD از متوازی‌الاضلاع $ABCD$ هستند. اگر مساحت متوازی‌الاضلاع

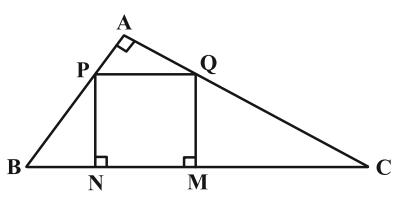
واحد مرربع باشد، مساحت چهارضلعی سایه‌زده چند واحد مرربع است؟



- ۵ (۱)
۶ (۲)
۳/۲۵ (۳)
۳/۷۵ (۴)

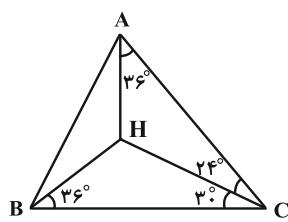
- ۲۴- در شکل زیر ABC مثلث قائم‌الزاویه و چهارضلعی $MNPQ$ مربع است. اگر $CM = BN = ۲$ و $BN = ۸$ باشند، طول ارتفاع وارد بر

PQ در مثلث APQ کدام است؟



- ۰/۸ (۱)
۱/۲ (۲)
۱/۶ (۳)
۳/۲ (۴)

- ۲۵- در شکل زیر اندازهٔ زاویه ABH چقدر است؟



- ۲۴° (۱)
۱۸° (۲)
۳۰° (۳)
۱۲° (۴)

محل انجام محاسبات



۲۶- در یک چندضلعی شبکه‌ای مجموع تعداد نقاط درونی و مرزی ۱۲ است. تفاضل حداکثر و حداقل مساحت این چندضلعی کدام است؟

۴/۵ (۲)

۴ (۱)

۵/۵ (۴)

۵ (۳)

۲۷- مجموع تعداد قطرهای سه رأس دوبه‌دو غیرمجاور در یک n ضلعی محدب برابر ۱۸ است. با رسم قطرهای گذرنده از یک رأس این

n ضلعی، سطح آن به چند مثلث متمایز تقسیم می‌شود؟

۷ (۲)

۸ (۱)

۹ (۴)

۶ (۳)

۲۸- اندازه اضلاع یک مستطیل برابر $\sqrt{2}$ و ۱ می‌باشد. فاصله وسط ضلع کوچک‌تر تا قطر مستطیل کدام است؟

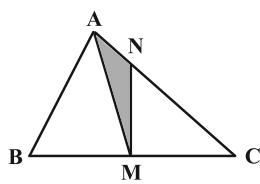
$$\frac{\sqrt{2}}{3} (۲)$$

$$\sqrt{3} (۱)$$

$$\frac{\sqrt{2}}{2} (۴)$$

$$\sqrt{2} (۳)$$

۲۹- در شکل زیر AM میانه وارد بر ضلع BC بوده و $NC = 2AN$ است. مساحت مثلث AMN چه کسری از مساحت مثلث ABC است؟



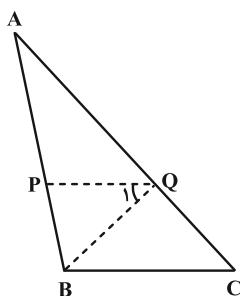
$$\frac{3}{20} (۱)$$

$$\frac{2}{15} (۲)$$

$$\frac{1}{8} (۳)$$

$$\frac{1}{6} (۴)$$

۳۰- در شکل زیر $\frac{BQ}{AC} = \frac{BQ}{QC} = \hat{C}$ و $AP = 4PB$ است. حاصل کدام است؟



$$0/2 (۱)$$

$$0/25 (۲)$$

$$0/3 (۳)$$

$$0/4 (۴)$$

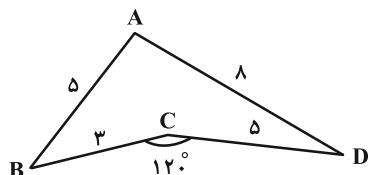
محل انجام محاسبات



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

هندسه ۲: کل کتاب

۳۱- مساحت چهارضلعی مکعب $ABCD$ ، چند برابر $25\sqrt{3}$ است؟



$\frac{1}{3}$ (۱)

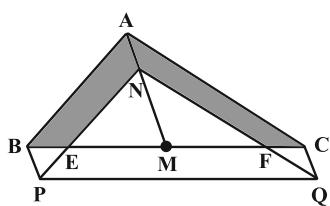
$\frac{1}{2}$ (۲)

$\frac{1}{4}$ (۳)

۱ (۴)

۳۲- در شکل زیر، نقطه N روی میانه AM طوری قرار دارد که $AN = \frac{1}{4}AM$ ؛ مثلث ABC را با بردار \overrightarrow{AN} انتقال داده ایم تا مثلث

NPQ حاصل شود، مساحت ناحیه هاشورزده چه کسری از مساحت مثلث NPQ می‌باشد؟



$\frac{11}{16}$ (۱)

$\frac{5}{16}$ (۲)

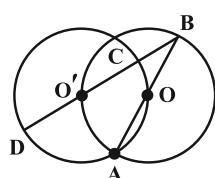
$\frac{7}{16}$ (۳)

$\frac{9}{16}$ (۴)

۳۳- مطابق شکل، دو دایره که از مرکزهای همدیگر (نقاط O و O') می‌گذرند در نقطه A مشترکند. امتداد AO دایره سمت راست

را در نقطه B و پاره خط BO' (و امتداد آن)، دایره سمت چپ را در C و D قطع می‌کند. نسبت اندازه کمان‌های AD و OC

کدام است؟



۴ (۱)

۳ (۲)

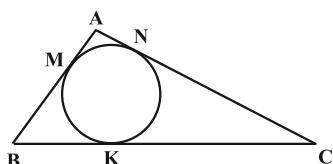
۲/۵ (۳)

۲ (۴)

محل انجام محاسبات



۳۴- در شکل زیر $AB = 1$ ، $AM = 3$ و $BK = 3$ به فاصله ۱ واحد است، از ضلع AB چه



فاصله‌ای دارد؟

۴ (۱)

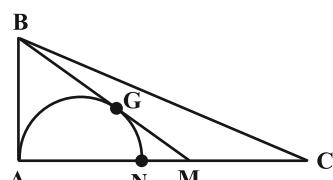
۴/۸ (۲)

۵ (۳)

۲۵ (۴)

۳۵- در شکل زیر، نیم‌دایره به قطر AN بر میانه BM در نقطه همرسی میانه‌های مثلث قائم‌الزاویه ABC ($\hat{A} = 90^\circ$) مماس شده

است. اگر $AB = 2\sqrt{5}$ باشد، آن‌گاه شعاع نیم‌دایره چقدر است؟



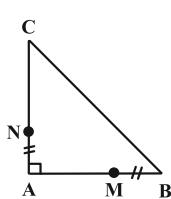
$\frac{5}{3}$ (۱)

۲ (۲)

$\frac{7}{5}$ (۳)

۱/۵ (۴)

۳۶- در مثلث قائم‌الزاویه متساوی‌الساقین شکل زیر، اگر $AN = BM$ باشد، آن‌گاه چند مورد از گزاره‌های زیر درست است؟



الف) محیط مثلث AMN ثابت است.

ب) عمودمنصف MN همواره از نقطه ثابتی می‌گذرد.

ج) زاویه بین BN و CM همواره ثابت است.

۲ (۲)

۱ (۱)

۴) هیچ کدام

۳ (۳)

محل انجام سحابیات



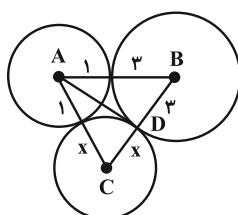
- ۳۷ - اگر در مثلث ABC رابطه $c \sin C = b \sin B$ و $a \sin A = (2c - 1) \sin C$ برقرار باشد، طول ضلع b کدام است؟

۲ (۲)

۱ (۱)

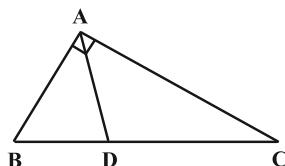
 $2\sqrt{2} + 1$ (۴) $\frac{\sqrt{2} - 1}{2}$ (۳)

- ۳۸ - سه دایره به مرکزهای A، B و C دو به دو مماس خارجی‌اند. اگر اندازه AD برابر ۲ باشد، مساحت مثلث ABC کدام است؟

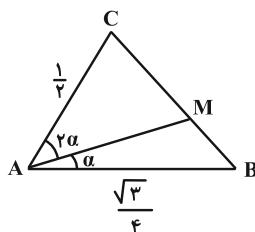
 $\sqrt{8}$ (۱) $\sqrt{10}$ (۲) $\sqrt{15}$ (۳) $\sqrt{20}$ (۴)

- ۳۹ - نیمساز زاویه قائم‌الزاویه A از مثلث قائم‌الزاویه ABC وتر BC را به دو قسمت به طول‌های ۳ و ۱ واحد تقسیم می‌کند. اندازه نیمساز

برابر کدام است؟ AD

 $\sqrt{1/6}$ (۱) $\sqrt{1/8}$ (۲) $\sqrt{4/8}$ (۳) $\sqrt{2/8}$ (۴)

- ۴۰ - در مثلث ABC شکل زیر، اگر اندازه CM، دو برابر اندازه BM باشد، اندازه BM کدام است؟

 $\frac{\sqrt{7}}{4}$ (۱) $\frac{\sqrt{7}}{8}$ (۲) $\frac{\sqrt{7}}{9}$ (۳) $\frac{\sqrt{7}}{12}$ (۴)

محل انجام محاسبات



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

آمار و احتمال: کل کتاب

۴۱- بازده اطمینان ۹۵ درصد برای میانگین جامعه‌ای با انحراف معیار $1/\sqrt{65}$ براساس یک نمونه به صورت $[4/5, 5/4]$ به دست آمده است. کدام گزینه مجموع اعضای این نمونه را نشان می‌دهد؟

۵۶۶/۱ (۲)

۶۲۹/۲ (۱)

۵۷۱/۱ (۴)

۶۱۷/۱ (۳)

۴۲- در نمودار جعبه‌ای داده‌های مرتب شده $1, 2, 2, 5, 6, 7, 8, 8, 12, 14, x, 17, 18$ نسبت طول دو بخشی از جعبه که توسط

میانه از هم جدا شده‌اند، برابر $\frac{3}{4}$ است. مقدار داده x کدام است؟

۱۴/۵ (۲)

۱۴ (۱)

۱۵/۵ (۴)

۱۵ (۳)

۴۳- اگر میانگین ۲۵ داده جدول زیر برابر ۱۶ باشد، آنگاه واریانس این داده‌ها چقدر است؟

مقدار داده	۱۲	۱۳	۱۴	۱۵	۲۰
فراآنی	۶	x	۵	۳	y

۱۰/۲۸ (۱)

۱۲/۶۴ (۲)

۱۳/۷۶ (۳)

۱۱/۵۲ (۴)

۴۴- اگر A و B دو پیشامد از فضای نمونه‌ای S باشند که $P(A \cap B) = \frac{1}{4}$ و $P(A \cup B) = \frac{1}{2}$ باشند،

کدام $P(B' | A)$ است؟

$\frac{1}{4}$ (۲)

$\frac{1}{8}$ (۱)

$\frac{2}{3}$ (۴)

$\frac{1}{2}$ (۳)

محل انجام سحابیات



۴۵- احتمال آن که علی دوچرخه بخرد $\frac{5}{55}$ و احتمال آن که رایانه بخرد $\frac{1}{3}$ و احتمال آن که هر دو را بخرد $\frac{1}{10}$ می باشد، اگر علی دوچرخه نخرد، احتمال آن که رایانه نیز نخرد چقدر است؟

$$\frac{5}{7} \quad (2)$$

$$\frac{5}{9} \quad (1)$$

$$\frac{5}{14} \quad (4)$$

$$\frac{5}{8} \quad (3)$$

۴۶- برای دو پیشامد A و B از فضای نمونه‌ای S داریم $P(A) = 0.35$ و $P(B \cap A') = 0.3$ ؛ مقدار $P(A' \cap B')$ چقدر است؟

$$0.35 \quad (2)$$

$$0.3 \quad (1)$$

$$0.5 \quad (4)$$

$$0.45 \quad (3)$$

۴۷- اگر $B_n = \left\{ \frac{m}{2} \mid m \in \mathbb{Z}, m > -2n, 2^m \leq 2n \right\}$ و $A_n = \{m \in \mathbb{Z} \mid m > -n, 3^m \leq 3n\}$ باشد، آن‌گاه $(B_n - A_n) \times A_n$ چند است؟

$$15 \quad (2)$$

$$12 \quad (1)$$

$$18 \quad (4)$$

$$16 \quad (3)$$

۴۸- اگر A و B دو مجموعه دلخواه باشند، آن‌گاه کدام یک از مجموعه‌های زیر غیرتنهی است؟

$$A \quad (2)$$

$$B - A \quad (1)$$

$$B \quad (4)$$

$$A' \cap B' \quad (3)$$

۴۹- اگر p و q دو گزاره دلخواه باشند، گزاره $[\sim q \wedge (p \Rightarrow q)] \Rightarrow [\sim q \wedge (p \Rightarrow q)]$ با کدام یک از گزاره‌های زیر هم‌ارز است؟

$$\sim p \quad (2)$$

$$p \quad (1)$$

$$q \quad (4)$$

$$\sim q \quad (3)$$

۵۰- تاس به گونه‌ای ساخته شده است که احتمال وقوع هر وجه آن متناسب با عکس تعداد شمارنده‌های طبیعی آن وجه می‌باشد، با کدام احتمال در پرتاب این تاس عددی زوج یا مضرب ۳ می‌آید؟

$$\frac{13}{37} \quad (2)$$

$$\frac{21}{37} \quad (1)$$

$$\frac{19}{37} \quad (4)$$

$$\frac{16}{37} \quad (3)$$

محل انجام محاسبات

@Tahlilazemoon

@konkurbanks

دوازدهم ریاضی



آزمون ۷ فروردین ۱۴۰۳

آزمون اختصاصی
گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی

عنوان مواد امتحانی آزمون اختصاصی گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی، تعداد، شماره سؤالات

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	از شماره	تا شماره
۲	فیزیک ۱	۳۰	۵۱	۸۰
	فیزیک ۲			
۳	شیمی ۱	۳۰	۸۱	۱۱۰
	شیمی ۲			

دانش آموزان گرامی توجه داشته باشید که در آزمون ۱۶ فروردین در هر درس، علاوه بر سؤالات اجباری نیمسال اول، ۶۰ درصد مباحث نیمسال دوم را به صورت اختیاری آورده ایم.



آزمون «۷ فروردین ۱۴۰۳»

اختصاصی دوازدهم ریاضی

نقد و سوال

مدت پاسخ‌گویی: ۷۵ دقیقه
تعداد کل سوالات: ۶۰ سوال

شماره سوال	تعداد سوال	نام درس
۵۱-۸۰	۳۰	فیزیک
۸۱-۱۱۰	۳۰	شیمی
۵۱-۱۱۰	۶۰	جمع کل

بدیده اورندگان

نام طراحان	نام درس	آنچه می‌گذرد
کامران ابراهیمی-مهران اسماعیلی-عباس اصغری-زهره آقامحمدی-علی برزگر-علیرضا جباری-فراز رسولی مصطفویه شریعت ناصری-شیلا شیرزادی-غلامرضا محبی-محمد کاظم منشادی-محمود منصوری-امیراحمد میرسعید سیده ملیحه میرصالحی-حسام نادری-مجتبی نکوئیان-محمد نهادنی مقدم	فیزیک	
احسان پنجشیاهی-محمد رضا پور جاوید-سعید تیزرو-پیمان خواجه‌ی مجد-حمدی ذبیحی-روزبه رضوانی-میلاد شیخ الاسلامی خیاوى-امیرحسین طیبی-محمد عظیمیان زواره-پارسا عیوض پور-امیر محمد کنگرانی	شیمی	

گزینشگران و ویراستاران

شیمی	فیزیک	نام درس
امیرحسین مسلمی	حسام نادری	گزینشگر
محمدحسن محمدزاده مقدم امیرحسین مسلمی میلاد میرحیدری	زهره آقامحمدی	گروه ویراستاری
علی رضابی احسان پنجشیاهی	حسین بصیر ترکیبور	بازبینی نهایی رقبه های برق
پارسا عیوض پور	حسام نادری	مسئول درس
امیرحسین مرتضوی	علیرضا همایون خواه	مستند سازی

گروه فنی و تولید

مهرداد ملوندی	مدیر گروه
نرگس غنیزاده	مسئول دفترچه
مسئول دفترچه: الهه شهبازی	گروه مستندسازی
مدیر گروه: محیا اصغری ویراستار: امیرحسین توحیدی-محسن دستجردی-علیرضا زارعی-حسین شاهسواری	
فرزانه فتح‌اله‌زاده	حروفنگار
سوران نعیمی	ناظر چاپ

گروه آزمون بنیاد علمی آموزشی قلمچی «وقف عام»

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - تلفن: ۰۳۱-۶۴۶۳



وقت پیشنهادی: ۴۵ دقیقه

فیزیک ۱ و فیزیک ۲: کل کتاب

۵۱- کدام یک از اعداد گزینه‌های زیر معادل بقیه نیست؟

۲×10⁻¹⁰ km^۲

۲×10^۲ mm^۲

۲×10^{-۲} dam^۲

۲×10^۸ μm^۲

۵۲- یک کره به شعاع ۱۰ cm و جرم ۴ kg را از فلزی با چگالی $\frac{g}{cm^3} = 8$ می‌سازیم. اگر حفره درون کره را با مایعی به چگالی $\frac{g}{cm^3}$ پر کنیم، جرم کره چند کیلوگرم خواهد شد؟ ($\pi \approx ۳$)

۱۲

۱۱

۸

۶

۵۳- جرم یک جسم توسط چهار ترازوی دیجیتال متفاوت اندازه‌گیری شده است. اندازه اختلاف کمترین و بیشترین دقت اندازه‌گیری بین این ترازوها چند گرم است؟

A: ۱۴/۶۹ kg

B: ۱۹۴/۶×10^{-۴} Mg

C: ۱۴۶۹۰ g

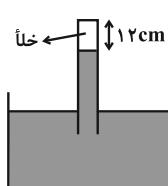
D: ۱/۹۴۶۰۰×10^۹ μg

۰/۰۰۹

۰/۰۹

۰/۹۹

۹/۹۹

۵۴- در شکل زیر، لولهای به صورت قائم درون ظرفی که حاوی مایعی به چگالی $\frac{g}{cm^3} = ۱۰/۲$ است، قرار دارد. ارتفاع بخش خلا لوله

(g = ۱۰ N/kg = ۱۳/۶ g/cm³ ، P₀ = ۷۵ cmHg) جیوه و

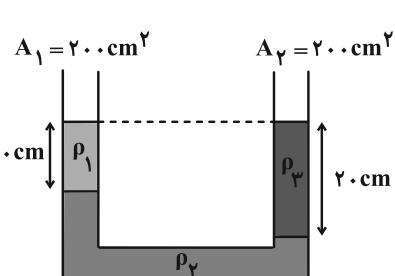
۲۰

۱۸

۱۴

۶

۵۵- در شکل زیر چند لیتر از مایع (۱) به شاخه سمت چپ اضافه کنیم تا سطح مایع (۲) در دو طرف هم تراز شود؟



(\rho_1 = ۰/۸ g/cm³ ، \rho_2 = ۱ g/cm³)

۳

۲/۵

۲

۳/۵

محل انجام محاسبات



۵۶- کدام یک از عبارت‌های زیر درست است؟

الف) در جسمی به شکل مکعب مستطیل به ابعاد $10\text{ cm} \times 20\text{ cm} \times 30\text{ cm}$ ، نسبت بیشترین فشار وارد بر سطح زیرین از طرف جسم به کمترین فشار وارد، برابر ۳ است.

ب) سطح آب در یک لوله موبین شیشه‌ای تمیز، به صورت برآمده است.

پ) در آزمایش توریچلی قطر لوله غیرموبین تاثیری بر نتیجه آزمایش ندارد.

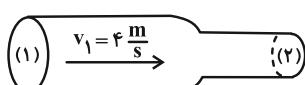
ت) علت وارد شدن نیروی شناوری به جسم درون یک مایع، اختلاف فشار بین سطح بالایی و پایینی جسم است.

ث) طبق اصل برنولی، با افزایش تندي شاره، فشار آن هم افزایش می‌یابد.

(۱) الف، ت و ث (۲) ب و پ (۳) الف، پ و ت (۴) الف و ت

۵۷- در شکل زیر، قطر مقطع (۱) از لوله، $1/5$ برابر قطر مقطع (۲) از آن است. اگر ۲ لیتر آب از قسمت (۱) لوله وارد قسمت (۲) آن

$$\text{شود، کار کل انجام شده روی آن چند ژول است؟ } (g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}, \rho_{\text{آب}} = 1 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3})$$



۱۶)

۶۵)

۸۱)

۹۷)

۵۸- گلوله‌ای را با تندي ۷ در راستای قائم به سمت بالا پرتاب می‌کنیم و حداکثر تا ارتفاع ۵۰ متر بالا می‌رود و هنگامی که به نقطه پرتاب بر می‌گردد، تندي آن نسبت به تندي اولیه $20 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ کاهش می‌یابد. اگر نیروی مقاومت هوا را در طول مسیر حرکت گلوله

$$\text{ثبت در نظر بگیریم، تندي اولیه گلوله } (v) \text{ چند } \frac{\text{m}}{\text{s}} \text{ است؟ } (g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2})$$

(۱) ۴۰ (۲) ۵۰ (۳) ۶۰ (۴) ۸۰

۵۹- یک موتور الکتریکی با توان ۶۰۰ وات و بازده ۸۰ درصد بر روی یک چاه عمیق کشاورزی نصب شده است. این موتور در مدت ۱۵

دقیقه می‌تواند $2/4$ مترمکعب آب را از حالت سکون و از عمق ۱۲ متری بالا کشیده و آن را تا ارتفاع ۴ متری از سطح زمین بالا

$$\text{برده. در این صورت تندي خروج آب از دهانه لوله چند متر بر ثانیه است؟ } (g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}, \rho_{\text{آب}} = 1 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3})$$

(۱) $\sqrt[2]{10}$ (۲) $\sqrt[6]{10}$ (۳) $\sqrt[2]{30}$ (۴) $\sqrt{130}$

۶۰- گلوله‌ای به جرم 2 kg از ارتفاع ۱۰۰ متری سطح زمین رها شده و با سرعت $20 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ به زمین می‌رسد. اگر تمام انرژی مکانیکی

تلف شده از لحظه رها شدن تا برخورد به زمین در اثر مقاومت هوا به گرما تبدیل شده و گرمای حاصل به طور کامل به گلوله داده

$$\text{شود، افزایش دمای گلوله در این جا به جایی چند درجه سلسیوس خواهد بود؟ } (g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}, \frac{\text{J}}{\text{kg.K}} = 400 \text{ جول})$$

(۱) ۰/۵ (۲) ۱ (۳) ۲/۳ (۴) ۴

محل انجام محاسبات



۶۱- درصد یک ظرف به حجم ۲ لیتر را از مایعی با ضریب انبساط حجمی $(C)^{-3} = 6 \times 10^{-3}$ پر می‌کنیم. اگر دمای ظرف و مایع هم

دمای آن را $C^{\circ}\text{C}$ بالا ببریم، 32cm^3 مایع سرربز می‌شود. ضریب انبساط طولی ظرف در SI کدام است؟

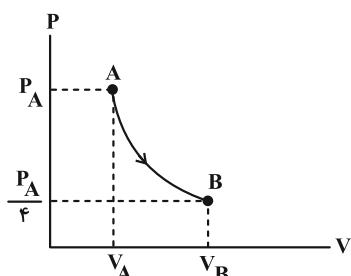
- (۱) 4×10^{-4} (۲) 6×10^{-4} (۳) $1/2 \times 10^{-3}$ (۴) $1/8 \times 10^{-3}$

۶۲- مقداری یخ صفر درجه سلسیوس را در مقداری آب با دمای $C^{\circ}\text{C}$ وارد می‌کنیم. به تدریج که یخ ذوب می‌شود، دمای آب هم رفته‌رفته کاهش یافته، به‌طوری که وقتی یخ به‌طور کامل ذوب می‌شود، دمای آب $C^{\circ}\text{C}$ کاهش می‌یابد. بعد از رسیدن به حالت

تعادل، دمای نهایی آب چند درجه سلسیوس خواهد بود؟ ($c_{\text{آب}} = 4200 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot ^\circ\text{C}}$)

- (۱) 5×10^{-3} (۲) $7/5$ (۳) 10 (۴) $12/5$

۶۳- مقداری گاز آرمانی طی یک فرایند بی‌دررو از حالت A به حالت B می‌رود. کدام مورد درست است؟



(۱) $V_B > 4V_A$ و دمای گاز افزایش می‌یابد.

(۲) $V_A > \frac{V_B}{4}$ و دمای گاز افزایش می‌یابد.

(۳) $V_B > 4V_A$ و دمای گاز کاهش می‌یابد.

(۴) $V_A > \frac{V_B}{4}$ و دمای گاز کاهش می‌یابد.

۶۴- بازده ماشین A، ۲۳ درصد بیشتر از بازده ماشین B است. با توان ورودی یکسان، اگر ماشین A، کار W را در مدت ۵ دقیقه

انجام دهد، ماشین B، کار $\frac{4}{3}W$ را در چند ثانیه انجام می‌دهد؟

- (۱) $1/64$ (۲) $4/92$ (۳) $98/4$

۶۵- به ترتیب از راست به چپ، کدام مورد دوم قانون ترمودینامیک را به بیان یخچالی و کدام مورد دوم قانون ترمودینامیک را به بیان ماشین گرمایی نقض می‌کند؟

الف) $W = -50\text{J}$ ، $Q_H = 110\text{J}$ ، $Q_L = -50\text{J}$

ب) $W = 50\text{J}$ ، $Q_H = -110\text{J}$ ، $Q_L = 50\text{J}$

پ) $W = 0\text{J}$ ، $Q_H = -100\text{J}$ ، $Q_L = 100\text{J}$

ت) $W = -100\text{J}$ ، $Q_H = 100\text{J}$ ، $Q_L = 0\text{J}$

- (۱) پ، ت (۲) الف، ب (۳) پ، ت (۴) ب، الف

محل انجام محاسبات



۶۶- سه کره مشابه و رسانا با بارهای همنام در اختیار داریم. ابتدا کره C را با کره B تماس می‌دهیم و جدا می‌کنیم. کره C، ۲۵٪ از

بار خود را از دست می‌دهد. سپس کره C را با کره A تماس می‌دهیم. پس از جدا کردن، کره C $\frac{1}{3}$ از بار خود را از دست

می‌دهد. نسبت بار اولیه کره B به بار اولیه کره A کدام است؟

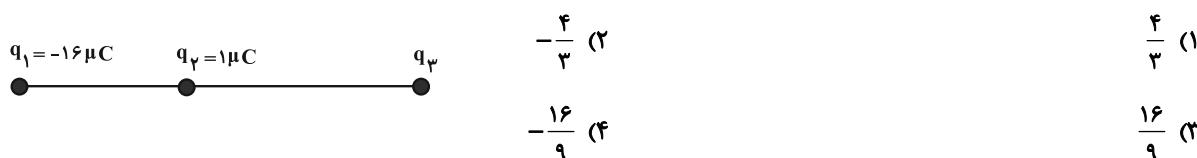
$$\frac{1}{2} \quad (۴)$$

$$2 \quad (۳)$$

$$\frac{8}{3} \quad (۲)$$

$$\frac{3}{8} \quad (۱)$$

۶۷- در شکل زیر هر سه بار الکتریکی در حال تعادل هستند. بار q_3 چند میکروکولن است؟



۶۸- در دو رأس یک مثلث قائم الزاویه، ۲ بار الکتریکی نقطه‌ای $q_1 = -1/5 \mu\text{C}$ و q_2 ثابت شده‌اند. اگر میدان برایند این دو بار در

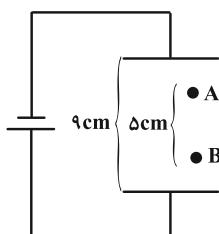
$$(k = ۹ \times ۱۰^۹ \frac{\text{N} \cdot \text{m}^۲}{\text{C}^۲}) \quad \text{رأس قائم به صورت } \vec{E} \text{ باشد، } q_2 \text{ چند میکروکولن است؟ } (\sin ۳۷^\circ = ۰/۶, \cos ۳۷^\circ = ۰/۸)$$



۶۹- مطابق شکل ذرهای به جرم ۲۰ g و بار $۴۰ \mu\text{C}$ را از نقطه A با سرعت اولیه $۱ \frac{\text{m}}{\text{s}}$ پرتاب می‌کنیم و در نقطه B متوقف می‌شود.

اگر بار ذخیره شده در خازن $۲/۷ \text{nC}$ باشد و صفحات خازن دایره‌ای باشد، قطر صفحات خازن چند واحد SI است؟

$$(\pi = ۳, g = ۱۰ \frac{\text{m}}{\text{s}^۲}, \epsilon_0 = ۹ \times ۱۰^{-۱۲} \frac{\text{C}^۲}{\text{N} \cdot \text{m}^۲})$$



محل انجام محاسبات



۷۰- فاصله بین صفحات خازن شارژ شده‌ای که از باقی جدا است را دو برابر می‌کنیم و فضای خالی بین صفحات آن را با دیکتریک با ضریب $\kappa = 4$ ، پر می‌کنیم. انرژی ذخیره شده در خازن و میدان الکتریکی بین صفحات خازن به ترتیب از راست به چپ چند برابر می‌شود؟

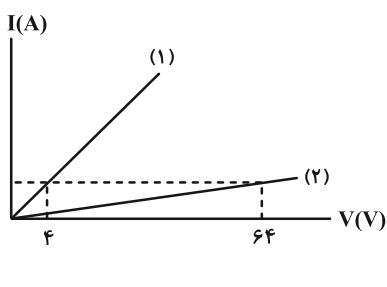
(۱) $\frac{1}{2}$ و $\frac{1}{4}$

(۲) $\frac{1}{2}$ و $\frac{1}{3}$

(۳) $\frac{1}{4}$ و $\frac{1}{2}$

(۴) $\frac{1}{2}$ و $\frac{1}{1}$

۷۱- سیم رسانایی را از دستگاهی عبور می‌دهیم به گونه‌ای که حجم سیم ثابت می‌ماند، اما قطر آن تغییر می‌کند. اگر نمودار V - I سیم اولیه (۱) و سیم ثانویه (۲) به صورت زیر باشد، قطر سیم چند برابر می‌شود؟



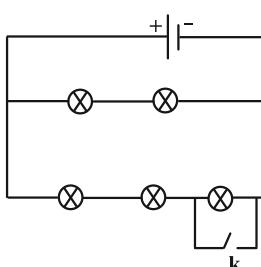
(۱)

(۲)

(۳)

(۴)

۷۲- در مدار شکل زیر، لامپ‌ها مشابه و مولد آرمانی است و در ابتدا کلید باز است. اگر کلید را ببندیم، توان مصرفی در مجموعه لامپ‌ها $50W$ تغییر می‌کند. توان مصرفی در مجموعه لامپ‌ها پس از بستن کلید چند وات است؟



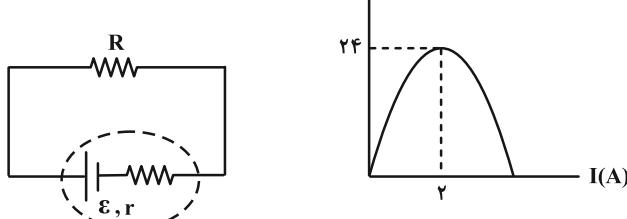
(۱) ۲۰۰

(۲) ۲۵۰

(۳) ۳۰۰

(۴) ۳۵۰

۷۳- نمودار توان خروجی مولد بر حسب جریان عبوری از آن در مدار زیر، مطابق شکل است. اگر مقاومت R برابر 10Ω باشد، توان خروجی مولد برابر چند وات خواهد بود؟



(۱) ۲۴

(۲) ۲۲/۵

(۳) ۱۲

(۴) ۱۰/۵

محل انجام محاسبات



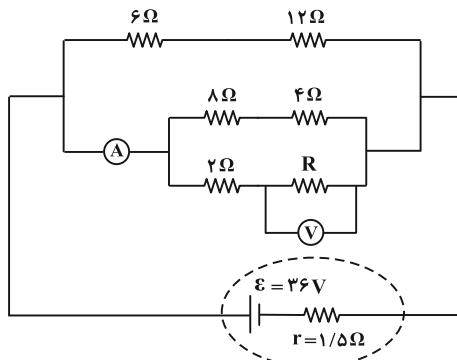
۷۴- اگر در مدار شکل زیر، آمپرسنچ آرمانی، $4/5$ آمپر را نشان دهد، ولتسنچ آرمانی چند ولت را نشان می‌دهد؟

۳۰ (۱)

۱۵ (۲)

۲۲/۵ (۳)

۱۲ (۴)



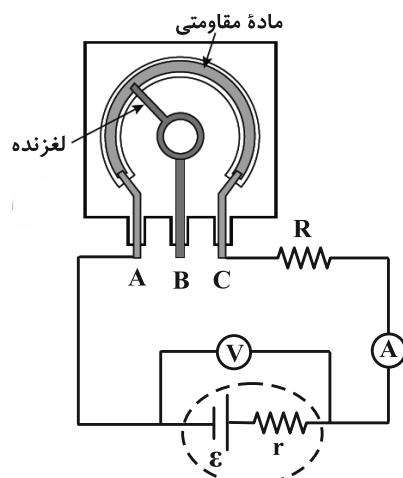
۷۵- شکل زیر یک پتانسیومتر را نشان می‌دهد. با حرکت لغزنده به صورت ساعتگرد، عددی که ولتسنچ آرمانی و آمپرسنچ آرمانی نشان می‌دهند، به ترتیب از راست به چپ چگونه است؟

۱) کاهش می‌یابد- افزایش می‌یابد

۲) کاهش می‌یابد- ثابت می‌ماند

۳) ثابت می‌ماند- کاهش می‌یابد

۴) ثابت می‌ماند- ثابت می‌ماند



۷۶- یون He^{2+} در اثر یک واکنش هسته‌ای از درون هسته به بیرون پرتاپ می‌شود و با سرعت $v = 5 \times 10^{10} \frac{\text{m}}{\text{s}}$ از داخل یک سیم‌وله عمود بر خطوط میدان مغناطیسی آن عبور می‌کند. اگر طول سیم‌وله 60 سانتی‌متر باشد و در هر متر دارای 1000 دور باشد، در صورت عبور جریان $A = \frac{100}{\pi} \text{ A}$ از سیم‌وله، به یون He^{2+} چه نیرویی از طرف میدان بر حسب نیوتون وارد می‌شود؟

$$(\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \frac{\text{T} \cdot \text{m}}{\text{A}} \text{ و } e = 1/6 \times 10^{-19} \text{ C})$$

۳/۲ \times 10^{-12} (۴)

۳/۲ \times 10^{-10} (۳)

۶/۴ \times 10^{-12} (۲)

۶/۴ \times 10^{-10} (۱)

محل انجام محاسبات

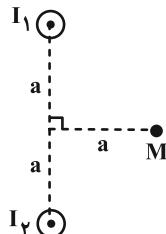


۷۷- در شکل زیر، مقطع دو سیم موازی و بسیار بلند که حامل جریان‌های هم‌جهت هستند، عمود بر صفحه شکل قرار گرفته‌اند.

بزرگی میدان مغناطیسی حاصل از هر سیم در نقطه M ، برابر با $2\sqrt{2}G$ است. اگر در نقطه M ، ذره‌ای با بار $q = -2\mu C$

تندی $10^4 \frac{m}{s}$ عمود بر صفحه به طرف داخل صفحه شلیک شود، اندازه نیروی مغناطیسی وارد بر آن چند نیوتون و جهت آن به

کدام سمت است؟



(۱) 8×10^{-2} ، چپ

(۲) 8×10^{-2} ، راست

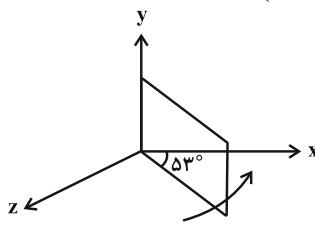
(۳) 8×10^{-6} ، چپ

(۴) 8×10^{-6} ، راست

۷۸- مطابق شکل زیر، یک قاب مستطیل شکل به ابعاد $30\text{cm} \times 20\text{cm}$ و مقاومت 10Ω درون میدان مغناطیسی یکنواخت

$\vec{B} = (0/0.3\text{T})\hat{i}$ قرار دارد. اگر قاب را حول ضلعی که منطبق بر محور y است، در مدت زمان 2ms به اندازه 16 درجه در جهت

نشان داده شده دوران دهیم، اندازه جریان القایی متوسط چند میلیآمپر است؟ ($\sin 37^\circ = 0.6$)



(۱) $5/4 \times 10^{-2}$

(۲) $1/8 \times 10^{-2}$

(۳) ۵۴

(۴) ۱۸

۷۹- معادله جریان الکتریکی عبوری از القاگری به ضریب القاوری $H/0.02\text{H}$ بر حسب زمان در SI به صورت $I = t^2 - 8t + 20$ می‌باشد.

کمینه انرژی ذخیره شده در القاگر چند میلیژول است؟

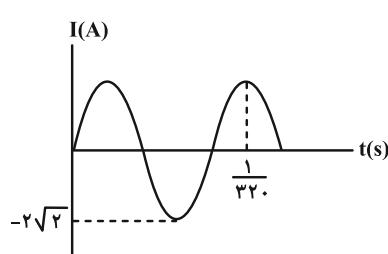
(۱) ۳۲

(۲) ۳۲۰

(۳) ۱۶

(۴) ۱۶۰

۸۰- نمودار تغییرات یک جریان متناوب سینوسی به صورت شکل زیر است. اندازه جریان در لحظه $\frac{1}{3200}$ ثانیه چند آمپر است؟



(۱) ۲

(۲) $2\sqrt{2}$

(۳) ۵

(۴) $5\sqrt{2}$

محل انجام محاسبات



وقت پیشنهادی: ۳۰ دقیقه

شیمی ۱ و شیمی ۲: کل کتاب

۸۱- در یون X^{2+} تعداد الکترون‌ها با $n = l + I = 5$ دو برابر 4 است. کدام گزینه از نظر درستی یا نادرستی مشابه جمله زیر است؟

«در اتم X^{10+} الکترون با $I = 0$ وجود دارد.»

۱) این یون به آرایش گاز نجیبی می‌رسد که آخرین فلز هم دوره آن برای دومین بار $I = 2$ آن از الکترون کاملاً پر می‌شود.

۲) اتم آن می‌تواند اکسیدهایی با فرمول X_2O و XO تشکیل دهد.

۳) خاصیت فلزی اتم آن از عنصر قبلی آن کمتر است.

۴) عنصری که جرم اتمی میانگین ندارد، می‌تواند با اتم آن هم ستون باشد.

۸۲- چند مورد از مطالب زیر درست است؟

- کار با واحد جرم اتمی در عمل و آزمایشگاه ممکن نیست.

- عدد جرمی و مقدار عددی جرم اتمی در ایزوتوپ C^{12} یکسان است.

- جرم اتمی میانگین کلر به جرم اتمی ایزوتوپ سبک‌تر آن نزدیک‌تر است.

- با استفاده از مقیاس amu فقط می‌توان جرم اتم‌های پایدار را اندازه‌گیری کرد.

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۸۳- اگر اختلاف تعداد نوترون و الکترون در یون $X^{3+}Y^{55}$ برابر 16 و مجموع ذرات زیراتمی در $X^{2+}Y^{66}$ برابر 78 باشد، کدام گزینه نادرست است؟

۱) اختلاف عدد اتمی عناصر X و Y معادل عددی اتمی یک گاز نجیب است.

۲) X و Y دو فلز واسطه و پایدار متعلق به یک گروه جدول تناوبی هستند.

۳) طیف نشری خطی عناصر X و Y به یقین متفاوت از هم است.

۴) در اتم Y ، الکترون‌های ظرفیت 28 درصد کل الکترون‌ها را تشکیل می‌دهند.

۸۴- در یک آزمایش مخلوطی از گازهای پروپان و اکسیژن به جرم 102 گرم در شرایط STP به‌طور کامل با یکدیگر واکنش داده‌اند.

اختلاف حجم این دو گاز در مخلوط ابتدایی چند لیتر بوده است؟ ($H = 1, C = 12, O = 16 : g \cdot mol^{-1}$)

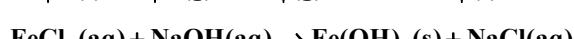
۵۶ (۴)

۴۴/۸ (۳)

۲۲/۴ (۲)

۱) صفر

۸۵- مجموع ضرایب گونه‌های حاضر در چه تعداد از واکنش‌های زیر پس از موازنی، از مجموع ضرایب H_2O در واکنش‌های سوختن کامل اتانول و استون بیشتر است؟



۳ (۴)

۲ (۳)

۱ (۲)

۱) صفر

محل انجام محاسبات



۸۶- کدام موارد از مطالب زیر درست است؟

آ) شمار جفت الکترون‌های پیوندی در هر یک از مولکول‌های HCN و CH_2O دو برابر شمار جفت الکترون‌های ناپیوندی در مولکول کربن مونوکسید می‌باشد.

ب) نسبت شمار کاتیون به آنیون در مس (I) اکسید با نسبت اکسیژن به نیتروژن در دی‌نیتروژن تتراءکسید یکسان است.

پ) آرایش الکترونی یون آهن در FeF_3 با آرایش الکترونی Mn^{2+} یکسان است.

ت) مجموع شمار جفت الکترون‌های ناپیوندی در مولکول‌های اوزون، گوگرد تری‌اکسید و آب برابر ۱۷ می‌باشد.

ث) فلز آلومینیم به شکل بوکسیت (Al_2O_3 خالص) و سیلیسیم به شکل سیلیس (SiO_2) در طبیعت وجود دارد.

(۱) آ، ب، پ (۲) ب، ت، ث (۳) آ، پ، ت (۴) آ، ب، ت، ث

۸۷- چند مورد از موارد زیر در اوزون بیشتر از اکسیژن است؟ ($O = 16 \text{ g.mol}^{-1}$)

• میزان نیروی وارد شده از طرف مولکول‌های آن به دیواره ظرف حاوی ۶۴ گرم از آن

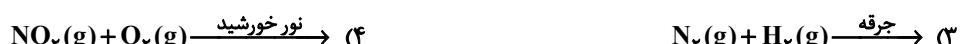
• دمای جوش

• اختلاف شمار جفت الکترون‌های پیوندی و ناپیوندی

• میزان آسیب‌رسانی به ریه انسان

(۱) چهار (۲) پنج (۳) شش (۴) سه

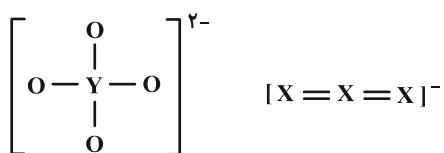
۸۸- کدام واکنش در شرایط تعیین شده انجام نمی‌شود؟



۸۹- محفظه دربسته‌ای در اختیار داریم. دو گاز X و Y را در دمای T کلوین وارد این سیلندر می‌کنیم تا با یکدیگر به طور کامل واکنش دهند. در انتهای فرایند مشاهده می‌کنیم دما به $2T$ کلوین رسیده و فشار محفظه تغییری نکرده است. با توجه به اطلاعات داده شده در کدام گزینه واکنش انجام شده به درستی بیان شده است؟



۹۰- اگر در ساختارهای زیر همه اتم‌ها از قاعده هشت تابی پیروی کنند و عنصرهای X و Y به ترتیب به دوره‌های دوم و سوم جدول تناوبی تعلق داشته باشند، کدام گزینه در مورد این دو عنصر درست است؟



(۱) XO_2 گازی قهوه‌ای رنگ است و درون اگزوز خودروها می‌تواند اوزون تروپوسفری را تولید کند.

(۲) عنصر Y یک جامد زرد رنگ است و در واکنش با فلز نقره به یک جامد سیاه رنگ تبدیل می‌شود.

(۳) سوخت سبز سوختی است که در ساختار خود افزون بر کربن و هیدروژن، عنصر X نیز داشته باشد.

(۴) گاز YO_3 مستقیماً از فعالیت‌های صنعتی ایجاد شده و می‌تواند منجر به بارش باران اسیدی شود.

محل انجام محاسبات



۹۱- درستی یا نادرستی چه تعداد از عبارت‌های داده شده همانند جمله زیر است؟

«در بین ترکیب‌های هیدروژن‌دار دوره‌های دوم تا چهارم گروههای ۱۴ تا ۱۷ جدول دوره‌ای حداقل دو مولکول دارای نقطه جوش مثبت هستند.»

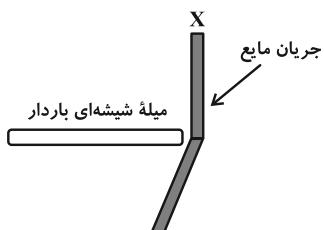
- مدل فضایپرکن، نسبت تعداد جفت الکترون‌های پیوندی به ناپیوندی و امکان جهت‌گیری در میدان الکتریکی برخلاف حالت فیزیکی در دمای اتاق، در مولکول‌های آب و هیدروژن سولفید یکسان است.

• میزان قطبی بودن مولکول‌ها و جرم آن‌ها در تعیین حالت فیزیکی و خواص ترکیب‌ها نقش مهمی دارند.

• به جز پیوند‌های هیدروژنی، به نیروهای جاذبه بین مولکولی، نیروهای وان‌دروالس می‌گویند.

• اختلاف نقطه جوش آب و اتانول برابر با اختلاف نقطه جوش اتانول و استون است.

- تمامی ترکیب‌های هیدروژن‌دار گروههای ۱۵، ۱۶ و ۱۷ جدول دوره‌ای رفتاری همانند ترکیب X در میدان الکتریکی از خود نشان می‌دهند.



۵ (۴)

۴ (۳)

۳ (۲)

۲ (۱)

۹۲- مخلوطی به جرم $\frac{45}{6}$ گرم از آمونیوم نیترات و منیزیم نیترات را در مقداری آب مقطر حل کرده و به حجم ۳ لیتر می‌رسانیم. اگر غلظت یون نیترات در محلول حاصل برابر با $2 \text{ mol}^{-1} \cdot \text{L}^{-1}$ باشد، نسبت جرم منیزیم نیترات حل شده به آمونیوم نیترات حل شده برابر با کدام است؟ ($H = 1$, $N = 14$, $O = 16$, $Mg = 24$: $\text{g} \cdot \text{mol}^{-1}$)

۲ (۴)

۱/۸۵ (۳)

۱۲/۴ (۲)

۰/۵۴ (۱)

۹۳- کدام گزینه در مورد محلولی از MgCl_2 با غلظت $5 \text{ g} \cdot \text{mL}^{-1}$ و چگالی $1 \text{ g} \cdot \text{ppm}^{-1}$ نادرست است؟ (۱) غلظت یون Cl^- در این محلول برابر با 2×10^{-4} مولار است.

(۲) درصد جرمی یون Cl^- در این محلول برابر با 7×10^{-4} است.

(۳) درصد جرمی یون Mg^{2+} در این محلول نصف درصد جرمی یون Cl^- است.

(۴) غلظت یون Mg^{2+} در این محلول برابر با 4 ppm است.

۹۴- انحلال یزدیری نمک فرضی AB در آب خالص در دماهای 80°C و 30°C به ترتیب برابر با ۹۰ و ۵۰ گرم (در ۱۰۰ گرم آب) است. اگر محلول سیرشده‌ای از این نمک را از دمای 30°C تا دمای 80°C سرد کنیم، به تقریب چند درصد از این نمک حل شده رسوب می‌کند و درصد جرمی تقریبی آن در محلول باقی مانده چقدر است؟ (اعداد را از راست به چپ بخوانید).

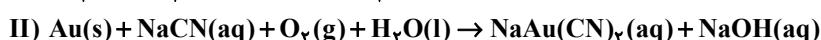
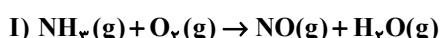
۵۵/۵ - ۴۴/۴ (۴)

۳۳/۳ - ۴۴/۴ (۳)

۵۵/۵ - ۳۱ (۲)

۲۱ - ۳۳/۳ (۱)

۹۵- با توجه به واکنش‌های I و II کدام گزینه صحیح است؟ (واکنش‌ها موازن نشده‌اند).



(۱) مجموع ضرایب استوکیومتری مواد گازی در واکنش (I) با مجموع ضرایب استوکیومتری مواد محلول در واکنش (II) برابر است.

(۲) فلز شرکت کننده در واکنش (II) به عنوان کاتالیزگر در تولید ترکیب واکنش‌دهنده در واکنش (I) به کار می‌رود.

(۳) مجموع ضرایب استوکیومتری مواد نیتروژن‌دار در واکنش (I) با ضرایب استوکیومتری واکنش‌دهنده نیتروژن‌دار در واکنش (II) برابر است.

(۴) واکنش دهنده‌های واکنش (I) می‌توانند به جای هوا برای پر کردن تایر خودرو به کار روند.

محل انجام محاسبات



۹۶- کدام گزینه درست است؟

- (۱) هر چه شعاع اتمی یک عنصر بزرگتر باشد، راحت‌تر الکترون از دست می‌دهد.
- (۲) هالیدهای هر دوره با گرفتن یک الکترون به آرایش گاز نجیب بعد از خود می‌رسند.
- (۳) واکنش برم با گاز هیدروژن در دمای اتاق سریعتر از واکنش کلر در همین شرایط است.
- (۴) اختلاف شعاع اتمی سدیم و منیزیم از اختلاف شعاع اتمی منیزیم و آلومینیم بیشتر است.

۹۷- چند مورد از عبارت‌های داده شده درباره آلکان‌ها درست است؟ ($H = 1$ ، $C = 12$: $g \cdot mol^{-1}$)

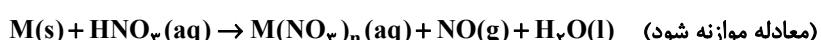
- در واکنش سوختن کامل آن‌ها، مول H_2O تولید شده یک واحد بیشتر از مول CO_2 تولید شده است.
- با افزایش جرم مولی آن‌ها، درصد جرمی کربن برخلاف درصد جرمی هیدروژن افزایش می‌یابد.
- با افزایش شمار اتم‌های کربن در ساختار آن‌ها، تفاوت نقطه جوش بین دو آلکان متوالی کاهش می‌یابد.
- به دلیل داشتن ساختار سیرشده، کربوهیدرات‌هایی با واکنش پذیری کم هستند.

۴ (۴) ۳ (۳) ۲ (۲) ۱ (۱)

۹۸- اگر در اثر واکنش $10^{23} \times 806 \times 1$ اتم از فلز M با مقدار کافی محلول نیتریک اسید، $2/88$ گرم گاز تولید شود، n کدام است؟

(مقدار بازده درصدی واکنش را ۶ برابر ضریب استوکیومتری نیتریک اسید در معادله موازن‌شده واکنش در نظر بگیرید؛

$N = 14$ ، $O = 16$: $g \cdot mol^{-1}$ (واکنش‌ها در دمای اتاق رخ می‌دهند).



۴ (۴) ۳ (۳) ۲ (۲) ۱ (۱)

۹۹- کدام موارد از عبارت‌های زیر به درستی بیان شده‌اند؟

الف) در بین ۳ فلز قلیایی دوره‌های دوم تا چهارم، فلزی که جاذبه هسته آن بر الکترون لایه آخر بیشتر است در واکنش با گاز کلر، نور با طول موج بیشتری نشر می‌کند.

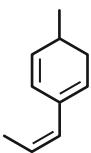
ب) اگر آخرین زیرلایه در آرایش الکترونی یک فلز اصلی به صورت ns^x باشد، از بین فلزاتی که $n+x=5$ دارند، فلز با نماد شیمیایی تک حرفی، شعاع اتمی بیشتری دارد.

پ) در واکنش هالوژن‌ها با گاز هیدروژن، سبک‌ترین هالوژن حتی در دمای $-200^\circ C$ نیز تبدیل به یون هالید می‌شود.

ت) در فرمول شیمیایی اکسیدی از آهن که در آرایش الکترونی کاتیون آن، $\frac{1}{4}$ الکترون‌ها در زیرلایه با $2=I$ قرار گرفته‌اند، زیروند کاتیون از زیروند آنیون کوچک‌تر است.

۴ (۴) پ و ت ۳ (۳) الف و ت ۲ (۲) ب و پ ۱) الف و ب

محل انجام محاسبات



۱۰۰- چه تعداد از عبارت‌های زیر در مورد ساختار زیر درست است؟ (۱)

• تعداد اتم‌های هیدروژن این ترکیب با تعداد اتم‌های هیدروژن موجود در ششمین آلکن برابر است.

• نیم مول از این ترکیب در واکنش با 240 g برم به یک ترکیب سیرشده تبدیل می‌شود.

• سوختن کامل 1 mol از این ترکیب با خلوص 75% ، کمتر از 25 L لیتر گاز اکسیژن در شرایط STP نیاز دارد.

• تعداد کربن‌هایی که تنها به یک هیدروژن متصلند در ساختار برابر با شماره گروه نخستین عنصری است که از اصل آفبا پیروی نمی‌کند.

• اگر تمام پیوندهای دوگانه در محیط اسیدی با آب واکنش دهنده، جرم مولی فراورده مربوطه برابر $188\text{ g}\cdot\text{mol}^{-1}$ خواهد بود.

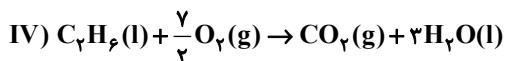
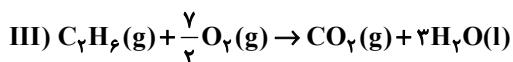
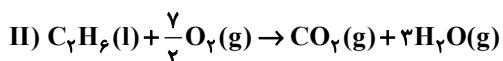
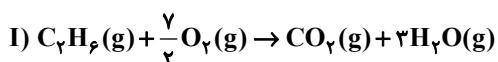
۵ (۴)

۴ (۳)

۳ (۲)

۲ (۱)

۱۰۱- گرمای آزاد شده از واکنش‌های زیر در کدام گزینه به درستی مقایسه شده است؟

Q_{III} > Q_{IV} > Q_I > Q_{II} (۲)Q_{III} > Q_I > Q_{IV} > Q_{II} (۴)Q_{III} > Q_I = Q_{IV} > Q_{II} (۱)Q_{IV} > Q_{III} > Q_{II} > Q_I (۳)

۱۰۲- نمونه‌ای از یک هیدروکربن راست زنجیر در اختیار داریم. این ترکیب جزء دسته‌ای از هیدروکربن‌ها است که در آن‌ها با افزایش

تعداد کربن، درصد جرمی کربن کاهش می‌یابد. در اثر واکنش این هیدروکربن با نمونه‌ای از برم مایع، درصد جرمی اتم‌های کربن

در ترکیب حاصل برابر با 10% خواهد بود. برای افزایش دمای یک نمونه 20 g از این ماده به اندازه 10°C چند ژول انرژی

نیاز است و در ترکیب حاصل از واکنش این مقدار ماده با مقدار کافی برم، چند پیوند اشتراکی میان اتم‌ها وجود خواهد داشت؟

(گرمای لازم برای افزایش دمای 1 mol از این ترکیب به اندازه 10°C حدود 88 ژول می‌باشد. (گزینه‌ها را از راست به چپ بخوانید.)

$(\text{H}=1, \text{C}=12, \text{Br}=80: \text{g}\cdot\text{mol}^{-1})$

$30/1\times 10^{23} - 440 (4) \quad 6/02\times 10^{23} - 880 (3) \quad 6/02\times 10^{23} - 440 (2) \quad 30/1\times 10^{23} - 880 (1)$

۱۰۳- یک هیدروکربن 5 کربنی در ساختار خود به تعداد x پیوند $\text{C}=\text{C}$ دارد. این هیدروکربن را مطابق واکنش زیر با مقدار کافی گاز

هیدروژن، واکنش می‌دهیم؛ اگر در اثر مصرف 17 g از این هیدروکربن، $64\text{ کیلوژول گرمای آزاد شود،}$ x کدام است؟ (در

ساختار این هیدروکربن پیوند $\text{C}\equiv\text{C}$ وجود ندارد؛ $(\text{H}=1, \text{C}=12: \text{g}\cdot\text{mol}^{-1})$



پیوند	آنالی پیوند ($\text{kJ}\cdot\text{mol}^{-1}$)
$\text{C}-\text{C}$	۳۴۸
$\text{C}-\text{H}$	۴۱۵
$\text{H}-\text{H}$	۴۳۶
$\text{C}=\text{C}$	۶۱۴

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

محل انجام محاسبات

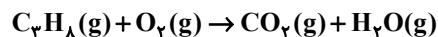
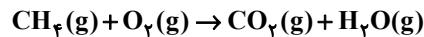
۱۰۴- جدول زیر تغییرات مول سه ماده گازی A، B و C را در یک ظرف ۵ لیتری در زمان‌های مختلف نشان می‌دهد. با توجه به این اطلاعات، سرعت متوسط واکنش در بازه داده شده چند $\text{mol} \cdot \text{L}^{-1} \cdot \text{min}^{-1}$ می‌باشد و نسبت a به b کدام است؟

زمان (ثانیه)	۳۰	۱۵	۰
Mol	۰ / ۷۵	۱ / ۲۵	۲
A	۱ / ۲۵	a	۵
B	b	۱ / ۵	۰
C	۱ / ۵	۰	Mol

- (۱) ۱/۱ - ۲/۵
 (۲) ۲/۵ - ۰/۵
 (۳) ۱/۱ - ۰/۵
 (۴) ۲/۵ - ۲/۵

۱۰۵- اگر مخلوطی شامل ۳۵ گرم از متان و پروپان را در مدت ۳۰ ثانیه به‌طور کامل بسوزانیم و در این مدت سرعت متوسط تولید CO_2 برابر ۴/۵ مول بر دقیقه باشد، اختلاف جرم متان و پروپان در مخلوط اولیه کدام است؟ (معادله واکنش‌ها موازن شود.)

$$(\text{H} = 1, \text{C} = 12, \text{O} = 16 : \text{g} \cdot \text{mol}^{-1})$$



- (۱) ۱۵ (۴) ۹ (۳) ۷ (۲) ۱۳ (۱)

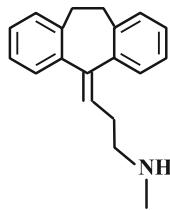
۱۰۶- چند مورد از موارد زیر درباره سنگین‌ترین آلکانی که طویل‌ترین زنجیر کربنی آن پنج کربن دارد صحیح است؟

- اختلاف ضرایب استوکیومتری CO_2 و H_2O حاصل از سوختن یک مول از آن برابر با $\frac{1}{4}$ تفاوت ضرایب واکنش‌دهنده‌ها و فراورده‌ها در واکنش سوختن کامل نونان است.

• از هیدروژن‌دار کردن تنها یک آلکن در شرایط مناسب می‌توان به آلکان مدنظر رسید.

• این ترکیب برخلاف عمده گازهای موجود در هوا کره قطبی است.

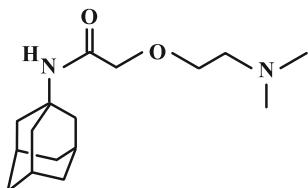
- اختلاف تعداد پیوندهای $\text{C}-\text{H}$ و $\text{C}-\text{C}$ آن برابر تعداد پیوندهای $\text{C}-\text{H}$ ترکیب زیر است:



- (۱) صفر ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۳

۱۰۷- درباره ساختار زیر که یک داروی ضد ویروس را نشان می‌دهد، چند مورد از مطالب زیر درست است؟

$$(\text{H} = 1, \text{C} = 12, \text{N} = 14, \text{O} = 16 : \text{g} \cdot \text{mol}^{-1})$$

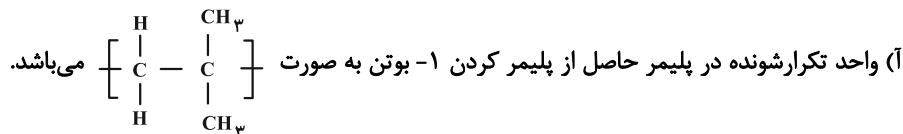


- اختلاف شمار جفت الکترون‌های پیوندی و ناپیوندی آن برابر با ۴۴ است.
- مجموع درصد جرمی اتم‌های کربن و اکسیژن در آن برابر با ۷۰٪ می‌باشد.
- همانند ویتامین C می‌تواند با مولکول‌های خود، پیوند هیدروژنی تشکیل دهد.
- نسبت شمار اتم‌ها به عنصرها در فرمول شیمیایی آن، ۲ برابر این نسبت در نفتالن است.
- این مولکول می‌تواند از سمت گروه عاملی آمینی خود، با یک کربوکسیلیک اسید واکنش دهد.

- (۱) ۱ ۲ (۲) ۳ (۳) ۳ ۴ (۴)

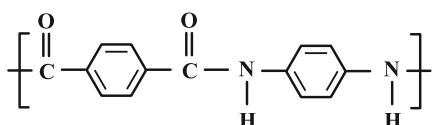
محل انجام محاسبات

۱۰۸- چند مورد از عبارت‌های زیر درست است؟



ب) در شرایط یکسان، انحلال پذیری استیک اسید در آب از انحلال پذیری $\text{CH}_3(\text{CH}_2)_3\text{COOH}$ بیشتر است.

پ) هر دو مونومر پلیمری با واحد تکرارشونده زیر، توانایی تشکیل پیوند هیدروژنی دارند.



ت) حالت فیزیکی بوتان در دما و فشار اتفاق برخلاف ۱، ۲- دی برمودان به صورت گازی است.

ث) در واکنش پلیمری شدن اتن در حضور کاتالیزگرهای محتوی تیتانیم یا آلومینیم جرم مولی میانگین پلی اتن تولید شده به نسبت مولی کاتالیزگرها بستگی ندارد.

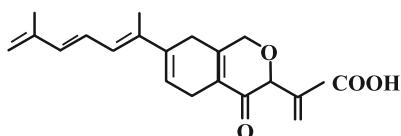
۲ (۴)

۳ (۳)

۴ (۲)

۵ (۱)

۱۰۹- با توجه به ساختار داده شده، چند مورد از عبارت‌های زیر نادرست است؟



- دارای ۵۵ جفت الکترون پیوندی است.

- برای سوختن هر مول از آن ۵۷ مول گاز اکسیژن لازم است.

- در واکنش تهیه استر می‌تواند شرکت کند.

- دارای ۸ اتم کربن بدون اتصال به اتم H است.

- دارای ۲۱ پیوند اشتراکی C-H است.

۱ (۴)

۴ (۳)

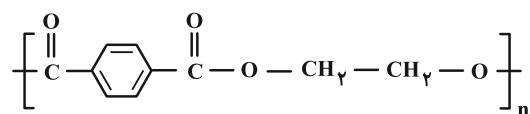
۳ (۲)

۲ (۱)

۱۱۰- همه عبارت‌های زیر درست‌اند به جز:

۱) در فرمول مولکولی مونومر سازنده پلی‌سیانواتن نسبت شمار اتم‌های C به H با این نسبت در مولکول استیرن یکسان است.

۲) فرمول مولکولی دی‌اسید سازنده پلی‌استر زیر $\text{C}_8\text{H}_6\text{O}_4$ می‌باشد.



۳) سلولز همانند پلی‌اتن یک درشت مولکول می‌باشد و مونومر سازنده هر دو در طبیعت یافت می‌شود.

۴) نسبت شمار جفت الکترون‌های پیوندی به ناپیوندی در وینیل کلرید با این نسبت در ساده‌ترین استر متفاوت است.

محل انجام محاسبات



آزمون لا فروردین ۱۴۰۳

اختصاصی دوازدهم ریاضی

نقش
چکه پاسخ

نام درس	نام طراحان
ریاضی پایه	کاظم اجلالی-سیدرضا اسلامی-مسعود برملاء-عادل حسینی-افشین خاصه‌خان-محمد رضا راسخ-کیان کریمی خراسانی-حامد معنوی جهانبخش نیکنام
هندرسه و آمار و احتمال	امیرحسین ابومحبوب-اسحاق اسفندیار-فرزاد جوادی-سید محمد رضا حسینی‌فرد-افشین خاصه‌خان-مهدبیار راشدی سوگند روشنی-هون من عقیلی-احمدرضا فلاخ-مهرداد ملوندی-نیلوفر مهدوی
فیزیک	کامران ابراهیمی-مهران اسماعیلی-عباس اصغری-زهره آقامحمدی-علی برزگر-علیرضا جباری-فراز رسولی معصومه شریعت‌ناصری-شیلا شیرزادی-غلامرضا محبی-محمد کاظم منشادی-محمد منصوری-امیر احمد میرسعید سیده ملیحه میر صالحی-حسام نادری-مجتبی نکوئیان-محمد نهادنی‌مقدم
شیمی	احسان پنجه‌شاهی-محمد رضا پور جاوید-سعید تیزرو-پیمان خواجه‌جی-مجد حمید ذبیحی-روزبه رضوانی-میلاد شیخ‌الاسلامی خیاوی امیرحسین طبیبی-محمد عظیمیان زواره-پارسا عیوض پور-امیر محمد کنگرانی

گزینشگران و ویراستاران

نام درس	ریاضی پایه	هندرسه و آمار و احتمال	فیزیک	شیمی
گزینشگر	کاظم اجلالی سیدرضا اسلامی	امیرحسین ابومحبوب	حسام نادری	امیرحسین مسلمی
گروه ویراستاری	سعید خان‌بابایی	مهرداد ملوندی	زهره آقامحمدی	محمد حسن محمدزاده‌مقدم امیرحسین مسلمی میلاد میرحیدری
بازی‌بینی نهایی رتبه‌های برتر	سهیل تقی‌زاده	امیرمحمد کریمی	حسین بصیر ترکمنور	علی رضایی احسان پنجه‌شاهی
مسئول درس	عادل حسینی	امیرحسین ابومحبوب	حسام نادری	پارسا عیوض پور
مسئلندسازی	سمیه اسکندری	سرژ یقیازاریان تبریزی	علیرضا همایون خواه	امیرحسین مرتضوی

گروه فنی و تولید

مدیر گروه	مهرداد ملوندی
مسئول دفترچه	نرگس غنی‌زاده
گروه مستندسازی	مدیر گروه: محیا اصغری مسئل دفترچه: الهه شهبازی ویراستاران: امیرحسین توحیدی-محسن دستجردی-علیرضا زارعی-حسین شاهسواری
حروفنگار	فرزانه فتح‌اله‌زاده
ناظر چاپ	سوران نعیمی

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلمچی (وقف عام)

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - کانون فرهنگی آموزش - تلفن: ۰۳۱-۶۴۶۳



$$\begin{cases} a - \sqrt{1+b} = 0 \\ a - \sqrt{6+b} = -1 \end{cases}$$

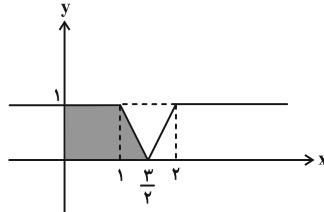
$$\Rightarrow \sqrt{6+b} = 1 + \sqrt{1+b} \quad \text{توان ۲} \rightarrow b = 2 + b + 2\sqrt{1+b}$$

$$\Rightarrow \sqrt{1+b} = 2 \Rightarrow b = 3$$

با جایگذاری b ، مقدار a نیز برابر ۲ به دست می‌آید.
 (مسابان ا- هبر و معادله و تابع: صفحه‌های ۲۱، ۲۲، ۵۴ و ۶۳ تا ۶۶)

۶- گزینه «۳» (محمد رضا اسخن)

با قرینه کردن قسمت‌های منفی نمودار تابع $y = |x-1| - |x-2|$ نمودار تابع صورت سؤال به صورت زیر به دست می‌آید:



$$S = \frac{(1+\frac{3}{2})(1)}{2} = \frac{5}{4}$$

مساحت ذوزنقه سایه خورده برابر است با:

(مسابان ا- هبر و معادله: صفحه ۲۴)

۷- گزینه «۴» (کیان کریمی فراسانی)

جواب‌های معادله در خود معادله صدق می‌کنند:

$$\alpha^2 - 6\alpha + 7 = \beta^2 - 6\beta + 7 = 0$$

$$\Rightarrow \alpha^2 - 6\alpha + 9 = \beta^2 - 6\beta + 9 = 2$$

پس برای محاسبه عبارت داده شده داریم:

$$(\alpha^2 - 6\alpha + 9)^{\frac{1}{2}}(\beta^2 - 6\beta + 9)^{\frac{1}{2}} = (\alpha^2 - 6\alpha + 9)^{\frac{1}{2}}(\beta^2 - 6\beta + 9)^{\frac{1}{2}}$$

$$= 2^{\frac{1}{2}} \times 2^{\frac{1}{2}} = 2^{\frac{1}{2}}(\alpha + \beta)$$

در معادله داده شده $\alpha + \beta = S = 6$ است و در نتیجه مطلوب مسئله برابر $2^{12} = 4096$ است.

(مسابان ا- هبر و معادله: صفحه‌های ۷ تا ۱۰)

۸- گزینه «۲» (کیان کریمی فراسانی)

جواب‌های معادله دوم را α و β در نظر می‌گیریم. در این صورت

جواب‌های معادله اول $\sqrt{\alpha}$ و $\sqrt{\beta}$ خواهند بود. داریم:

$$\begin{cases} \alpha\beta = b+2 \\ \sqrt{\alpha}\sqrt{\beta} = \sqrt{\alpha\beta} = b \end{cases}$$

$$\Rightarrow b^2 = b+2 \Rightarrow b^2 - b - 2 = (b+1)(b-2) = 0$$

$$\xrightarrow{b>0} b = 2$$

همچنین داریم:

$$\sqrt{\alpha} + \sqrt{\beta} = a \xrightarrow{\text{توان ۲}} \alpha + \beta + 2\sqrt{\alpha\beta} = a^2$$

ریاضی پایه

گزینه «۱»

(سید رضا اسلامی)

$$[2\sin 60^\circ] - 2[\sin 60^\circ] = [\sqrt{3}] - 2[\frac{\sqrt{3}}{2}] = 1 - 0 = 1$$

(ریاضی ا- مثلثات: صفحه ۳۲)

گزینه «۳»

-۲

عنی عرض رأس سهمی $f(x) = x^2 - ax + 5$ برابر ۱ است.

$$\Rightarrow y_S = -\frac{a^2 - 2}{4} = 1 \Rightarrow a^2 = 16 \Rightarrow a = \pm 4$$

$$\Rightarrow f(x) = x^2 - 4x + 5 \quad \text{یا} \quad x^2 + 4x + 5$$

پس (۲) f برابر ۱ یا ۱۷ است.

(ریاضی ا- معادله‌ها و نامعادله‌ها: صفحه ۱۰)

گزینه «۱»

-۳

$$A = \frac{\sqrt{2}+3}{\sqrt{5+2\sqrt{6}} - \sqrt{4-2\sqrt{3}}} = \frac{\sqrt{2}+3}{\sqrt{(\sqrt{3}+\sqrt{2})^2} - \sqrt{(\sqrt{3}-1)^2}} = \frac{\sqrt{2}+3}{\sqrt{2}+1}$$

$$\Rightarrow A = \frac{\sqrt{2}+3}{\sqrt{2}+1} \times \frac{\sqrt{2}-1}{\sqrt{2}-1} \Rightarrow A = 2\sqrt{2}-1$$

$$\Rightarrow (A+1)^2 = (2\sqrt{2})^2 = 8$$

(ریاضی ا- توان‌های کویا و عبارت‌های بیرونی: صفحه‌های ۶۳ تا ۶۸)

گزینه «۲»

-۴

(مسعود برملا)

اگر x ، y و z سه جمله متولی از یک دنباله هندسی باشند، رابطه $y^2 = xz$ بین آنها برقرار است. در این سؤال داریم:

$$(2^{2a})(4\sqrt{2})^{b+2} = (2\sqrt{2})^2 \Rightarrow 2^{2a+\frac{4}{2}b+5} = 8 = 2^3$$

$$\Rightarrow 2a + \frac{4}{2}b + 5 = 3 \Rightarrow 2a + \frac{4}{2}b = -2 \quad (*)$$

حال مجموع پنج جمله اول دنباله حسابی داده شده را حساب می‌کنیم:

$$S = t_1 + t_2 + t_3 + t_4 + t_5 = 5t_3 = 5\left(\frac{t_2 + t_4}{2}\right) = \frac{5}{2}(t_2 + t_4)$$

در این دنباله حسابی داریم:

$$t_2 + t_4 = 2a + 1 + \frac{4}{2}b + 3 = 2a + \frac{4}{2}b + 4 \stackrel{(*)}{=} -2 + 4 = 2$$

و در نتیجه مجموع پنج جمله اول آن برابر است با:

(ریاضی ا- مجموعه، الگو و دنباله: صفحه‌های ۲۱ تا ۲۷)

گزینه «۲»

-۵

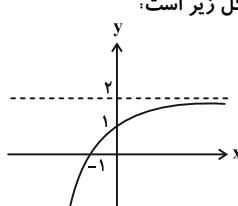
(حامد معنوی)

$$g^{-1} = \{(1, 22), (6, -2)\}$$

با توجه به اعضای تابع $f^{-1} + g$ به سادگی پیدا می‌کنیم که $f(1) = 0$ و $f(6) = -1$ است. پس داریم:



که نمودار آن مطابق شکل زیر است:



(مسابان ا- توابع نمایی و لگاریتمی؛ صفحه‌های ۷۴ تا ۷۶)

(بهانه‌شکل نیکنام)

گزینه «۳»

معادله را به صورت زیر بازنویسی می‌کنیم:

$$\log_5 x + \frac{\log_5 x}{\log_5 6} = 1 \Rightarrow (1 + \log_6 5) \log_5 x = 1$$

$$\Rightarrow (\log_6 30) \log_5 x = 1 \Rightarrow \log_5 x = \frac{1}{\log_6 30} = \log_{30} 6$$

پس جواب معادله $x = \log_{30} 6$ است و این یعنی $n = \log_{30} 6$ است.

$$\frac{1}{6^n} = 6^{\log_{30} 6} = 6^{\log_6 30} = 30$$

(مسابان ا- توابع نمایی و لگاریتمی؛ صفحه‌های ۸۰ تا ۸۲)

(بهانه‌شکل نیکنام)

گزینه «۱»ضابطه تابع f را می‌توان به صورت زیر بازنویسی کرد:

$$f(x) = x\sqrt{x} + 3x + 3\sqrt{x} + 9 = (\sqrt{x} + 1)^3 + 8$$

و سپس با توجه به ضابطه تابع fog می‌توانیم ضابطه تابع g را پیدا کنیم:

$$(fog)(x) = (\sqrt{g(x)} + 1)^3 + 8 = x + 8 \Rightarrow g(x) = (\sqrt[3]{x} - 1)^2$$

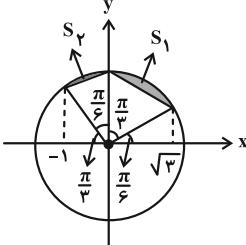
$$(gog)((\frac{9}{16})^{\frac{1}{3}}) = g(\frac{1}{64}) = \frac{9}{16}$$

(مسابان ا- تابع؛ صفحه‌های ۶۶ تا ۶۹)

(سیدر، خا اسلامی)

گزینه «۳»

با توجه به این که شعاع دایره برابر ۲ است، زوایای موجود در شکل را می‌توان به صورت زیر مشخص کرد:



مساحت هر کدام از سطوح‌های مشخص شده، از تفاضل مساحت یک مثلث متساوی‌الساقین از یک قطاع دایره به دست می‌آید و داریم:

$$S_1 = \frac{1}{2} \left(\frac{\pi}{3}\right)(2)^2 - \frac{1}{2}(2)^2 \sin \frac{\pi}{3} = \frac{2\pi}{3} - \sqrt{3}$$

$$S_2 = \frac{1}{2} \left(\frac{\pi}{6}\right)(2)^2 - \frac{1}{2}(2)^2 \sin \frac{\pi}{6} = \frac{\pi}{3} - 1$$

$$\Rightarrow 2S_2 - S_1 = \sqrt{3} - 2$$

(مسابان ا- مثلثات؛ مکمل تمرین ۳ صفحه ۹۶)

$$\Rightarrow a + b + c = a^2 \Rightarrow a^2 - a - 12 = (a - 4)(a + 3) = 0$$

$$\xrightarrow{a > 0} a = 4 \Rightarrow ab = 8$$

(مسابان ا- بیان و معادله؛ صفحه‌های ۷ تا ۹)

(کیان کریمی فراسانی)

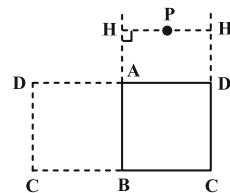
گزینه «۲»طول ضلع مربع برابر $AB = \sqrt{2^2 + 6^2} = 2\sqrt{10}$ است و همچنین فاصله نقطه P از خط شامل ضلع AB به صورت زیر به دست می‌آید:

$$\begin{cases} P(7, 9) \\ AB : 3x - y - 2 = 0 \end{cases} \Rightarrow PH = \frac{|21 - 9 - 2|}{\sqrt{3^2 + (-1)^2}} = \frac{10}{\sqrt{10}} = \sqrt{10}$$

پس فاصله نقطه از خط شامل ضلع CD برابر $| \sqrt{10} \pm 2\sqrt{10} |$ است و

$$PH = \sqrt{10} \text{ یا } 3\sqrt{10}$$

$$\Rightarrow S_{PCD} = \frac{1}{2} CD \cdot PH = \frac{1}{2} (2\sqrt{10})(\sqrt{10}) = 10 \text{ یا } 3\sqrt{10}$$



(مسابان ا- بیان و معادله؛ صفحه‌های ۲۹ تا ۳۵)

(ممدر، خا راسخ)

گزینه «۱»با جای‌گذاری $2x - 2$ به جای x در رابطه دوم، روابط به صورت تغییر می‌کند:

$$\begin{cases} f(2x - 1) + g(x + 1) = 8x - 2 \\ f(2x - 1) - g(4x - 5) = -2x \end{cases}$$

رابطه دوم را از رابطه اول کم می‌کنیم:

$$g(x + 1) + g(4x - 5) = 10x - 2$$

ضابطه تابع g را $g(x) = ax + b$ می‌گیریم و داریم:

$$a(x + 1) + b + a(4x - 5) + b = 5ax + 2b - 4a = 10x - 2$$

$$\Rightarrow a = 2, \quad b = 3$$

پس $g(x) = 2x + 3$ و در نتیجه $g(1) = 5$ است.

(ریاضی ا- تابع؛ صفحه ۱۰۳)

(کیان کریمی فراسانی)

گزینه «۴»

ابتدا ضابطه تابع را ساده می‌کنیم:

$$f(x) = \frac{2(2^x) - \frac{1}{2^x} + 1}{2^x + 1} = \frac{2(2^x)^2 + 2^x - 1}{2^x(2^x + 1)}$$

$$= \frac{(2^x + 1)(2(2^x) - 1)}{2^x(2^x + 1)} = 2 - \frac{1}{2^x} \Rightarrow f(x) = 2 - \left(\frac{1}{2}\right)^x$$

$$\lim_{x \rightarrow 1^-} g(x) = \lim_{x \rightarrow 1^-} (-x^2 + 3x) = 2$$

اما تابع g با مقادیر کمتر از ۲ به آن نزدیک می‌شود:

$$\Rightarrow \lim_{x \rightarrow 1^-} (fog)(x) = \lim_{x \rightarrow 1^-} f(x)$$

$$= \lim_{x \rightarrow 1^-} \left(x + \frac{m |(x-1)(x-2)|}{(x-1)(x-2)} \right) = 2 - m$$

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} g(x) = \lim_{x \rightarrow 1^+} (-2x^2 + 3x) = 1$$

و تابع g از مقادیر کمتر از ۱ به آن نزدیک می‌شود:

$$\Rightarrow \lim_{x \rightarrow 1^+} (fog)(x) = \lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = 1 + m$$

$$\text{تعريف حد } \rightarrow 2 - m = 1 + m \Rightarrow m = \frac{1}{2}$$

(مسابان ا- حد و پیوستگی: صفحه‌های ۱۲۶ و ۱۳۲ تا ۱۳۶)

(کاظم اجلالی)

گزینه «۳»

-۱۹

$$\lim_{x \rightarrow 2\pi} \frac{\sqrt{\cos x} \sqrt{\cos 2x} - 1}{\sin x \sin 2x} = \lim_{x \rightarrow 2\pi} \frac{\sqrt{\cos x} \sqrt{\cos 2x} - 1}{\sin x \sin 2x}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 2\pi} \frac{\cos x \cos 2x - 1}{(\sqrt{\cos x} \sqrt{\cos 2x} + 1) \sin x \sin 2x}$$

$$= \frac{1}{2} \lim_{x \rightarrow 2\pi} \frac{\cos x (\cos^2 x - 1)}{\sin^2 x \cos x} = \frac{1}{2} \lim_{x \rightarrow 2\pi} \frac{2 \cos^2 x - \cos x - 1}{\sin^2 x}$$

$$= \frac{1}{2} \lim_{x \rightarrow 2\pi} \frac{(\cos x - 1)(2 \cos^2 x + 2 \cos x + 1)}{(1 - \cos x)(1 + \cos x)}$$

$$= \frac{1}{2} \lim_{x \rightarrow 2\pi} \frac{-(2 \cos^2 x + 2 \cos x + 1)}{1 + \cos x} = -\frac{5}{8}$$

(مسابان ا- حد و پیوستگی: صفحه‌های ۱۴۳ تا ۱۴۶)

(کاظم اجلالی)

گزینه «۳»

-۲۰

برای این که تابع روی \mathbb{R} پیوسته باشد، لازم است که در ابتدا $x = 3$

ریشه مخرج ضایعه کسری باشد:

همچنین تابع در $x = 3$ باید حد داشته باشد، بنابراین $x = 3$ باید صفر

عبارت صورت کسر نیز باشد، یعنی باید ریشه مضاعف عبارت

$2x^2 + ax + 18$ باشد.

$$\Rightarrow 2x^2 + ax + 18 = 2(x-3)^2 = 2x^2 - 12x + 18 \Rightarrow a = -12$$

پس داریم:

$$\Rightarrow f(x) = \begin{cases} \frac{|x-3| \sqrt{2}}{4|x-3|} & ; \quad x \neq 3 \\ c & ; \quad x = 3 \end{cases}$$

برای پیوستگی، باید c برابر حد تابع در $x = 3$ باشد:

$$c = \lim_{x \rightarrow 3} f(x) = \lim_{x \rightarrow 3} \frac{|x-3| \sqrt{2}}{4|x-3|} = \frac{\sqrt{2}}{4}$$

$$\Rightarrow abc = 36\sqrt{2}$$

(مسابان ا- حد و پیوستگی: صفحه‌های ۱۴۵ تا ۱۴۷)

(اخشین فاضلیان)

گزینه «۴»

دامنه هر دو تابع f و g در نتیجه دامنه تابع gof برابر \mathbb{R} است. برد

تابع f بازه $[-\frac{\pi}{4}, \frac{\pi}{4}]$ است و اگر دامنه تابع g را همین بازه درنظر

بگیریم، برد آن، برابر برد تابع gof خواهد بود. پس داریم:

$$-\frac{\pi}{4} \leq x \leq \frac{\pi}{4} \Rightarrow \frac{\pi}{6} \leq x + \frac{\Delta\pi}{12} \leq \frac{2\pi}{3}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2} \leq g(x) = \sin(x + \frac{\Delta\pi}{12}) \leq 1$$

$$\text{پس } [1, \frac{1}{2}] \text{ و در نتیجه } R_{gof} = [\frac{1}{2}, 1] \text{ است.}$$

(مسابقات ا- تابع و مثلثات: صفحه‌های ۶۶ و ۱۰۵ تا ۱۰۹)

(کاظم اجلالی)

گزینه «۴»

ابتدا از اتحاد $\cos(2\alpha + \frac{\pi}{4}) = 1 - 2 \sin^2 x$ را حساب می‌کنیم:

$$\cos(2\alpha + \frac{\pi}{4}) = 1 - 2 \sin^2(\alpha + \frac{\pi}{8}) = \frac{1}{9}$$

و سپس با استفاده از اتحاد $\cos 2x = 2 \cos^2 x - 1$ داریم:

$$\cos(4\alpha + \frac{\pi}{2}) = 2 \cos^2(2\alpha + \frac{\pi}{4}) - 1 = -\frac{79}{81}$$

$$\Rightarrow -\sin 4\alpha = -\frac{79}{81} \Rightarrow \sin 4\alpha = \frac{79}{81}$$

(مسابقات ا- مثلثات: صفحه‌های ۹۸ و ۱۰۰ تا ۱۰۳)

(سیدرضا اسلامی)

گزینه «۴»

$$\sin(\alpha - \frac{\pi}{6}) = 3 \sin(4\pi - \frac{\pi}{3} - \alpha) = -3 \sin(\frac{\pi}{3} + \alpha)$$

$$\Rightarrow \sin(\frac{\pi}{6} - \alpha) = 3 \sin(\frac{\pi}{3} + \alpha)$$

$$\text{را بر حسب } \cos \text{ می‌نویسیم: } \sin(\frac{\pi}{6} - \alpha)$$

$$\sin(\frac{\pi}{6} - (\frac{\pi}{3} + \alpha)) = 3 \sin(\frac{\pi}{3} + \alpha)$$

$$\Rightarrow \cos(\frac{\pi}{3} + \alpha) = 3 \sin(\frac{\pi}{3} + \alpha) \Rightarrow \cot(\frac{\pi}{3} + \alpha) = 3$$

حال از اتحاد $1 + \cot^2 \theta = \frac{1}{\sin^2 \theta}$ استفاده می‌کنیم و داریم:

$$\sin^2(\frac{7\pi}{3} + \alpha) = \sin^2(\frac{\pi}{3} + \alpha) = \frac{1}{1 + \cot^2(\frac{\pi}{3} + \alpha)} = \frac{1}{10}$$

(مسابقات ا- مثلثات: صفحه‌های ۹۸ و ۱۰۰ تا ۱۰۳)

(عادل حسینی)

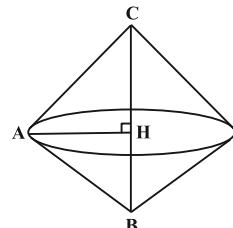
گزینه «۱»

باید حد های چپ و راست تابع fog را در $x = 1$ پیدا کنیم و آنها را برابر قرار دهیم:

۱ هندسه

گزینه ۲۱ «۳»

ارتفاع وارد بر وتر در مثلث قائم‌الزاویه برابر است با:



$$AH = \frac{AB \times AC}{BC} = \frac{3 \times 4}{5} = \frac{12}{5}$$

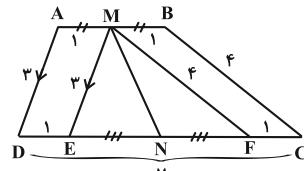
شعاع دایره قاعده، برابر ارتفاع مثلث قائم‌الزاویه است، پس:

$$r = AH = \frac{12}{5} \Rightarrow V = \frac{1}{3} \pi r^2 h = \frac{1}{3} \pi \left(\frac{12}{5}\right)^2 (5) = \frac{48}{5} \pi$$

(هنرسه ۱- تبعیم خضایی: صفحه‌های ۹۵ و ۹۶)

گزینه ۲۲ «۳»

(همون عقیل) از M (وسط قاعده کوچک‌تر) خطوط ME و MF را به موازات ساقهای BC و AD رسم می‌کنیم.

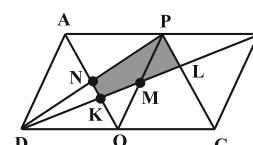
مطابق شکل، $MF = BC = 4$ و $AD = ME = 3$ در نتیجه $MEF = 90^\circ$ پس $EF = 5$

$$\cdot MN = \frac{EF}{2} = \frac{2}{5}$$

(هنرسه ۱- پندرضایی‌ها: صفحه‌های ۶۰ تا ۶۴)

گزینه ۲۳ «۴»

(مهرداد ملوندی) پاره خط PQ را رسم می‌کنیم. این پاره خط، قطر BD را در نقطه M نصف می‌کند. با توجه به شکل و تقارن موجود در آن، وسط پاره خط KL نیز هست.

از آنجا که $PC \parallel AQ$ است، به راحتی می‌توان نتیجه گرفت که $\triangle KMQ \cong \triangle PLM$ و در نتیجه مساحت مثلث PNQ معادل مساحت چهارضلعی سایه‌زده شده است. می‌دانیم در متوازی‌الاضلاع APQD، قطراها، سطح این متوازی‌الاضلاع را به چهار قسمت هم مساحت تقسیم می‌کند، پس:

$$S_{PNQ} = \frac{1}{4} S_{APQD} = \frac{1}{4} S_{ABCD} = \frac{1}{4} \times 30 = 3 / 75$$

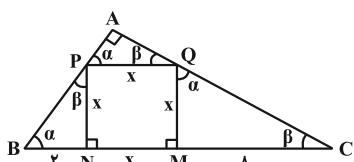
در نتیجه مساحت چهارضلعی سایه‌زده، $3/75$ واحد مربع است.

(هنرسه ۱- پندرضایی‌ها: صفحه‌های ۶۶، ۶۵ و ۶۸)

(مهریار، اشتری)

گزینه ۲۴ «۳»

مثلثهای MQC و BPN به حالت برابری دو زاویه متشابهند، پس:



$$\triangle BPN \sim \triangle MQC \Rightarrow \frac{BN}{QM} = \frac{PN}{MC} \Rightarrow \frac{2}{x} = \frac{x}{8}$$

$$\Rightarrow x^2 = 16 \Rightarrow x = 4$$

مثلثهای BPN و AQP به حالت برابری دو زاویه متشابهند، پس:

$$\frac{S_{\triangle BPN}}{S_{\triangle AQP}} = \left(\frac{PB}{PQ}\right)^2 = \frac{x^2 + 4}{x^2}$$

$$\frac{x^2 + 4}{x^2} = \frac{2 \times 4}{2} \Rightarrow \frac{16 + 4}{16} = \frac{16 + 4}{16} \Rightarrow S_{\triangle AQP} = \frac{16}{5}$$

با فرض این‌که ارتفاع وارد بر وتر PQ در مثلث AQP برابر با h باشد، داریم:

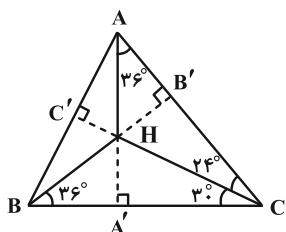
$$S_{\triangle AQP} = \frac{h \times PQ}{2} \Rightarrow \frac{16}{5} = \frac{h \times 4}{2} \Rightarrow h = \frac{8}{5} = 1.6$$

(هنرسه ۱- قضیه تالس، تشابه و کاربردهای آن: صفحه‌های ۳۱ تا ۳۴)

(سید محمد رضا مسینی فرد)

گزینه ۲۵ «۱»

A'BH را امتداد می‌دهیم تا اضلاع مثلث را در A' و B' قطع کند.



$$\hat{AA'}C = 180^\circ - 36^\circ - (30^\circ + 24^\circ) = 90^\circ$$

$$\hat{BB'}C = 180^\circ - 36^\circ - (30^\circ + 24^\circ) = 90^\circ$$

پس A' و AA' ارتفاع‌های مثلث ABC و H محل همرسی ارتفاع‌هاست، بنابراین امتداد CH نیز بر AB عمود است.

$$\hat{BCC'} : \hat{ABH} = 180^\circ - 90^\circ - 30^\circ - 36^\circ = 24^\circ$$

(هنرسه ۱- ترسیم‌های هنرسی و استرال: صفحه‌های ۱۸ و ۱۹)



$$\begin{aligned} S_{\Delta AMN} &= \frac{1}{3} AN \cdot MH \Rightarrow S_{\Delta AMN} = \frac{1}{3} S_{\Delta AMC} \quad (2) \\ S_{\Delta AMC} &= \frac{1}{2} AC \cdot MH \end{aligned}$$

$\xrightarrow{(1), (2)} S_{\Delta AMN} = \frac{1}{3} \left(\frac{1}{2} S_{\Delta ABC} \right) = \frac{1}{6} S_{\Delta ABC}$

(هنرسه ا- قضیه تالس، تشابه و کاربردهای آن: صفحه‌های ۳۳ تا ۳۵)

(سوکن روشن)

از طرف دیگر:

- ۲۶ «گزینه ۲» (امیرضا غلاج)

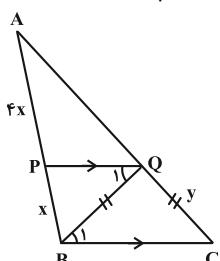
می‌دانیم مساحت یک چندضلعی شبکه‌ای از فرمول $S = \frac{b}{2} + i - 1$ به دست می‌آید که در آن b نقاط مرزی و i نقاط درونی است. در رابطه با توجه به آن که $b \geq 3$ و $i \geq 0$ ، حداقل مقدار i و حداقل مقدار b برابر ۹ است در حالی که $b = 3$ ، حداقل مقدار مساحت را داریم:

$$S_{\max} = \frac{b}{2} + i - 1 = \frac{3}{2} + 9 - 1 = 9/5$$

همچنین حداقل مقدار مساحت به ازای حداقل مقدار i و حداقل مقدار b برابر ۰ است. $i = 0$ و $b = 12$ حاصل می‌شود.

$$\begin{aligned} S_{\min} &= \frac{b}{2} + i - 1 = \frac{12}{2} + 0 - 1 = 5 \\ \Rightarrow S_{\max} - S_{\min} &= 9/5 - 5 = 4/5 \end{aligned}$$

(هنرسه ا- پند ضلعی‌ها: صفحه‌های ۶۹ تا ۷۱)



$$\begin{aligned} QC = BQ \Rightarrow \hat{B}_1 = \hat{C} \xrightarrow{\hat{Q}_1 = \hat{C}} \hat{B}_1 = \hat{Q}_1 \\ \Rightarrow PQ \parallel BC \Rightarrow \frac{AP}{AB} = \frac{AQ}{AC} = 4 \\ \Rightarrow \frac{QC}{AC} = \frac{1}{5} \Rightarrow \frac{BQ}{AC} = \frac{1}{5} = 0/2 \end{aligned}$$

(هنرسه ا- قضیه تالس، تشابه و کاربردهای آن: صفحه‌های ۳۷ تا ۳۹)

(خوبی عقیلی)

- ۳۰ «گزینه ۱»

با توجه به اطلاعات سوال خواهیم داشت:

- ۲۷ «گزینه ۱» (امیرضا غلاج)

از هر رأس $n - 3$ قطر می‌گذرد. با توجه به قطرهای مشترک، در مجموع $3(n - 3) - 3 = 18 \Rightarrow 3(n - 3) = 21 \Rightarrow n = 10$

با رسم قطرهای گذرنده از یک رأس n ضلعی، سطح آن به $n - 2$ مثلث تقسیم می‌شود. پس جواب $8 = 10 - 2$ می‌باشد.

(هنرسه ا- پند ضلعی‌ها: صفحه ۵۵)

«۲» هندسه

- ۳۱ «گزینه ۳»

ابتدا B را به D وصل می‌کنیم و در $\triangle BCD$ قضیه کسینوس‌ها را می‌نویسیم.

$$BD^2 = 9 + 25 - 2 \times 3 \times 5 \times \cos 120^\circ = 49 \Rightarrow BD = 7$$

$$P_{ABD} = \frac{7+5+8}{2} = 10$$

$$S_{ABCD} = S_{\Delta ABD} - S_{\Delta BCD}$$

مکعب
دستور هرون

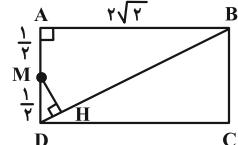
$$= \sqrt{10 \times 5 \times 2 \times 3} - \frac{1}{2} \times 3 \times 5 \times \sin 120^\circ$$

$$= 10\sqrt{3} - \frac{15\sqrt{3}}{4} = \frac{25\sqrt{3}}{4}$$

(هنرسه ا- روابط طولی در مثلث: صفحه‌های ۷۶ تا ۷۸)

- ۲۸ «گزینه ۲» (امیرضا غلاج)

مثلثهای MDH و ABD با هم متشابه هستند:



$$\begin{aligned} \hat{H} = \hat{A} \\ \hat{D} = \hat{D} \end{aligned} \Rightarrow MDH \sim ABD$$

$$\Rightarrow \frac{MH}{AB} = \frac{DM}{BD} \Rightarrow \frac{MH}{\frac{1}{2}\sqrt{2}} = \frac{1}{3} \Rightarrow MH = \frac{\sqrt{2}}{3}$$

توجه: طول قطر مستطیل برابر $\sqrt{1+(2\sqrt{2})^2} = 3$ می‌باشد.

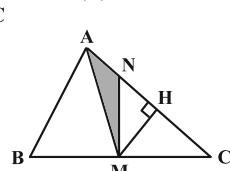
(هنرسه ا- قضیه تالس، تشابه و کاربردهای آن: صفحه‌های ۳۸ تا ۴۰)

(اخشنین فاضمه‌خان)

- ۲۹ «گزینه ۴»

چون AM میانه مثلث ABC است، لذا:

$$S_{\Delta AMC} = \frac{1}{2} S_{\Delta ABC} \quad (1)$$



$$\begin{cases} P-a = 1 \\ P-b = 3 \\ P-c = 12 \end{cases}$$

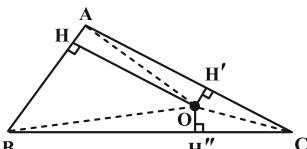
با توجه به اطلاعات سؤال داریم:

محیط مثلث به راحتی قابل محاسبه است.

$$2P = 2(P-a) + 2(P-b) + 2(P-c)$$

$$\Rightarrow 2P = 2(1) + 2(3) + 2(12) \Rightarrow 2P = 32 \Rightarrow P = 16$$

به کمک رابطه هرون مساحت مثلث ABC به دست می آید.



$$S_{\triangle ABC} = \sqrt{P(P-a)(P-b)(P-c)}$$

$$S_{\triangle ABC} = \sqrt{16(1)(3)(12)} = \sqrt{16 \times 36} = 4 \times 6 = 24$$

فرض کنید فاصله نقطه O از اضلاع BC و AC برابر ۱ باشد، داریم:

$$S_{\triangle AOC} = \frac{OH' \times AC}{2} = \frac{1 \times 13}{2} = 6.5$$

$$S_{\triangle BOC} = \frac{OH' \times BC}{2} = \frac{1 \times 15}{2} = 7.5$$

بنابراین مساحت مثلث AOB برابر است با:

$$S_{\triangle AOB} = S_{\triangle ABC} - (S_{\triangle AOC} + S_{\triangle BOC})$$

$$S_{\triangle AOB} = 24 - (6.5 + 7.5) = 10$$

$$S_{\triangle AOB} = \frac{OH \times AB}{2} \Rightarrow 10 = \frac{OH \times 4}{2} \Rightarrow OH = 5$$

فاصله نقطه O از ضلع AB برابر با ۵ است.

(هنرسه ۲ - دایره: صفحه ۳۰ و)

روابط طولی در مثلث: صفحه های ۷۴ و ۷۵

(سید محمد رضا مسینی فرد)

گزینه ۲

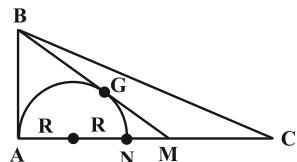
مطابق شکل دو مماس BG و BA بر نیم دایره رسم شده است، پس

$$GM = \frac{1}{2} BG = \sqrt{5} \quad \text{و} \quad BG = BA = 2\sqrt{5}$$

داریم:

$$\overset{\Delta}{ABM} : AM^2 = BM^2 - AB^2 = (\sqrt{5})^2 - (2\sqrt{5})^2 = 25$$

$$\Rightarrow AM = 5$$



طبق روابط طولی در دایره داریم:

$$MG^2 = MN \times MA \Rightarrow (\sqrt{5})^2 = (5 - 2R) \times 5 \Rightarrow R = 2$$

(هنرسه ۲ - دایره: صفحه های ۱۸ و ۱۹)

(اصمود رضا غلامی)

گزینه ۳

در مثلث NM، NEF میانه وارد بر ضلع EF و اندازه آن $\frac{3}{4}$ طول

ABC می باشد. از طرفی مثلث های NEF و ABC با هم متشابه هستند

و نسبت تشابه همان نسبت میانه ها یعنی $\frac{3}{4}$ می باشد، پس:

$$\frac{S_{\triangle NEF}}{S_{\triangle ABC}} = \left(\frac{3}{4}\right)^2 = \frac{9}{16} \xrightarrow{\text{تفضیل در صورت}} \frac{S_{\triangle NEF}}{S_{\triangle ABC}}$$

$$\frac{S_{\triangle NEF} - S_{\triangle ABC}}{S_{\triangle ABC}} = \frac{16-9}{16} = \frac{7}{16} \quad (1)$$

از طرفی انتقال تبدیلی طولپا است و مساحت اشکال تحت آن، تغییر نمی کند. یعنی:

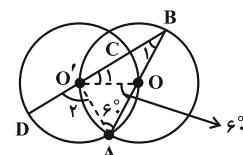
$$S_{\triangle ABC} = S_{\triangle NPQ} \xrightarrow{(1)} \frac{S_{\triangle NPQ}}{S_{\triangle ABC}} = \frac{7}{16} \Rightarrow \frac{S_{\triangle NPQ}}{S_{\triangle ABC}} = \frac{7}{16}$$

(هنرسه ۲ - تبدیل های هندسی و کاربردها: صفحه های ۳۰ و ۳۱)

(مهرباد ملوندی)

گزینه ۲

چون دو دایره از مرکزهای یکدیگر گذشته اند پس شعاع آنها با هم برابر است. اولاً مثلث OAO' متساوی الاضلاع بوده و مثلث OBO' نیز در رأس O متساوی الساقین است و داریم:



$$\hat{B}_1 = \hat{O}'_1 = \frac{A\hat{O}O'}{2} = 30^\circ \Rightarrow \hat{O}'_1 = \hat{O}C = 30^\circ$$

$$\overset{\Delta}{AO'B} : \hat{O}'_2 = \hat{A} + \hat{B}_1 = 60^\circ + 30^\circ = 90^\circ$$

$$\Rightarrow \hat{O}'_2 = \hat{AD} = 90^\circ$$

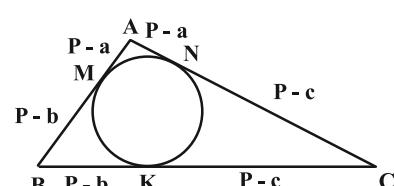
$$\frac{\hat{AD}}{\hat{OC}} = \frac{90^\circ}{30^\circ} = 3 \quad \text{پس}$$

(هنرسه ۲ - دایره: صفحه های ۱۱ و ۱۲)

(مهربار راشدی)

گزینه ۳

به شکل دقت کنید.

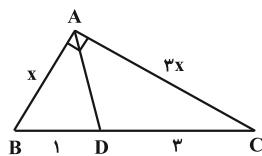




(اگهیان فاصله خان)

گزینه «۲» - ۳۹

طبق قضیه نیمسازها $\frac{AB}{AC} = \frac{BD}{DC} = \frac{1}{3}$. حال با استفاده از قضیه فیثاغورس داریم:



$$x^2 + 9x^2 = 16 \Rightarrow x^2 = \frac{16}{10} \Rightarrow x = \frac{4}{\sqrt{10}}$$

حال طبق قضیه طول نیمساز داخلی داریم:

$$d^2 = \left(\frac{4}{\sqrt{10}}\right)\left(\frac{12}{\sqrt{10}}\right) - (1)(3) \Rightarrow d^2 = \frac{48}{10} - 3 = \frac{18}{10}$$

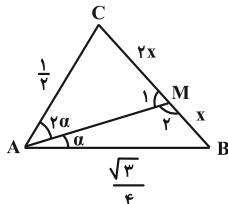
$$\Rightarrow d = \sqrt{1.8}$$

(هنرسه ۲- روابط طولی در مثلث: صفحه‌های ۵۷ و ۷۲)

(احمد، رضا خلاج)

گزینه «۴» - ۴۰

در دو مثلث ABM و ACM قضیه سینوس‌ها را می‌نویسیم:



$$\left. \begin{array}{l} \Delta ACM : \frac{\frac{1}{\sqrt{3}}}{\sin 2\alpha} = \frac{1}{\sin \hat{M}_1} \\ \Delta ABM : \frac{\frac{x}{\sqrt{3}}}{\sin \alpha} = \frac{\frac{\sqrt{3}}{4}}{\sin \hat{M}_2 = \sin \hat{M}_1} \end{array} \right\}$$

$$\rightarrow \frac{\frac{1}{\sqrt{3}}}{x \sin 2\alpha} = \frac{\frac{1}{2}}{\frac{\sqrt{3}}{4}} \Rightarrow \frac{\frac{1}{\sqrt{3}} \sin \alpha}{2x \sin \alpha \cos \alpha} = \frac{\frac{1}{2}}{\frac{\sqrt{3}}{4}}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{\cos \alpha} = \frac{2}{\sqrt{3}} \Rightarrow \cos \alpha = \frac{\sqrt{3}}{2} \Rightarrow \alpha = 30^\circ$$

پس مثلث ABC در رأس A قائم است.

$$\Delta ABC : BC^2 = AC^2 + AB^2 \Rightarrow (BC)^2 = \left(\frac{1}{2}\right)^2 + \left(\frac{\sqrt{3}}{4}\right)^2$$

$$\Rightarrow BC^2 = \frac{1}{4} + \frac{3}{16} = \frac{7}{16} \Rightarrow BC = \frac{\sqrt{7}}{4}$$

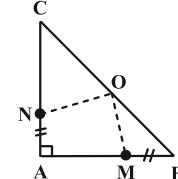
$$\Rightarrow BC = 2BM \Rightarrow BM = \frac{\sqrt{7}}{12}$$

(هنرسه ۲- روابط طولی در مثلث: صفحه‌های ۶۷ و ۶۸)

(سید محمد رضا حسینی فرد)

گزینه «۱» - ۳۶

اگر نقطه O وسط BC را مرکز دوران با زاویه 90° در نظر بگیریم آنگاه نقطه N را می‌توان روی M تصویر کرد یعنی $ON = OM$ و عمودمنصف MN همواره از O می‌گذرد پس فقط گزاره (ب) صحیح است.



(هنرسه ۲- تبدیل‌های هندسی و کلربردها: صفحه‌های ۴۳ و ۴۴)

(سوندر، روشنی)

گزینه «۱» - ۳۷

$$\text{ABC} : \frac{a}{\sin \hat{A}} = \frac{b}{\sin \hat{B}} = \frac{c}{\sin \hat{C}}$$

$$a \sin \hat{C} = c \sin \hat{A}$$

$$\Rightarrow c \sin \hat{A} = (2c^2 - 1) \sin \hat{A} \Rightarrow 2c^2 - 1 = c$$

$$\Rightarrow 2c^2 - c - 1 = 0 \Rightarrow \begin{cases} c = 1 \\ c = -\frac{1}{2} \end{cases}$$

از طرفی:

$$c \sin \hat{C} = b \sin \hat{B} \xrightarrow[b=\gamma R \sin \hat{B}]{c=\gamma R \sin \hat{C}} 2R \sin^2 \hat{C} = \gamma R \sin^2 \hat{B}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \sin \hat{B} = \sin \hat{C} \Rightarrow \hat{B} = \hat{C} \Rightarrow b = c = 1 \\ \sin \hat{B} = -\sin \hat{C} \end{cases}$$

(هنرسه ۲- روابط طولی در مثلث: صفحه‌های ۶۷ و ۶۸)

(احمد، رضا خلاج)

گزینه «۳» - ۳۸

طبق قضیه استوارت ابتدا X را می‌یابیم:

$$AD^2 = \frac{CD \times AB^2 + BD \times AC^2 - BD \times DC}{BC}$$

$$\Rightarrow 2^2 = \frac{x \times 4^2 + 3 \times (x+1)^2}{x+3} - 3x$$

$$\Rightarrow 4 + 3x = \frac{16x + 3x^2 + 6x + 3}{x+3}$$

$$\Rightarrow 13x + 12 + 3x^2 = 22x + 3x^2 + 3 \Rightarrow 9x = 9 \Rightarrow x = 1$$

حال طبق قضیه هرون مساحت مثلث ABC را می‌یابیم:

$$P = \frac{4+4+2}{2} = 5$$

$$S = \sqrt{P(P-a)(P-b)(P-c)}$$

$$\Rightarrow S = \sqrt{5(5-4)(5-2)(5-4)} = \sqrt{15}$$

(هنرسه ۲- روابط طولی در مثلث: صفحه‌های ۶۹ و ۷۰)

از طرفی مجموع انحراف از میانگین برابر صفر است. پس:

مقدار داده	۱۲	۱۳	۱۴	۱۵	۲۰
فراوانی	۶	x	۵	۳	y
$x_i - \bar{x}$	-۴	-۳	-۲	-۱	۴

$$\Rightarrow -24 - 3x - 10 - 3 + 4y = 0 \Rightarrow -3x - 37 + 4y = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x+y=11 \\ -3x+4y=37 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x=1 \\ y=10 \end{cases}$$

حال می‌توانیم واریانس داده‌ها را حساب کنیم:

$$\sigma^2 = \frac{\sum(x_i - \bar{x})^2}{n}$$

$$= \frac{6 \times (-4)^2 + 1 \times (-3)^2 + 5 \times (-2)^2 + 3 \times (-1)^2 + 10 \times (4)^2}{25}$$

$$= \frac{288}{25} = 11.52$$

(آمار و احتمال - آمار توصیفی: صفحه‌های ۸۵ و ۹۵)

(معیریار راشدی)

«۴» ۴۴

$$P(B' - A) = P(B' \cap A')$$

پس طبق فرض $P(B' \cap A') = P(B')P(A')$ است و این یعنی A' و A دو پیشامد مستقل‌اند پس (۱) و (۲) و (۳) و B و A' و B' نیز مستقل‌اند. وقتی دو پیشامد A و B مستقل باشند،

$$P(A) = \frac{3}{8} \quad P(A | B) = P(A)$$

و B' مستقل‌اند، پس:

$$P(A - B) = P(A \cap B') = P(A)P(B')$$

$$\Rightarrow \frac{1}{4} = \frac{3}{8} \times P(B') \Rightarrow P(B') = \frac{2}{3}$$

با توجه به این که A و B' نیز مستقل‌اند، پس:

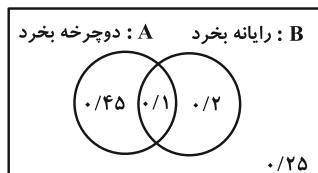
$$P(B' | A) = P(B') = \frac{2}{3}$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۹۷ تا ۹۹)

(فرزند بواری)

«۱» ۴۵

روش اول:



$$P(B' | A') = ?$$

$$P(B' | A') = \frac{P(A' \cap B')}{P(A')} = \frac{P[(A \cup B)']}{1 - P(A)}$$

آمار و احتمال

«۳» ۴۱

(نیلوفر مهدوی)

بازه اطمینان ۹۵ درصد برای جامعه‌ای با اندازه نمونه n ، میانگین \bar{x} و

انحراف معیار σ به صورت $[\bar{x} - \frac{2\sigma}{\sqrt{n}}, \bar{x} + \frac{2\sigma}{\sqrt{n}}]$ است.

$$\bar{x} = \frac{4/8 + 5/4}{2} = 5/1$$

$$\frac{2\sigma}{\sqrt{n}} = 5/4 - 4/8 = 0/6 \Rightarrow \frac{4 \times 1/65}{\sqrt{n}} = 0/6$$

$$\Rightarrow \sqrt{n} = 11 \Rightarrow n = 121$$

مجموع اعضای نمونه برابر است با:

$$\bar{x} = \frac{x_1 + x_2 + \dots + x_n}{n} \Rightarrow 5/1 = \frac{x_1 + x_2 + \dots + x_n}{121}$$

$$\Rightarrow x_1 + x_2 + \dots + x_n = 5/1 \times 121 = 617/1$$

(آمار و احتمال - آمار استنباطی: صفحه‌های ۱۳۱ و ۱۳۲)

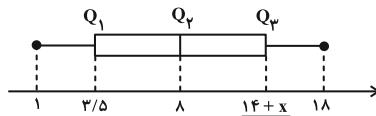
«۱» ۴۲

داده‌ها عبارتند از:

$$1, 2, 2, 5, 6, 7, 8, 8, 12, 14, x, 17, 18$$

$$Q_1 = \frac{2+5}{2} = 3/5 \quad Q_2 \quad Q_3 = \frac{14+x}{2}$$

نمودار جعبه‌ای داده‌ها به صورت زیر است:



نسبت طول دو بخشی از جعبه که توسط میانه از هم جدا شده‌اند را به دو

صورت می‌توان نوشت:

$$(I) \quad \frac{(\frac{14+x}{2}) - 8}{8 - 3/5} = \frac{3}{4} \Rightarrow (\frac{14+x}{2}) - 8 = \frac{22}{8}$$

$$\Rightarrow \frac{14+x}{2} = \frac{91}{8} \Rightarrow x = 8/75$$

$$(II) \quad \frac{8 - 3/5}{(\frac{14+x}{2}) - 8} = \frac{3}{4} \Rightarrow (\frac{14+x}{2}) - 8 = 6$$

$$\Rightarrow \frac{14+x}{2} = 14 \Rightarrow x = 14$$

$x = 8/75$ غیرقابل قبول است زیرا داده‌ها مرتب شده‌اند و مقدار x باید عددی بین ۱۴ و ۱۸ باشد. بنابراین مقدار x برابر ۱۴ است.

(آمار و احتمال - آمار توصیفی: صفحه‌های ۹۷ و ۹۸)

«۴» ۴۳

(سید محمد رضا حسینی‌فر)

مجموع فراوانی‌ها برابر ۲۵ است. پس:

$$3 + x + 5 + 6 + y = 25 \Rightarrow x + y = 11$$



(امیرحسین ابومصوب)

گزینه «۳» - ۴۹

طبق قوانین گزاره‌ها داریم:

$$(\sim p \vee q) \Rightarrow [\sim q \wedge (p \Rightarrow q)]$$

$$\equiv (\sim p \vee q) \Rightarrow [\sim q \wedge (\sim p \vee q)]$$

$$\equiv (\sim p \vee q) \Rightarrow [(\sim q \wedge \sim p) \vee (\underbrace{\sim q \wedge q}_{F})]$$

$$\equiv (\sim p \vee q) \Rightarrow (\sim p \wedge \sim q)$$

$$\equiv \sim (\sim p \vee q) \vee (\sim p \wedge \sim q)$$

$$\equiv (p \wedge \sim q) \vee (\sim p \wedge \sim q)$$

$$\equiv (\underbrace{p \vee \sim p}_{T}) \wedge \sim q \equiv \sim q$$

(آمار و احتمال - آشنایی با مبانی ریاضیات: صفحه‌های ۶ تا ۱۱)

(امیرحسین خلاج)

گزینه «۴» - ۵۰

مطابق فرض:

$$P(1) = \frac{x}{1}, P(2) = \frac{x}{2}, P(3) = \frac{x}{2}, P(4) = \frac{x}{3}$$

$$P(5) = \frac{x}{2}, P(6) = \frac{x}{4}$$

$$S = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$$

$$\Rightarrow P(1) + P(2) + P(3) + P(4) + P(5) + P(6) = 1$$

$$\Rightarrow \frac{x}{1} + \frac{x}{2} + \frac{x}{2} + \frac{x}{3} + \frac{x}{2} + \frac{x}{4} = 1$$

$$\Rightarrow \frac{12x + 6x + 6x + 4x + 6x + 3x}{12} = 1 \Rightarrow 37x = 12 \Rightarrow x = \frac{12}{37}$$

پیشامد ظاهر شدن عدد زوج :

B : پیشامد ظاهر شدن مضرب ۳

$$P(A \cup B) = P(\{2, 3, 4, 6\})$$

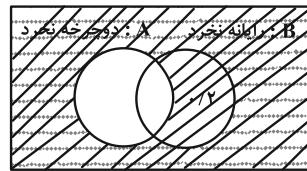
$$= \frac{x}{2} + \frac{x}{2} + \frac{x}{3} + \frac{x}{4} = \frac{19x}{12} = \frac{19}{37}$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۳۱ تا ۳۸)

$$= \frac{1 - [P(A) + P(B) - P(A \cap B)]}{1 - P(A)} = \frac{1 - [0/55 + 0/30/1]}{1 - 0/55}$$

$$= \frac{1 - 0/75}{0/45} = \frac{0/25}{0/45} = \frac{25}{45} = \frac{5}{9}$$

روش دوم: استفاده از نمودار ون:



(می‌دانیم دوچرخه نخریده | می‌خواهیم رایانه نخرد)

$$\text{هاشور افقی} = \frac{0/25}{0/2+0/25} = \frac{0/25}{0/45} = \frac{5}{9}$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۵۲ تا ۵۶)

(مهورداد ملوندی)

گزینه «۲» - ۴۶

$$\text{می‌دانیم } P(A' \cap B') = P[(A \cup B)']$$

$$P(A' \cap B') = 0/35 \Rightarrow P(A \cup B) = 1 - 0/35 = 0/65$$

$$\Rightarrow P(A) + P(B) - P(A \cap B) = 0/65$$

$$\Rightarrow (P(B) - P(A \cap B)) + P(A) = 0/65 \Rightarrow P(A) = 0/35$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۳۵ و ۳۶)

(سوکندر، روشنی)

گزینه «۱» - ۴۷

$$B_3 = \left\{ \frac{m}{2} \mid m \in \mathbb{Z}, m > -6, 2^m \leq 6 \right\}$$

$$= \{-2/5, -2, -1/5, -1, -0/5, 0, 0/5, 1\}$$

$$A_3 = \{m \in \mathbb{Z} \mid m > -3, 3^m \leq 9\} = \{-2, -1, 0, 1, 2\}$$

$$A_2 = \{m \in \mathbb{Z} \mid m > -2, 3^m \leq 6\} = \{-1, 0, 1\}$$

$$|(B_3 - A_2) \times A_2| = |B_3 - A_2| \parallel A_2| = 4 \times 3 = 12$$

(آمار و احتمال - آشنایی با مبانی ریاضیات: صفحه‌های ۳۵ تا ۳۷)

(امیرحسین ابومصوب)

گزینه «۳» - ۴۸

طبق قوانین جبر مجموعه‌ها داریم:

$$(A' \cap B) \cup [(B \cap A) - B']$$

$$= (A' \cap B) \cup [(B \cap A) \cap B] = (B \cap A') \cup (B \cap A)$$

$$= B \cap (A' \cup A) = B \cap U = B$$

بنابراین با توجه به فرض، تساوی $B = A - B$ برقرار است. از طرفی و

دو مجموعه جدا از هم هستند، پس تنها شرط برقراری این تساوی

تهی بودن این دو مجموعه است. در این صورت مجموعه‌های A و B - A

نیز قطعاً تهی هستند، ولی برای مجموعه A' $\cap B' = \emptyset$ داریم:

$$A' \cap B' = (A \cup B)' = \emptyset' = U$$

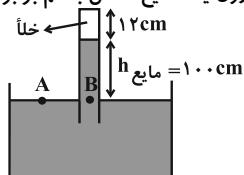
(آمار و احتمال - آشنایی با مبانی ریاضیات: صفحه‌های ۲۲ تا ۳۰)



(مبتدی کلوبیان)

«گزینه ۱»

فشار در نقاط همتراز درون یک مایع ساکن با هم برابر است. بنابراین:



$$P_A = P_B \Rightarrow P_0 + \rho_1 gh_1 = P_0 + \rho_2 gh_2 \Rightarrow \rho_1 h_1 = \rho_2 h_2 \Rightarrow h_1 = \frac{h_2}{\rho_2/\rho_1} = \frac{100}{1.02} = 98 \text{ cm}$$

پس ارتفاع ستون مایع را به صورت زیر به دست می‌آوریم:

$$\rho_1 h_1 = \rho_2 h_2 \Rightarrow h_1 = \frac{\rho_2 h_2}{\rho_1} = \frac{1.02 \times 12}{1.00} = 12.24 \text{ cm}$$

$$\Rightarrow h_1 = 12.24 \text{ cm} \quad \text{مابع} \quad (۱۳/۶) \quad (۷۵)$$

با پایین آوردن لوله در راستای قائم، مایع بخش خلاً لوله را پر کرده و به ته

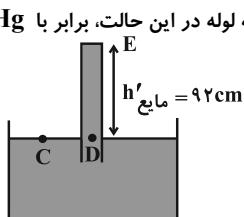
لوله نیرو وارد می‌کند. بنابراین داریم: ته لوله $P_0 = P_{\text{ته}} \times A$

$$\Rightarrow P_{\text{ته}} = \frac{P_0}{A} = \frac{P_0}{\pi r^2} = \frac{100000}{\pi \times (0.01)^2} = 31416 \text{ Pa}$$

طبق رابطه $P = \rho gh$ ، فشار وارد بر ته لوله را بر حسب سانتی‌متر جیوه به دست می‌آوریم:

$$P = \rho gh \quad P = 31416 \text{ Pa} \quad \rho = 1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}, g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \quad \Rightarrow h = \frac{P}{\rho g} = \frac{31416}{1000 \times 10} = 3.1416 \text{ m} = 3141.6 \text{ cm}$$

بنابراین فشار وارد بر ته لوله در این حالت، برابر با ۳۱۴۱.۶ cmHg می‌گردد.



فشار در نقاط همتراز C و D با هم برابر است. پس:

$$P_C = P_D \Rightarrow P_0 + \rho_1 h_1' = P_0 + \rho_2 h_2' \Rightarrow \rho_1 h_1' = \rho_2 h_2'$$

$$\Rightarrow 1000 \times 9.8 \times h_1' = 1020 \times 9.8 \times h_2' \Rightarrow h_1' = 1.02 h_2' \quad (۱۳/۶) \quad (۶۹)$$

ارتفاع ستون مایع را به صورت زیر به دست می‌آوریم:

$$\rho_1 h_1' = \rho_2 h_2' \Rightarrow h_1' = \frac{\rho_2 h_2'}{\rho_1} = \frac{1.02 \times 92}{1.00} = 93.76 \text{ cm}$$

$$\Rightarrow h_1' = 93.76 \text{ cm} \quad \text{مابع} \quad (۱۳/۶) \quad (۶۹)$$

بنابراین میزان جابه‌جایی لوله در راستای قائم (x) به صورت زیر به دست می‌آید:

$$x = (100 + 12) - 93.76 = 20 \text{ cm}$$

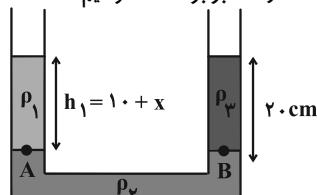
(فیزیک - ویژگی‌های فیزیکی مواد؛ صفحه‌های ۳۷ و ۳۸)

(سیدمه‌لیله میرصالحی)

«گزینه ۲»

با اضافه کردن مایع به شاخه سمت چپ، وضعیت به شکل زیر درمی‌آید.

چون فشار در نقاط A و B برابر است، خواهیم داشت:



$$P_A = P_B \Rightarrow P_0 + \rho_1 gh_1 = P_0 + \rho_2 gh_2 \Rightarrow \rho_1 h_1 = \rho_2 h_2 \Rightarrow \rho_1 (10 + x) = \rho_2 \times 20$$

$$\Rightarrow x = \frac{20}{\rho_1/\rho_2} - 10 = 20 \text{ cm} \Rightarrow h_1 = 10 + x = 30 \text{ cm}$$

(غلامرضا مصی)

فیزیک ۱ و فیزیک ۲

«گزینه ۲»

برای پاسخ کافی است یکای همه را یکسان کنیم تا گزینه‌ای که با سایر موارد یکی نیست، مشخص گردد:

بررسی گزینه‌ها:

$$2 \times 10^{-8} \mu\text{m}^2 = 2 \times 10^{-8} \mu\text{m}^2 \times \frac{10^{-12} \text{ m}^2}{1 \mu\text{m}^2} = 2 \times 10^{-4} \text{ m}^2 \quad \text{گزینه ۱:}$$

$$2 \times 10^{-2} \text{ dam}^2 = 2 \times 10^{-2} \text{ dam}^2 \times \frac{10^2 \text{ m}^2}{1 \text{ dam}^2} = 2 \times 10^0 \text{ m}^2 = 2 \text{ m}^2 \quad \text{گزینه ۲:}$$

$$2 \times 10^3 \text{ mm}^2 = 2 \times 10^3 \text{ mm}^2 \times \frac{10^{-9} \text{ m}^2}{1 \text{ mm}^2} = 2 \times 10^{-6} \text{ m}^2 \quad \text{گزینه ۳:}$$

$$2 \times 10^{-10} \text{ km}^2 = 2 \times 10^{-10} \text{ km}^2 \times \frac{10^6 \text{ m}^2}{1 \text{ km}^2} = 2 \times 10^{-4} \text{ m}^2 \quad \text{گزینه ۴:}$$

(فیزیک - فیزیک و اندازه‌گیری؛ صفحه‌های ۱۰ و ۱۱)

(شیلا شیرزادی)

«۳»

$$V = \frac{4}{3} \pi r^3 = \frac{4}{3} \times 3 \times 10^3 = 4000 \text{ cm}^3 \quad \text{حجم ظاهری کره}$$

$$= V_{\text{فلز}} + V_{\text{حفره}}$$

کره از حفره و فلز تشکیل شده است.

$$m_{\text{فلز}} + m_{\text{حفره}} = 4000 \text{ g} \Rightarrow m_{\text{فلز}} = 4000 \text{ g} - m_{\text{حفره}}$$

$$V_{\text{فلز}} = \frac{m_{\text{فلز}}}{\rho_{\text{فلز}}} = \frac{4000}{8} = 500 \text{ cm}^3$$



$$\Rightarrow V_{\text{حفره}} = 4000 - 500 = 3500 \text{ cm}^3$$

وقتی حفره با مایعی پر شود، حجم مایع با حجم حفره برابر است. پس:

$$m_{\text{مایع}} = V_{\text{حفره}} \times \rho_{\text{مایع}} = 3500 \times 2 = 7000 \text{ g}$$

$$m_{\text{کل}} = m_{\text{فلز}} + m_{\text{مایع}} = 4000 + 7000 = 11000 \text{ g} = 11 \text{ kg}$$

(فیزیک - فیزیک و اندازه‌گیری؛ صفحه‌های ۱۶ و ۱۷)

(علی برزک)

«۱»

برای پیدا کردن دقت اندازه‌گیری وسیله‌های دیجیتالی رقم آخر سمت راست را برابر یک فرض کرده و بقیه ارقام را صفر جاگذاری می‌کنیم:

$$A = 14 / 690 \text{ kg} \Rightarrow 0.001 \text{ kg} = 0.001 \times 10^3 \text{ g} = 1 \text{ g}$$

$$B = 194 / 6 \times 10^{-4} \text{ Mg} \Rightarrow 0.1 \times 10^{-4} \text{ Mg} = 0.1 \times 10^{-4} \times 10^6 = 10 \text{ g}$$

$$C = 14690 \text{ g} \Rightarrow 1 \text{ g}$$

$$D = 1 / 94600 \times 10^9 \mu\text{g} \Rightarrow 0.00001 \times 10^9 \mu\text{g}$$

$$= 10^{-5} \times 10^9 \times 10^{-6} = 0.1 \text{ g}$$

اختلاف کمترین و بیشترین دقت اندازه‌گیری برابر خواهد بود با:

$$\Rightarrow 10 \text{ g} - 0.1 \text{ g} = 9.9 \text{ g}$$

(فیزیک - فیزیک و اندازه‌گیری؛ صفحه‌های ۱۵ و ۱۶)



$$W_f = mgh - \frac{1}{2}mv^2 \quad (1)$$

$W_f = E_3 - E_2 = K_3 + U_3 - K_2 - U_2$: در برگشت

$$W_f = \frac{1}{2}m(v - 20)^2 - mgh \quad (2)$$

$$(1), (2) \rightarrow mgh - \frac{1}{2}mv^2 = \frac{1}{2}m(v - 20)^2 - mgh$$

$$2gh = \frac{1}{2}(v - 20)^2 + \frac{1}{2}v^2 \Rightarrow 4gh = v^2 + 400 - 40v + v^2$$

$$2000 = 2v^2 - 40v + 400 \Rightarrow v^2 - 20v - 800 = 0$$

$$(v - 40)(v + 20) = 0 \Rightarrow \begin{cases} v - 40 = 0 \Rightarrow v = 40 \frac{m}{s} \\ v + 20 = 0 \Rightarrow v = -20 \frac{m}{s} \end{cases}$$

غیرقابل قبول است.

چون جهت حرکت اولیه به سمت بالاست، پس عدد منفی غیرقابل قبول است.
(فیزیک ا-کار، انرژی و توان: صفحه‌های ۷۱ تا ۷۳)

(مبتنی تکوئیان)

«۴» گزینه

با توجه به رابطه بین توان و بازده داریم:

$$\frac{P_{خروجی}}{P_{ورودی}} = \frac{P_{خروجی}}{P_{خروجی}} \times 100 \Rightarrow \eta = \frac{P_{خروجی}}{600} \times 100$$

$$\Rightarrow P_{خروجی} = 480W$$

از طرفی با استفاده از قضیه کار و انرژی جنبشی می‌توان نوشت:

$$W_t = \Delta K \Rightarrow W_{mg} + W_{موتور} = K_2 - K_1 = \frac{1}{2}m(v_2^2 - v_1^2)$$

$$\Rightarrow (mgh \cos 180^\circ) + W_{موتور} = \frac{1}{2}m(v_2^2 - v_1^2)$$

$$\Rightarrow W_{موتور} = mgh + \frac{1}{2}m(v_2^2 - v_1^2)$$

$$P_{خروجی} = \frac{W_{موتور}}{t} = \frac{mgh + \frac{1}{2}m(v_2^2 - v_1^2)}{t}$$

$$m = \rho V = (10^3)(\frac{1}{4}) = 2400 \text{ kg}, t = 15 \text{ min} = 900 \text{ s}$$

$$g = 10 \frac{m}{s^2}, h = 18 \text{ m}, v_1 = 0, P_{خروجی} = 480W$$

$$480 = \frac{(2400)(10)(16) + 1200v_2^2}{900} \Rightarrow v_2^2 = 40 \text{ جذر } v_2 = 2\sqrt{10} \frac{m}{s}$$

(فیزیک ا-کار، انرژی و توان: صفحه‌های ۷۱ تا ۷۳)

(ممور منصوری)

«۳» گزینه

اگر زمین را مبدأ پتانسیل گرانشی فرض کنیم، تغییر انرژی مکانیکی آن برابر اختلاف انرژی پتانسیل در نقطه رها شدن و انرژی جنبشی در لحظه برخورد به زمین است. یعنی:

$$E_2 - E_1 = W_f, \quad E_1 - E_2 = Q \quad (\text{گرمای تولید شده})$$

$$mgh_1 - \frac{1}{2}mv_2^2 = mc\Delta\theta \xrightarrow{+m} gh_1 - \frac{1}{2}v^2 = c\Delta\theta$$

$$\Rightarrow 10 \times 100 - \frac{1}{2}(20)^2 = 400\Delta\theta \Rightarrow 800 = 400\Delta\theta \Rightarrow \Delta\theta = 2^\circ C$$

(فیزیک ا-کار، انرژی و توان- دما و گرمای: صفحه‌های ۷۱ تا ۷۳ و ۹۸)

$$\Rightarrow 25 = 10 + x \Rightarrow x = 15 \text{ cm}$$

$$\Rightarrow \Delta V_1 = A_1 \times x_1 = 15 \times 200 = 3000 \text{ cm}^3$$

$$\Rightarrow \Delta V_1 = 3L$$

(فیزیک ا- ویژگی‌های فیزیکی مواد: صفحه ۳۵)

«۳» گزینه

موارد (الف)، (ب) و (ت) درست هستند.

علت نادرستی (ب): سطح آب در یک لوله موبین شیشه‌ای تمیز، به صورت فرورفته است.

علت نادرستی (ث): طبق اصل برنولی، با افزایش تندی شاره، فشار آن کاهش می‌یابد.

بررسی مورد (الف): می‌دانیم فشار یک جسم جامد بر سطح زیرین برابر است که با ساده‌سازی رابطه برای یک مکعب مستطیل خواهیم داشت:

$$P = \frac{mg}{A} \quad \frac{m = \rho V}{V = Ah} \quad \rho gh \Rightarrow \frac{P_{max}}{P_{min}} = \frac{h_{max}}{h_{min}} = \frac{30}{10} = 3$$

(فیزیک ا- ویژگی‌های فیزیکی مواد: صفحه‌های ۳۱، ۳۲، ۳۸، ۴۱ و ۴۴)

(علیرضا بیهاری)

«۲» گزینه

با توجه به معادله پیوستگی می‌توان نوشت:

$$A_1 v_1 = A_2 v_2 \Rightarrow \frac{\pi d_1^2}{4} \times v_1 = \frac{\pi d_2^2}{4} \times v_2$$

$$\frac{d_1 = 1/5 d_2}{v_1 = \frac{m}{s}} \rightarrow (1/5 d_2)^2 \times 4 = d_2^2 \times v_2$$

$$\Rightarrow 2/25 d_2^2 \times 4 = d_2^2 \times v_2 \Rightarrow v_2 = 9 \frac{m}{s}$$

اکنون با استفاده از رابطه چگالی، جرم آب عبور کرده را به دست می‌آوریم:

$$m = \rho V \quad \frac{\rho = 1 \frac{g}{cm^3}}{V = 2L = 2000 \text{ cm}^3} \rightarrow m = 1 \times 2000 = 2000 \text{ g} = 2 \text{ kg}$$

کار کل انجام شده، با استفاده از قضیه کار- انرژی جنبشی به دست می‌آید:

$$W_t = K_2 - K_1 = \frac{1}{2}mv_2^2 - \frac{1}{2}mv_1^2 = \frac{1}{2}m(v_2^2 - v_1^2)$$

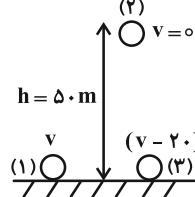
$$\frac{m = 2 \text{ kg}}{v_2 = \frac{m}{s}, v_1 = \frac{m}{s}} \rightarrow W_t = \frac{1}{2} \times 2(9^2 - 4^2) = 81 - 16 = 65 \text{ J}$$

(فیزیک ا- ویژگی‌های فیزیکی مواد- کار، انرژی و توان: صفحه‌های ۶۱ و ۶۵)

(شیلا شیرزادی)

«۴» گزینه

چون اتفاق انرژی داریم و کار نیروی مقاومت هوا در مسیر رفت و برگشت یکسان است، پس:



(کار مقاومت هوا را در بالا رفتن و پایین آمدن W_f می‌گیریم، مبدأ انرژی پتانسیل گرانشی را زمین فرض می‌کنیم)

$$W_f = E_2 - E_1 = K_2 + U_2 - K_1 - U_1$$



و چون فرایند هم‌دما است پس حاصل ضرب PV در نقاط A و C باید برابر باشد. پس داریم:

$$\begin{aligned} P_A V_A &= P_C V_C \\ P_B = P_C &= \frac{P_A}{4} \end{aligned} \Rightarrow P_A V_A = \frac{P_A}{4} V_C$$

$$\Rightarrow \frac{V_C = 4V_A}{V_C > V_B} \Rightarrow 4V_A > V_B \Rightarrow V_A > \frac{V_B}{4}$$

(فیزیک ا- ترمودینامیک: صفحه‌های ۱۳۵ تا ۱۳۸)

۶۴- گزینه «۳» (زهره آقامحمدی)

چون بازده ماشین A ۲۳ درصد بیشتر از ماشین B است. داریم:

$$\eta_A = (1 + 0 / 23) \eta_B = 1 / 23 \eta_B \quad (1)$$

از طرفی با توجه به رابطه بازده می‌توان نوشت:

$$\eta = \frac{P_{\text{خروجی}}}{P_{\text{ورودی}}} \times 100 = \frac{W_{\text{خروجی}}}{W_{\text{ورودی}}} \times \frac{1}{\Delta t} \Rightarrow \eta = \frac{W}{P_{\text{ورودی}} \Delta t} \times 100$$

$$\frac{(1)}{\rightarrow} \frac{W_A}{P_A \Delta t_A} \times 100 = 1 / 23 \times \frac{W_B}{P_B \Delta t_B} \times 100$$

$$\frac{W_A = W, W_B = \frac{4}{3}W}{\Delta t_A = 5 \text{ min}, P_A = P_B \text{ ورودی}} \Rightarrow \frac{W}{\Delta t} = 1 / 23 \times \frac{\frac{4}{3}W}{\Delta t_B}$$

$$\Rightarrow \Delta t_B = 5 \times 1 / 23 \times \frac{4}{3} = 8 / 2 \text{ min} \Rightarrow \Delta t_B = 8 / 2 \times 60 = 492 \text{ s}$$

(فیزیک ا- ترمودینامیک: صفحه ۱۴۵)

۶۵- گزینه «۱» (محمد نهاوندی مقدم)

قانون دوم به بیان یخچالی یعنی بدون انجام کار گرمای از منبع سرد به گرم نمی‌رود.

$$\begin{cases} W \neq 0 \\ |Q_H| \neq |Q_L| \end{cases}$$

که مورد (ب) این قانون را نقض می‌کند.

قانون دوم به بیان ماشین گرمایی یعنی کل گرمایی دریافت شده به کار تبدیل نمی‌شود که مورد (ت) این قانون را نقض می‌کند.

$$\begin{cases} Q_H \neq W \\ |Q_L| \neq 0 \end{cases}$$

(فیزیک ا- ترمودینامیک: صفحه‌های ۱۴۶ و ۱۴۷)

۶۶- گزینه «۳» (فراز رسولی)

می‌دانیم در اثر تماس دو کره مشابه بار نهایی هر یک برابر با نصف جمع جبری بارهای اولیه‌شان خواهد بود. ابتدا تماس B و C را بررسی می‌کنیم:

$$C \text{ و } B \text{ تماس: } q'_B = q'_C = \frac{q_B + q_C}{2} = \frac{3}{4}q_C$$

$$\Rightarrow \frac{q_B}{2} + \frac{q_C}{2} = \frac{3}{4}q_C \Rightarrow \frac{q_B}{2} = \frac{1}{4}q_C$$

$$\Rightarrow q_C = 2q_B \quad \text{یا} \quad q_B = \frac{q_C}{2}$$

حالا تماس C و A را بررسی می‌کنیم.

$$C \text{ و } A \text{ تماس: } q''_C = q''_A = \frac{q_A + q'_C}{2} = \frac{2}{3}q_C$$

(مبتنی نکوئیان)

۶۱- گزینه «۱»

ابتدا تغییر حجم مایع و ظرف را به دست می‌آوریم:

$$\Delta V = 3\alpha V \quad \text{ظرف} \Delta\theta = (3\alpha)(2 \times 10^{-3})(60) = 26 \times 10^{-4} \alpha (\text{cm}^3)$$

$$\Delta V = \beta V \quad \text{مایع} \Delta\theta = (6 \times 10^{-3}) \left(\frac{1}{10} \times 2 \times 10^{-3} \right) (60) = 576 \text{ cm}^3$$

با توجه به این که 32 cm^3 مایع سرریز شده است، می‌توان نوشت:

$$\Delta V = \Delta V_{\text{ظرف}} + \Delta V_{\text{مایع}} = 576 + 32$$

$$\Rightarrow 576 = (36 \times 10^{-4} \alpha) + \left(\frac{1}{10} \times 2 \times 10^{-3} \right) + 32$$

$$\Rightarrow 576 = 36 \times 10^{-4} \alpha + 432 \Rightarrow 144 = 36 \times 10^{-4} \alpha$$

$$\Rightarrow \alpha = 4 \times 10^{-4} \cdot \frac{1}{\text{C}}$$

(فیزیک ا- دما و گرمایی: صفحه‌های ۹۳ و ۹۴)

(معراجان اسماعیلی)

۶۲- گزینه «۳»

ابتدا برای تعیین نسبت جرم آب و بخ. گرمایی که آب از دست می‌دهد را برابر گرمایی قرار می‌دهیم که بخ برای ذوب کامل نیاز دارد.

$$Q_{\text{بخ}} = Q_{\text{آب}} \Rightarrow m_1 c \Delta\theta = m_2 L_F$$

$$\Rightarrow m_1 \times 4200 \times 40 = m_2 \times 336000 \Rightarrow m_1 = 2m_2$$

در این حالت، دمای آب 40°C کاهش یافته به 15°C رسیده و بخ تبدیل

به آب صفر درجه شده است. حال می‌توان دمای تعادل آب 15°C و 0°C را محاسبه کرد.

$$\theta_T = \frac{m_1 \theta_1 + m_2 \theta_2}{m_1 + m_2} \quad \text{می} \frac{m_1}{2}$$

$$\theta_T = \frac{m_1 \times 15 + m_2 \times 0}{m_1 + \frac{m_1}{2}} = \frac{15m_1}{\frac{3}{2}m_1} \Rightarrow \theta_T = 10^\circ\text{C}$$

(فیزیک ا- دما و گرمایی: صفحه‌های ۹۶ تا ۹۷)

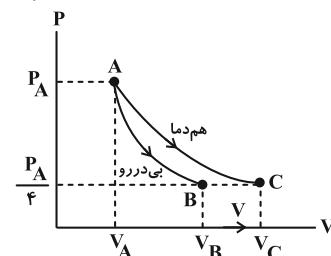
(فراز رسولی)

۶۳- گزینه «۴»

در فرایند انبساط بی‌دردو دمای گاز همواره کاهش و در فرایند تراکم بی‌دردو دمای گاز همواره افزایش می‌یابد. بنابراین در فرایند A → B دمای کاهش

خواهد یافت. اگر گاز در یک فرایند هم‌دما از نقطه A به فشار $\frac{P_A}{4}$ برسد

(نقطه C) نمودار به شکل زیر خواهد بود (شبی فرایند هم‌دما کمتر است).





(محمدکاظم منشاری)

گزینه «۲»

از آنجایی که جسم پایین می‌آید، نیروی وزن هم به آن وارد می‌شود:

$$\Delta U = mgh + \frac{1}{2}mv^2$$

$$= 20 \times 10^{-3} \times 10 \times 5 \times 10^{-2} + \frac{1}{2} \times 20 \times 10^{-3} \times 1^2 \\ = 0.1 + 0.1 = 0.2 \text{ J}$$

$$\Delta U = |q| Ed \cos \theta \Rightarrow 40 \times 10^{-9} \times E \times 5 \times 10^{-2} = 2 \times 10^{-2}$$

$$\Rightarrow E = 10^4 \frac{N}{C}$$

$$E = \frac{\Delta V}{d} \Rightarrow \Delta V = E \times d = 10^4 \times 9 \times 10^{-2} = 900 \text{ V}$$

$$C = \frac{q}{V} = \frac{2 \times 10^{-9}}{900} = \frac{2200 \times 10^{-12}}{900} = 3 \times 10^{-12} \text{ F}$$

$$C = \kappa \epsilon_0 \frac{A}{d} \xrightarrow[\text{هوا}]{\kappa=1} 3 \times 10^{-12} = 9 \times 10^{-12} \times \frac{A}{9 \times 10^{-3}}$$

$$\Rightarrow A = 3 \times 10^{-2} \text{ m}^2 = \pi r^2 \xrightarrow{\pi=3} r^2 = 10^{-2} \text{ m}^2$$

$$\Rightarrow r = 10^{-1} \text{ m}$$

$$D = 2 \times 10^{-1} \text{ m} = 0.2 \text{ m}$$

(فیزیک - الکتریسیتی ساکن: صفحه‌های ۲۶ و ۲۷)

(ممور منصوری)

گزینه «۳»

ظرفیت جدید خازن (C') نسبت به ظرفیت قبل از تغییرات برابر است با:

$$\frac{C'}{C} = \frac{\kappa' \times A' \times d}{\kappa \times A \times d'} = 4 \times 1 \times \frac{d}{2d} = 2$$

چون خازن از باتری جدا است، بار خازن ثابت است.

$$\frac{U'}{U} = \frac{\frac{q^2}{2C'}}{\frac{q^2}{2C}} = \frac{C}{C'} = \frac{1}{2}$$

$$E = \frac{V}{d} \Rightarrow \frac{E'}{E} = \frac{V'}{V} \times \frac{d}{d'} = \frac{\frac{q}{C'}}{\frac{q}{C}} \times \frac{d}{d'} = \frac{C}{C'} \times \frac{d}{d'} = \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{4}$$

(فیزیک - الکتریسیتی ساکن: صفحه‌های ۲۵ و ۲۶)

(مهران اسماعیلی)

گزینه «۲»

با توجه به نمودار و با استفاده از قانون اهم داریم:

$$I_1 = I_2 \xrightarrow{I=\frac{V}{R}} \frac{V_1}{R_1} = \frac{V_2}{R_2} \Rightarrow \frac{4}{R_1} = \frac{64}{R_2}$$

$$\Rightarrow \frac{R_2}{R_1} = \frac{64}{4} = 16$$

چون حجم سیم تغییر نکرده، می‌توان نوشت:

$$V_1 = V_2 \Rightarrow A_1 L_1 = A_2 L_2 \Rightarrow \frac{A_1}{A_2} = \frac{L_2}{L_1}$$

$$R = \rho \frac{L}{A} \Rightarrow \frac{R_2}{R_1} = \frac{L_2}{L_1} \times \frac{A_1}{A_2} \xrightarrow{\frac{L_2}{L_1} = \frac{A_1}{A_2}} \frac{R_2}{R_1} = \frac{A_1}{A_2} \times \frac{A_1}{A_2}$$

$$\Rightarrow \frac{q_A}{2} + \frac{3}{4} q_C = \frac{1}{2} q_C \Rightarrow \frac{q_A}{2} + \frac{3}{8} q_C = \frac{1}{2} q_C$$

$$\Rightarrow \frac{q_A}{2} = \frac{1}{8} q_C \Rightarrow q_C = 4 q_A \quad \text{یا} \quad q_A = \frac{q_C}{4}$$

$$\frac{q_B}{q_A} = \frac{\frac{1}{2} q_C}{\frac{1}{4} q_C} = 2 \quad \text{و در نهایت داریم:}$$

(فیزیک - الکتریسیتی ساکن: صفحه‌های ۲۷ و ۲۸)

(مهران اسماعیلی)

گزینه «۴»

برای آن که هر سه بار در حال تعادل باشند (برايند نیروهای وارد بر هر یک از بارها برابر صفر باشد) باید q_1 و q_3 همانم و q_2 مختلف العلامه با آنها باشند. بنابراین بار q_3 برابر صفر است می‌توانقدم اول: با فرض این که برايند نیروهای وارد بر q_3 برابر صفر است می‌توان نسبت فاصله‌ها را تعیین کرد.

$$\begin{array}{ccccccc} q_1 & & q_2 & & & q_3 & F_{23} \\ \ominus & & + & & & \ominus & \rightarrow \\ a & & b & & & & \\ F_{23} & = & F_{13} & \Rightarrow k \frac{|q_2||q_3|}{r_{23}^2} & = k \frac{|q_1||q_3|}{r_{13}^2} & \Rightarrow \frac{1}{b^2} = \frac{16}{(a+b)^2} \end{array}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{b^2} = \frac{4}{a+b} \Rightarrow a+b = 4b \Rightarrow a = 3b$$

قدم دوم: حال با داشتن نسبت فاصله‌ها، با فرض این که برايند نیروهای وارد

بر بار q_2 برابر صفر است، می‌توان بار q_3 را تعیین کرد.

$$\begin{array}{ccccc} q_1 & & F_{12} & q_2 & F_{23} \\ \ominus & & + & & \ominus \\ a & & b & & \end{array}$$

$$F_{12} = F_{23} \Rightarrow k \frac{|q_1||q_2|}{r_{12}^2} = k \frac{|q_1||q_3|}{r_{23}^2}$$

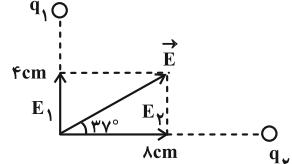
$$\Rightarrow \frac{16}{a^2} = \frac{|q_3|}{b^2} \Rightarrow \frac{16}{(3b)^2} = \frac{|q_3|}{b^2}$$

$$|q_3| = \frac{16}{9} \mu C \Rightarrow q_3 = -\frac{16}{9} \mu C$$

(فیزیک - الکتریسیتی ساکن: صفحه‌های ۱۰ و ۱۱)

(امیر احمد میرسعید)

گزینه «۲»

باید بار q_2 منفی باشد تا برايند میدان به صورت شکل زیر شود.

$$\cos^2 37^\circ + \sin^2 37^\circ = 1 \Rightarrow \cos 37^\circ = 0/\lambda$$

$$\tan 37^\circ = \frac{E_1}{E_2} \Rightarrow \frac{0/4}{0/\lambda} = \frac{k \frac{|q_1|}{4 \times 4}}{k \frac{|q_2|}{\lambda \times \lambda}}$$

$$\Rightarrow \frac{0}{\lambda} = \frac{64 \times 1/4}{16 |q_2|} \Rightarrow |q_2| = 8 \mu C \Rightarrow q_2 = -8 \mu C$$

(فیزیک - الکتریسیتی ساکن: صفحه‌های ۱۲ و ۱۳)



$$\frac{\varepsilon}{r} = 2, \quad \frac{\varepsilon}{fr} = 24$$

$$\frac{\varepsilon - fr}{\varepsilon} = 24 \Rightarrow \varepsilon = 24V \Rightarrow r = 6\Omega$$

اگر مقاومت $R = 10\Omega$ باشد داریم:

$$\Rightarrow I = \frac{\varepsilon}{R+r} \Rightarrow I = \frac{24}{10+6} = \frac{24}{16} = \frac{3}{2} A$$

$$P = -rl^2 + EI = \left(-6 \times \frac{9}{4}\right) + \left(24 \times \frac{3}{2}\right)$$

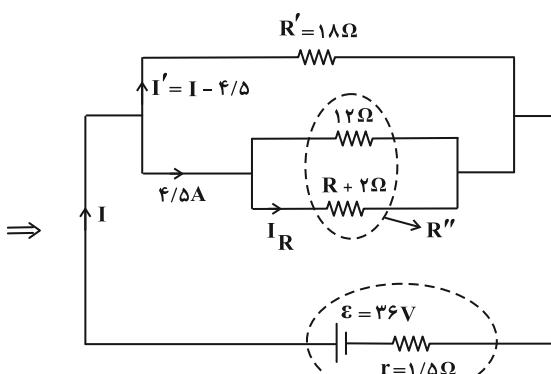
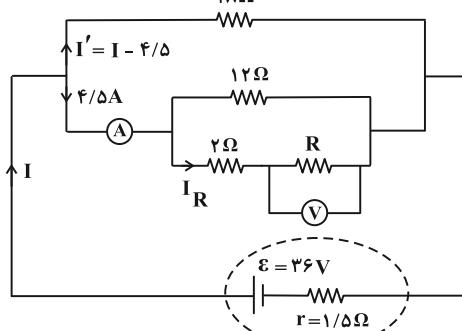
$$= -\frac{27}{2} + \frac{72}{2} = \frac{45}{2} \Rightarrow P = 22.5W$$

(فیزیک ۲- هریان الکتریکی و مدارهای هریان مستقیم؛ صفحه ۵۷۹)

(مبتنی نکوئیان)

«۳» - ۷۴

ابتدا شکل ساده شده ای از مدار الکتریکی را درسم می کنیم:



اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت ۱۸ اهمی، برابر با اختلاف پتانسیل دو سر مولد است. بنابراین:

$$\begin{cases} V_{\text{Mold}} = \varepsilon - rI \\ V' = R'I' \end{cases}$$

$$\Rightarrow 36 - 1/5I = 18(I - 4/5) \Rightarrow I = 6A; \quad I' = 1/5A$$

وقتی دو مقاومت به طور موازی به هم وصل شوند، نسبت شدت جریان آنها برابر نسبت وارون مقاومت آنها است. پس:

$$R'' = \frac{1/5}{4/5} R' = \frac{1}{3} R' = 6\Omega \Rightarrow r = \frac{12(R+2)}{14+R} \Rightarrow R = 10\Omega$$

بنابراین جریان شاخه شامل مقاومت R (I_R) برابر با $2/25A$ است. پس:

$$V_R = RI_R = (10)(2/25) = 22/5V$$

(فیزیک ۲- هریان الکتریکی و مدارهای هریان مستقیم؛ صفحه ۵۷۹)

$$\Rightarrow \frac{R_2}{R_1} = \left(\frac{A_1}{A_2}\right)^2 \xrightarrow{A=\frac{\pi D^4}{4}} \frac{R_2}{R_1} = \left(\frac{D_1}{D_2}\right)^4$$

$$\frac{R_2}{R_1} = 16 \xrightarrow{16 = \left(\frac{D_1}{D_2}\right)^4} \frac{D_1}{D_2} = 2 \Rightarrow D_2 = \frac{1}{2} D_1$$

(فیزیک ۲- هریان الکتریکی و مدارهای هریان مستقیم؛ صفحه ۵۴۹)

- ۷۲ گزینه «۳»

در ابتدا باید دقت داشت که چون مولد آرمانی است پس ε و ولتاژ دو سر مولد در هر دو حالت مقداری ثابت است. از طرفی ولتاژ دو سر مجموعه لامپ‌ها با ولتاژ دو سر مولد برابر است. پس طبق رابطه

$$P_t = \frac{V_t^2}{R_{eq}}$$

می‌توان گفت $P_t \propto \frac{1}{R_{eq}}$. حال فرض می‌کنیم اندازه مقاومت هر لامپ

باشد. پس:

در حالت کلید باز:

$$\left\{ \begin{array}{l} R' \text{ شاخه بالا} \\ R'' \text{ شاخه پایین} \end{array} \right. \Rightarrow R_{eq} = \frac{2R \times 3R}{2R + 3R}$$

$$= \frac{6}{5} R = 1/2 R \quad (1)$$

در حالت بسته بودن کلید، لامپ پایین سمت راست، اتصال کوتاه شده و از مدار حذف می‌شود. پس:

در حالت کلید بسته:

$$\left\{ \begin{array}{l} R' \text{ شاخه بالا} \\ R'' \text{ شاخه پایین} \end{array} \right. \Rightarrow R_{eq} = \frac{2R \times 2R}{2R + 2R} = R \quad (2)$$

با مقایسه روابط (۱) و (۲) مشاهده می‌شود که مقاومت معادل با بسته شدن کلید کاهش می‌باید، پس طبق رابطه (*)، توان کل افزایش می‌باید. پس:

$$P_{2t} = P_{1t} + 50 \quad \text{بازبودن}$$

$$(*) \Rightarrow \frac{P_{2t}}{P_{1t}} = \frac{R_{eq1}}{R_{eq2}} \Rightarrow \frac{P_{2t}}{P_{1t}} = \frac{1/2R}{R} = 1/2 = \frac{6}{5}$$

$$\Rightarrow P_{1t} = \frac{5}{6} P_{2t} \Rightarrow P_{2t} = \frac{6}{5} P_{2t} + 50$$

$$\Rightarrow (1 - \frac{5}{6}) P_{2t} = 50 \Rightarrow P_{2t} = 300W$$

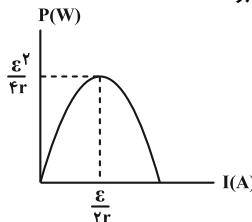
(فیزیک ۲- هریان الکتریکی و مدارهای هریان مستقیم؛ صفحه ۵۷۹)

- ۷۳ گزینه «۲»

رابطه توان خروجی مولد بر حسب جریان گذرنده از آن به شکل زیر است:

$$P = -rl^2 + EI$$

بنابراین نمودار آن به شکل سه‌می زیر خواهد بود.



(مبینی نگویان)

«۴» - ۷۸

با توجه به رابطه تغییر شار مغناطیسی داریم:

$$\Delta\Phi = BA(\Delta \cos \theta) = BA(\cos \theta_2 - \cos \theta_1)$$

$$\frac{B=3\times 10^{-2} T; A=600 \text{ cm}^2=6\times 10^{-2} \text{ m}^2}{\theta_1=27^\circ; \cos \theta_1=0.8} \\ \theta_2=52^\circ; \cos \theta_2=0.6$$

$$\Delta\Phi = (3\times 10^{-2})(6\times 10^{-2})(0.6 - 0.8) = -36\times 10^{-5} \text{ Wb}$$

از طرفی با استفاده از قانون القای الکترومغناطیسی فاراده می‌توان نوشت:

$$|\bar{I}| = \frac{|\bar{\epsilon}|}{R} = -\frac{N}{R} \frac{\Delta\Phi}{\Delta t}$$

$$\frac{N=1; \Delta\Phi=-36\times 10^{-5} \text{ Wb}}{R=10\Omega; \Delta t=2ms=2\times 10^{-3} \text{ s}}$$

$$|\bar{I}| = \frac{36\times 10^{-5}}{2\times 10^{-2}} = 18\times 10^{-3} \text{ A} = 18 \text{ mA}$$

(فیزیک ۲ - القای الکترومغناطیسی و بثیران متناظر: صفحه‌های ۱۱۵ تا ۱۱۷)

(کامران ابراهیمی)

«۱» - ۷۹

با توجه به رابطه $\frac{1}{2}LI^2$ برای انرژی ذخیره شده در القاگر داریم:

$$U = \frac{1}{2}LI^2 = \frac{1}{2}\times 0.02I^2 \Rightarrow U = 0.01I^2$$

$$\Rightarrow U_{\min} = 0.01I_{\min}^2 \quad (1)$$

$$I = t^2 - 8t + 20 = (t-4)^2 + 4 \xrightarrow[I=I_{\min}]{} I_{\min} = 4A \quad (2)$$

$$\xrightarrow{(1), (2)} U_{\min} = 0.01 \times (4)^2 = 0.16J \Rightarrow U_{\min} = 160 \text{ mJ}$$

(فیزیک ۲ - القای الکترومغناطیسی و بثیران متناظر: صفحه‌های ۱۱۱ و ۱۱۲)

(مفهومه شریعت‌ناصری)

«۱» - ۸۰

با توجه به نمودار ابتدادوره را به دست می‌آوریم:

$$\frac{\Delta T}{4} = \frac{1}{320} \Rightarrow T = \frac{1}{400} \text{ s}$$

در گام بعدی معادله جریان متناظر را نوشته و جریان را در لحظه خواسته شده به دست می‌آوریم:

$$I = I_m \sin \frac{2\pi}{T} t \Rightarrow I = 2\sqrt{2} \sin \left(\frac{2\pi}{1} \times \frac{1}{400} t \right)$$

$$\Rightarrow I = 2\sqrt{2} \sin \left(2\pi \times \frac{400}{3200} \right) = 2\sqrt{2} \sin \frac{\pi}{4} = 2\sqrt{2} \times \frac{\sqrt{2}}{2} = 2A$$

(فیزیک ۲ - القای الکترومغناطیسی و بثیران متناظر: صفحه‌های ۱۱۱ تا ۱۱۲)

(غلامرضا مصی)

«۴» - ۷۵

در صورتی که پتانسیومتر از پایه‌های B_1 و B_2 به مدار وصل شود، مقاومت متغیر را خواهیم داشت. ولی در مدار داده شده مقاومت متغیر نیست و حرکت لغزندۀ تاثیری روی مقاومت ندارد.

(فیزیک ۲ - بثیران الکتریکی و مدارهای بثیران مستقیم: صفحه‌های ۵۶ و ۵۷)

(فراز رسولی)

«۱» - ۷۶

در ابتدا بار ذره گذرنده از درون سیم‌لوله را محاسبه می‌کنیم:

$$q = +ne \Rightarrow q = 2 \times 1 / 6 \times 10^{-19} C = 3 / 2 \times 10^{-19} C$$

حالا میدان حاصل از سیم‌لوله درون آن را محاسبه می‌کنیم:

$$B = \mu_0 \frac{NI}{l} \Rightarrow B = 4\pi \times 10^{-7} \frac{1000 \times \frac{100}{\pi}}{1} = 4 \times 10^{-2} T$$

در نهایت با استفاده از رابطه $F = |q| vB \sin \alpha$ ، نیروی وارد بر ذره را

محاسبه می‌کنیم:

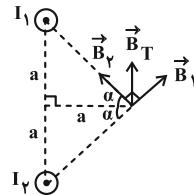
$$F = |q| vB \sin \alpha \Rightarrow F = 3 / 2 \times 10^{-19} \times 5 \times 10^1 \times 4 \times 10^{-2} \times 1 = 6 / 4 \times 10^{-10} N$$

(فیزیک ۲ - مغناطیس: صفحه‌های ۱۹۰ و ۱۹۱)

(مبینی نگویان)

«۳» - ۷۷

میدان مغناطیسی حاصل از سیم راست حامل جریان، در هر نقطه عمود بر خط واصل بین آن نقطه و سیم است. بنابراین با استفاده از قاعده دست راست، جهت میدان مغناطیسی برایند دو سیم را مطابق شکل زیر به دست می‌آوریم:



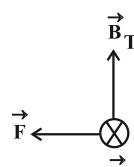
$$\tan \alpha = 1 \Rightarrow \alpha = 45^\circ$$

$$B_T = \sqrt{B_1^2 + B_2^2} = 4G = 4 \times 10^{-4} T$$

طبق قاعده دست راست، جهت نیروی وارد بر بار منفی به طرف چپ است و اندازه نیروی وارد بر آن به صورت زیر محاسبه می‌شود:

$$F = |q| v B_T \sin \theta \frac{|q|=2 \times 10^{-9} C; v=10^4 m}{B_T=4 \times 10^{-4} T; \theta=90^\circ} \frac{s}{}$$

$$F = (2 \times 10^{-9})(10^4)(4 \times 10^{-4})(1) = 8 \times 10^{-9} N$$



(فیزیک ۲ - مغناطیس: صفحه‌های ۱۹۰ و ۱۹۱)

در نتیجه اختلاف حجم این دو گاز در مخلوط اولیه برابر خواهد بود با:

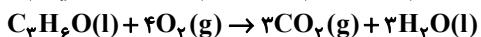
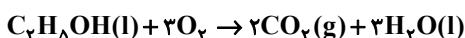
$$56L - 11/2L = 44/8L$$

(شیمی ا- ردپای گازها در زندگی؛ صفحه‌های ۵۶ و ۵۷ تا ۶۲)

(سعید تیزرو)

گزینهٔ ۱

مطابق واکنش‌های زیر مجموع ضرایب H_4O در واکنش سوختن کامل اتانول و استون برابر ۶ می‌باشد:



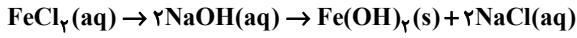
با توجه به واکنش‌های موازن شده زیر، مجموع ضرایب گونه‌های حاضر در هیچ کدام از واکنش‌ها بزرگ‌تر از ۶ نمی‌باشد:



= ۶ مجموع ضرایب :



= ۶ مجموع ضرایب :



= ۶ مجموع ضرایب :



= ۵ مجموع ضرایب :

(شیمی ا- ردپای گازها در زندگی؛ صفحه‌های ۶۲ تا ۶۴)

(ممدر عظیمیان‌زواره)

گزینهٔ ۲

بررسی موارد:

آ درست



ب) درست؛ با توجه به فرمول شیمیایی آنها:

Cu_2O , N_2O_4

پ) درست



ث) نادرست؛ بوکسیت Al_2O_3 ناخالص است.

(شیمی ا- ردپای گازها در زندگی؛ صفحه‌های ۵۶ تا ۵۸)

(امیرحسین طینی)

گزینهٔ ۳

جرم یک لیتر از آن متناسب چگالی است و می‌دانیم که اوزون به دلیل تعداد اتم بیشتر، جرم مولی بیشتر و چگالی بیشتری دارد. دمای جوش اوزون از اکسیژن، بیشتر است.

$O_3 : -112^\circ C$

$O_2 : -183^\circ C$

فقط مورد اول برای اوزون کمتر از اکسیژن است. چون $64 g$ اوزون حاوی مول‌های کمتری از اوزون است. آسیب‌رسانی اوزون به ریه انسان به خاطر واکنش پذیری بیشتر آن است.

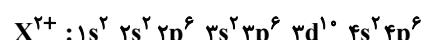
شیمی ۱ و شیمی ۲

-۸۱ گزینهٔ ۳

(امیرمحمد کنگران)

زیرلایه‌هایی با $n+1=5$ و $n+1=4$ در به ترتیب زیرلایه‌های ۵S، ۴S، ۳D و ۴P هستند.

اگر در یون X^{2+} تعداد الکترون‌ها در $n+1=5$ دو برابر تعداد الکترون‌ها در $n+1=4$ باشد، آرایش الکترونی آن به صورت زیر است:



پس X، عنصر $_{38}Sr$ است و عبارت صورت سوال درست است. خصلت فلزی $_{37}Rb$ از $_{38}Sr$ کمتر است.

(شیمی ا- کیهان؛ زادگاه الفبای هستی؛ صفحه‌های ۲۴ تا ۳۴)

-۸۲ گزینهٔ ۳

بررسی عبارت‌ها:

عبارت اول: درست

عبارت دوم: درست

عبارت سوم: درست؛ در ایزوتوپ‌های یک عنصر، جرم اتمی میانگین به جرم اتنی ایزوتوپ فراوان‌تر نزدیک‌تر است.

عبارت چهارم: نادرست؛ با استفاده از مقیاس amu جرم اتم‌های برتوزا (ناپیدار) را نیز می‌توان اندازه‌گیری کرد.

(شیمی ا- کیهان؛ زادگاه الفبای هستی؛ صفحه‌های ۱ تا ۱۴)

-۸۳ گزینهٔ ۲

عدد اتمی X برابر ۴۳ و عدد اتمی Y برابر ۲۵ است. بر این اساس داریم:

• اختلاف عدد اتمی آن‌ها برابر ۱۸ است. (عدد اتمی آرگون ۱۸ می‌باشد).

• عنصر X_{۲۵} پایدار نیست و در زمرة عناصر ساختگی قرار دارد.

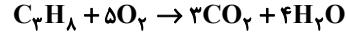
• دو عنصر متفاوت طیف نشی خطی متفاوت دارند.

• در Y_{۲۵} هفت الکترون ظرفیت داریم، پس ۲۸ درصد کل الکترون‌های آن جزو الکترون‌های ظرفیت هستند.

(شیمی ا- کیهان؛ زادگاه الفبای هستی؛ صفحه‌های ۲۲ تا ۳۵)

-۸۴ گزینهٔ ۳

سوختن کامل پروپان طبق معادله زیر انجام می‌شود:



مطابق با این معادله، یک مول پروپان (به جرم ۴۴ گرم) با ۵ مول اکسیژن (با جرم ۱۶۰ گرم) به‌طور کامل با یکدیگر واکنش می‌دهند. جرم مخلوط اولیه برابر است با:

به این ترتیب حجم هر یک از این گازها در مخلوط اولیه عبارت است از:

$$\frac{44g\ C_3H_8}{102g\text{ مخلوط}} \times \frac{1mol\ C_3H_8}{44g\ C_3H_8}$$

$$\times \frac{22/4L\ C_3H_8}{1mol\ C_3H_8} = 11/2L\ C_3H_8$$

$$\times \frac{160g\ O_2}{204g\text{ مخلوط}} \times \frac{1mol\ O_2}{32g\ O_2}$$

$$\times \frac{22/4L\ O_2}{1mol\ O_2} = 56L\ O_2$$



Y متعلق به گروه ۱۶ و دوره سوم است در نتیجه عنصر Y همان S است.

$$\text{X}^{\ddot{\text{o}}} = \text{X} = \text{X}^{\ddot{\text{o}}} \Rightarrow \text{X}^- : 3\text{X} + 1 = 16 \Rightarrow \text{X} = 5$$

عنصر X متعلق به گروه ۱۵ و دوره دوم است در نتیجه عنصر X همن N است.

بررسی گزینه‌های نادرست:

۱) گاز NO_۲ درون هوا و در حضور نور خورشید اوزون تروپوسفری را ایجاد می‌کند.

۳) سوخت سبز، سوختی است که در ساختار خود افزون بر کربن و هیدروژن، اکسیژن نیز داشته باشد.

۴) گاز SO_۳ می‌تواند باعث ایجاد باران اسیدی شود اما باید دقت داشته باشید که گاز حاصل از فعالیت‌های صنعتی SO_۲ است نه SO_۳.

(شیمی ا- ردپای گازها در زندگی؛ صفحه‌های ۵۵، ۵۶ و ۶۰ تا ۷۶)

- ۹۱ گزینه «۴» (سعید تیزرو)

مولکول‌های H_۲O و HF به ترتیب تا نقطه جوش ۱۰۰ و ۱۹ درجه سانتی گراد، تنها ترکیب‌های دارای نقطه جوش مثبت در بین ترکیب‌های هیدروژن‌دار گروه‌های ۱۴ تا ۱۷ جدول دوره‌ای هستند.

تمامی عبارت‌ها درست می‌باشند.

بررسی عبارت‌ها:

عبارت اول: مولکول‌های H_۲S و H_۲O مدل فضای‌کن و ساختار لوئیس یکسانی داشته و هر دو به دلیل قطبی بودن در میدان الکتریکی جهت‌گیری می‌کنند. در حالی که H_۲S در دمای اتاق به حالت گاز و H_۲O به حالت مایع است.

عبارت‌های دوم و سوم: مطابق متن صفحات ۱۰۵ و ۱۰۷ کتاب درسی درست می‌باشند.

عبارت چهارم: مطابق اعداد گزارش شده در کتاب درسی نقطه جوش ترکیب‌های آب، اتانول و استون به ترتیب برابر ۱۰۰، ۷۸ و ۵۶ درجه سانتی گراد می‌باشد، پس اختلاف نقطه جوش این ترکیب‌ها یکسان و برابر ۲۲ درجه سانتی گراد است.

عبارت پنجم: انحراف ترکیب X به سمت میله شیشه‌ای باردار نشان‌دهنده قطبی بودن آن است. تمامی ترکیب‌های هیدروژن‌دار گروه‌های ۱۵، ۱۶ و ۱۷ جدول دوره‌ای نیز قطبی بوده و همانند مولکول X در میدان جهت‌گیری می‌کنند.

(شیمی ا- آب، آهنج زندگی؛ صفحه‌های ۵۵ تا ۶۷)

- ۹۲ گزینه «۳» (میلاد شیخ‌الاسلام فیاوی)

ابتدا از روی مولاریته و حجم محلول، کل مول یون‌های نیترات را به دست می‌آوریم:

$$C_M = \frac{n(\text{mol})}{V(L)} \Rightarrow ۰/۲ = \frac{x \text{ mol } \text{NO}_3^-}{۴L}$$

$$\Rightarrow x = ۰/۶$$

در ادامه فرض می‌کنیم X مول از یون نیترات توسط منیزیم نیترات و X/۶ مول نیز توسط آمونیم نیترات تأمین شده است. سپس از روی مول یون نیترات به جرم منیزیم نیترات و آمونیم نیترات رسیده و مجموع جرم این دو ماده را برابر با ۴۵/۶ گرم قرار می‌دهیم تا X به دست آید:

$$\text{اکسیژن} \iff \ddot{\text{o}} : \ddot{\text{o}}$$

$$\text{اوزون} \iff \ddot{\text{o}} : \ddot{\text{o}} : \ddot{\text{o}}$$

اختلاف شمار جفت الکترون‌های پیوندی و ناپیوندی در اوزون برابر ۳ و در اکسیژن برابر ۲ است.

اوزون واکنش پذیری بیشتری از اکسیژن دارد و برخلاف اکسیژن به ریه انسان آسیب می‌رساند.

میزان نیروی وارد شده به دیواره ظرف معادل فشار گاز است. اگر دو نمونه با جرم برابر از این دو گاز داشته باشیم نمونه اکسیژن مول‌های بیشتری داشته و در نتیجه فشار بیشتری به دیواره ظرف وارد می‌کند.

(شیمی ا- ردپای گازها در زندگی؛ صفحه‌های ۷۳ تا ۷۹)

- ۸۸ گزینه «۳» (روزبه رضوانی)

N_۲ و H_۲ حتی در حضور جرقه هم واکنش نشان نمی‌دهد، برای انجام این واکنش دمای ۴۵۰°C و فشار ۲۰۰ atm و کاتالیزگر آهن نیاز است.

گزینه «۱»: H_۲ و O_۲ در حضور جرقه و یا کاتالیزگر پلاتین، آب تولید می‌کنند.

گزینه «۲»: N_۲ و O_۲ در موتور خودروها و یا رعد و برق که دما خیلی بالاست واکنش می‌دهد.

گزینه «۴»: NO_۲ و O_۲ در حضور نور خورشید واکنش داده NO و O_۳ تروپوسفری تولید می‌کنند.

(شیمی ا- ردپای گازها در زندگی؛ صفحه‌های ۷۵، ۷۶، ۸۱ و ۸۲)

- ۸۹ گزینه «۴» (میلاد شیخ‌الاسلام فیاوی)

بررسی گزینه‌ها:

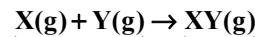
به کمک فرمول مقایسه‌ای زیر می‌توان سؤال را حل کرد.

$$\frac{P_1 \times V_1}{T_1 \times n_1} = \frac{P_2 \times V_2}{T_2 \times n_2}$$

با توجه به این که محفظه دربسته است می‌توان نتیجه گرفت V_۱ = V_۲. همچنین طبق اطلاعات سؤال فشار نیز ثابت است پس P_۲ = P_۱. در نتیجه با جای‌گذاری سایر اطلاعات در فرمول بالا داریم:

$$\frac{1}{T_1 \times n_1} = \frac{1}{T_2 \times n_2} \Rightarrow T \times n_2 = T \times n_1 \Rightarrow n_2 = \frac{1}{2} n_1$$

به عبارتی با توجه به محاسبات انجام شده، پس از انجام واکنش مول مواد گازی باید نصف مقدار اولیه شود. یعنی باید واکنشی را انتخاب کنیم که مجموع ضرایب مواد گازی در سمت راست معادله، نصف مجموع ضرایب مواد در سمت چپ معادله باشد یعنی گزینه «۲».

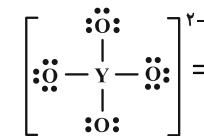


۱ مول گاز ۲ مول گاز

(شیمی ا- ردپای گازها در زندگی؛ صفحه‌های ۸۳ و ۸۴)

- ۹۰ گزینه «۲» (امیرحسین طیبی)

اگر تعداد الکترون‌های ظرفیت Y و X را به ترتیب y و x فرض کنیم:



رسوب $= 40 \text{ g}$

درصد این مقدار رسوب با توجه به مقدار نمک اولیه حل شده برابر است با:

$$\frac{\text{جرم رسوب}}{\text{جرم نمک حل شده}} = \frac{40}{90} \times 100 = 44/4$$

درصد جرمی نمک باقیمانده در محلول پایانی نیز به صورت زیر قابل محاسبه است:

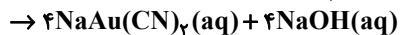
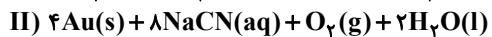
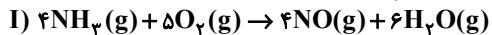
$$\frac{\text{جرم حل شونده}}{\text{جرم محلول}} = \frac{50}{150} \times 100 = 33/3$$

(شیمی ا- آب، آهنگ زندگی: صفحه‌های ۱۱۳ و ۱۱۴)

(امسان پنجه‌شاهی)

۹۵- گزینه «۳»

واکنش‌ها را موازن می‌کنیم:



بررسی سایر گزینه‌ها:

۱) مجموع ضرایب استوکیومتری مواد گازی در واکنش (I) برابر ۱۹ و

مجموع ضرایب استوکیومتری مواد محلول در واکنش (II) برابر ۱۶ است.

۲) فلز Fe به عنوان کاتالیزگر در تولید NH_3 در فرآیند هابر به کار می‌رود.۴) مخلوطی از O_2 و N_2 (نه NH_3) می‌تواند به جای هوا برای پر کردن تایر خودرو به کار رود.

(شیمی ا- آب، آهنگ زندگی: صفحه‌های ۱۸۱ تا ۱۸۳)

(روزبه رضوانی)

۹۶- گزینه «۴»

بررسی گزینه‌ها:

۱) نادرست؛ این جمله در مورد فلزات درست است، نه همه عنصرها

۲) نادرست؛ این مورد برای هالوژن‌ها درست است، هالیدها آئیون‌های حاصل از دریافت یک الکترون توسط هالوژن‌ها هستند.

۳) نادرست؛ دقیقاً بر عکس است.

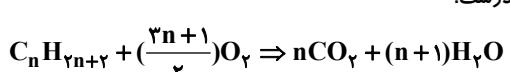
(شیمی ا- ۲- قدر هدایای زمینی را برایم؛ صفحه‌های ۱۰۱ تا ۱۰۴)

(همید زین)

۹۷- گزینه «۲»

بررسی موارد:

مورد اول: نادرست؛

با توجه به معادله موازن شده واکنش سوختن آلکان‌ها، به ازای سوخت یک مول آلکان، مول آب تولید شده ($n+1$) یک واحد بیشتر از مول کربن دی‌اکسید تولید شده (n) است، برای مثال اگر دو مول آلکان بسوزد، مول آب تولید شده $2n+2$ و مول کربن دی‌اکسید تولید شده $2n$ (خواهد بود و تفاوت مول آن‌ها دو واحد می‌شود).

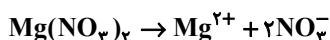
نکته: به ازای سوختن کامل X مول آلکان، مول آب تولید شده، X واحد بیشتر از مول کربن دی‌اکسید تولید شده خواهد بود.

مورد دوم: درست؛ در آلکان‌ها با افزایش جرم مولی، درصد جرمی C افزایش و درصد جرمی H کاهش می‌یابد.

مورد سوم: درست؛ در آلکان‌ها با افزایش شمار اتم‌های کربن، تفاوت نقطه جوش دو آلکان متولی کاهش می‌یابد.

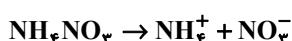
مورد چهارم: نادرست؛ آلکان‌ها، هیدروکربن سیرشده هستند نه کربوهیدرات.

(شیمی ا- ۲- قدر هدایای زمینی را برایم؛ صفحه‌های ۱۰۱ تا ۱۰۴)



$$? \text{g Mg}(\text{NO}_3)_2 = x \text{ mol NO}_3^- \times \frac{1 \text{ mol Mg}(\text{NO}_3)_2}{1 \text{ mol NO}_3^-}$$

$$\times \frac{148 \text{ g Mg}(\text{NO}_3)_2}{1 \text{ mol Mg}(\text{NO}_3)_2} = 74 \text{ g Mg}(\text{NO}_3)_2$$



$$? \text{ g NH}_4\text{NO}_3 = (0.6 - x) \text{ mol NO}_3^- \times \frac{1 \text{ mol NH}_4\text{NO}_3}{1 \text{ mol NO}_3^-}$$

$$\times \frac{80 \text{ g NH}_4\text{NO}_3}{1 \text{ mol NH}_4\text{NO}_3} = (48 - 80x) \text{ g NH}_4\text{NO}_3$$

$$(74x) \text{ g Mg}(\text{NO}_3)_2 + (48 - 80x) \text{ g NH}_4\text{NO}_3 = 45/6$$

$$\Rightarrow x = 0/4 \text{ mol}$$

حال با جای گذاری X در مقادیر به دست آمده در محاسبات قبلی، گرم آمونیم نیترات و منیزیم نیترات را محاسبه می‌کیم:

$$\text{g Mg}(\text{NO}_3)_2 = 74x = 74 \times 0/4 \text{ g Mg}(\text{NO}_3)_2$$

$$\text{g NH}_4\text{NO}_3 = 48 - 80x = 48 - (80 \times 0/4) = 16 \text{ g NH}_4\text{NO}_3$$

در نهایت نسبت گرم منیزیم نیترات به آمونیم نیترات را به دست می‌آوریم:

$$\frac{\text{g Mg}(\text{NO}_3)_2}{\text{g NH}_4\text{NO}_3} = \frac{74 \times 0/4}{16} = \frac{74}{40} = \frac{37}{20} = \frac{18/5}{10} = 1/85$$

(شیمی ا- آب، آهنگ زندگی: صفحه‌های ۹۹ و ۱۰۰)

(روزبه رضوانی)

۹۳- گزینه «۳»

$$\text{Mg}^{2+} \Rightarrow \frac{9/5 \text{ g}}{10^6 \text{ g}} = 0/1 \text{ mol MgCl}_2 \quad : \text{درصد جرمی}$$

$$\times \frac{1 \text{ mol Mg}}{1 \text{ mol MgCl}_2} \times \frac{24 \text{ g Mg}}{1 \text{ mol Mg}} = 2/4 \text{ g}$$

$$\text{Mg}^{2+} = \frac{2/4}{10^6} \times 100 = 2/4 \times 10^{-4} \%$$

$$\text{Cl}^- : \frac{9/5}{95} = 0/1 \text{ mol MgCl}_2 \quad : \text{درصد جرمی}$$

$$\times \frac{2 \text{ mol Cl}^-}{1 \text{ mol MgCl}_2} \times \frac{35/5 \text{ g}}{1 \text{ mol Cl}^-} = 7/1 \text{ g Cl}^-$$

$$\text{Cl}^- = \frac{7/1 \text{ Cl}^-}{10^6 \text{ g}} \times 100 = 7/1 \times 10^{-4} \%$$

(شیمی ا- آب، آهنگ زندگی: صفحه‌های ۹۴ تا ۹۶)

(محمد رضا پورجاویر)

۹۴- گزینه «۳»

اگر فرض کنیم ۱۰۰ گرم آب خالص داریم، گرم محلول‌های سیرشده نمک درد مای ذکر شده برابر است با:

$$\text{ محلول سیرشده AB} = 190 \text{ g} + 90 \text{ g AB} = 100 \text{ g} \quad : \text{در دمای } 80^\circ\text{C}$$

$$\text{ محلول سیرشده AB} = 150 \text{ g} + 50 \text{ g AB} = 100 \text{ g} \quad : \text{در دمای } 30^\circ\text{C}$$

بنابراین رسوب حاصل بر اثر سرد کردن چنین محلولی از دمای 80°C تا 30°C برابر خواهد بود با:

مورد سوم: واکنش سوختن کامل این ترکیب به صورت زیر است:

$$2C_{10}H_{14} + 27O_2 \rightarrow 20CO_2 + 14H_2O$$

$$\frac{0}{1\text{mol}} \times \frac{75}{100} \times \frac{27\text{ mol O}_2}{2\text{ mol C}_{10}H_{14}} \times \frac{22/4\text{ L O}_2}{1\text{ mol O}_2} = 22/68\text{ L O}_2$$

مورد چهارم: ساختار حاوی ۶ پیوند $C-H$ بوده و شمار گروه ۶ به عنوان نخستین عنصری که از اصل آفبا پیروی نمی‌کند نیز برابر ۶ است. مورد پنجم: برای شکستن پیوندهای دوگانه و سیر شدن ساختار به ۳ مولکول آب نیاز است و فرمول مولکولی فراورده نهایی پس از افزودن ۳ مولکول آب به صورت $C_{10}H_{20}O_3$ می‌باشد:



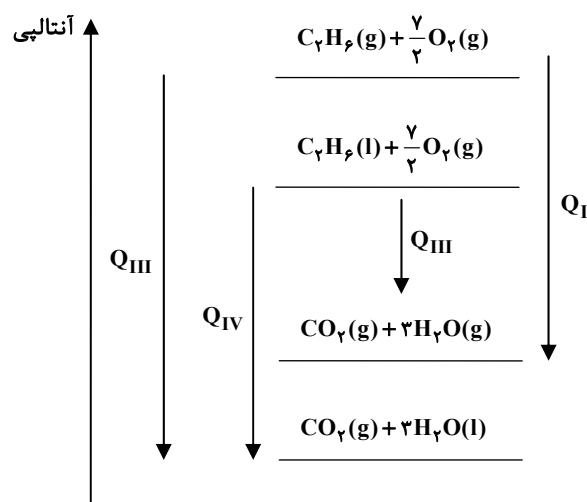
فرمول مولکولی:

$$(10 \times 12) + (3 \times 16) = 188\text{ g.mol}^{-1}$$

(شیمی ۲ - قدر هدایای زمینی را برای: صفحه‌های ۲۲ تا ۳۹)

(همید زهنه)

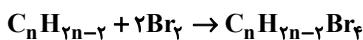
۱۰۱ - **گزینه ۲**
با توجه به نمودار، اختلاف سطح انرژی $C_7H_6(g)$ و $C_7H_6(l)$ کمتر از اختلاف سطح انرژی $H_2O(g)$ و $H_2O(l)$ است. چون نیروهای جاذبه بین مولکولی آب (پیوند هیدروژنی) قوی‌تر از نیروهای جاذبه واندروالسی میان مولکولهای C_7H_6 خواهد بود.



(شیمی ۲ - در پی غذای سالم: صفحه ۵۹)

۱۰۲ - **گزینه ۴**
(میلاد شیخ‌الاسلام فیاضی)

نکته آموزشی: در آلکان‌ها، آلکن‌ها و آلکین‌ها، به ترتیب با افزایش تعداد کربن، درصد جرمی کربن افزایشی، ثابت و کاهشی می‌باشد. با توجه به نکته بالا، ترکیب مورد نظر جزء خانواده آلکین‌هاست و واکنش این مواد با برم به صورت زیر است:



با توجه به این که درصد جرمی کربن در ترکیب حاصل ۱۰ درصد است، می‌توان فرمول آلکین را به دست آورد:

$$10 = \frac{12 \times n}{12 \times n + 1 \times (2n-2) + 80 \times 4} \Rightarrow n = 3$$

۹۸ - **گزینه ۲**
(امیرحسین طیبی)

ابتدا معادله واکنش را به صورت پارامتری بر حسب n موازن نمی‌کنیم:

$$3M(s) + 4nHNO_3(aq) \rightarrow 3M(NO_3)_n + nNO + 2nH_2O$$

با توجه به معادله بالا، بازده درصدی واکنش برابر با $24n$ درصد می‌باشد.

$$? \text{ g NO} = 1/806 \times 10^{23} \text{ atom M} \times \frac{1 \text{ mol M}}{6/02 \times 10^{23} \text{ atom M}}$$

$$\times \frac{n \text{ mol NO}}{3 \text{ mol M}} \times \frac{24n}{100} \times \frac{30 \text{ g NO}}{1 \text{ mol NO}} = 2/88 \text{ g NO}$$

$$\Rightarrow 0/72n^2 = 2/88 \Rightarrow n^2 = 4 \Rightarrow n = 2$$

(شیمی ۲ - قدر هدایای زمینی را برای: صفحه‌های ۲۲ تا ۲۶)

۹۹ - **گزینه ۱**
(امیرحسین طیبی)

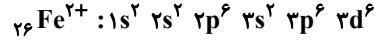
بررسی همه موارد:

(الف) درست؛ سه فلز قلیابی سبک‌تر، K ، Na و Li می‌باشند، می‌دانیم که هر چه شاع اتمی کوچک‌تر باشد جاذبه هسته بر الکترون‌های لایه آخر بیشتر می‌شود درنتیجه در بین این Li ، Na بیشترین جاذبه هسته به الکترون لایه آخر را دارد. همچنین می‌دانیم که در بین فلزهای اصلی هر چه شاع اتمی بیشتر باشد خصلت فلزی بیشتر است و در واکنش با گاز کلر پرتوی با انرژی بیشتر و طول موج کمتر آزاد می‌کند. از بین این Li ، K کمترین خصلت فلزی و بیشترین طول موج پرتوی آزاد شده را دارد.

(ب) درست؛ از آنجایی که زیرلایه S تنها گنجایش ۲ الکترون دارد، بنابراین $n+x=5$ مقدار x برابر با ۱ یا ۲ می‌باشد. از آنجایی گه گفته شده 5 با زیرلایه $1s$ و دو فلز بیشتر مطرح نخواهد بود که یکی از آن‌ها K از Mg با زیرلایه $3s$ بیشتر است.

(پ) نادرست؛ هالوژن‌ها در واکنش با گاز هیدروژن ترکیبات مولکولی تشکیل می‌دهند در نتیجه یون هالید نمی‌سازند.

(ت) نادرست؛ کاتیون مورد نظر $2e^{2+}$ است:



(شیمی ۲ - قدر هدایای زمینی را برای: صفحه‌های ۱۰ تا ۱۷)

۱۰۰ - **گزینه ۴**
(سعید تیزرو)

تمامی موارد درست می‌باشند.

بررسی موارد:

مورد اول: فرمول مولکولی این ترکیب $C_{10}H_{14}$ بوده و تعداد اتم‌های هیدروژن آن با اتم‌های هیدروژن ششمن آلکان (هبتان: C_7H_{16}) یکسان است.

مورد دوم: برای از بین بردن پیوندهای دوگانه و سیر شدن ساختار به ۳ مولکول برم (Br_2) با جرم $3 \times 16 = 480\text{ g}$ نیاز است. در نتیجه نیم مول از این ترکیب برای سیر شدن به نصف این مقدار یعنی 240 g برم Br_2 نیاز دارد.



بازه زمانی صفر تا ۱۵ ثانیه:

$$\frac{|\Delta n A|}{\Delta n C} = \frac{x}{y} \Rightarrow \frac{0/25}{1/5} = \frac{x}{z} \Rightarrow z = 2x$$

با توجه به نسبت‌های محاسبه شده، واکنش مورد نظر به صورت زیر خواهد بود:

برای محاسبه a و b به صورت زیر عمل می‌کنیم:

$$\frac{|1/25 - 2|}{|a - 2|} = \frac{1}{3} \Rightarrow a = 2/25 \quad \text{بازه زمانی صفر تا ۱۵ ثانیه:}$$

$$\frac{|0/25 - 1/25|}{|b - 1/5|} = \frac{1}{2} \Rightarrow b = 2/5 \quad \text{بازه زمانی ۱۵ تا ۳۰ ثانیه:}$$

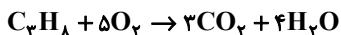
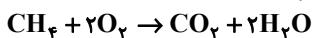
نسبت a به b برابر $1/10$ خواهد بود.

(شیمی ۳ - در پی غذای سالم: صفحه ۹۵)

(پیمان فوابوی مهر)

۱-۰۵ گزینه ۱

ابتدا معادله واکنش‌ها را موازن می‌کنیم:

مول تولید شده CO_2 را با توجه به سرعت متوسط آن تعیین می‌کنیم.

$$\frac{mol CO_2}{4/5} = \frac{mol CO_2}{0/5} \Rightarrow mol CO_2 = 2/25$$

اگر مول CH_4 را n_1 و مول C_2H_6 را n_2 فرض کنیم داریم:

$$\begin{cases} 16n_1 + 44n_2 = 35 \\ n_1 + 3n_2 = 2/25 \end{cases} \Rightarrow n_2 = 0/25, n_1 = 1/5$$

جرم پروپان و متان در مخلوط اولیه برابر است با:

$$1/5 mol CH_4 \times \frac{16 g CH_4}{1 mol CH_4} = 24 g$$

$$0/25 mol C_2H_6 \times \frac{44 g C_2H_6}{1 mol C_2H_6} = 11 g$$

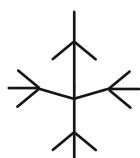
پس اختلاف جرم آنها ۱۳ گرم خواهد بود.

(شیمی ۳ - در پی غذای سالم: صفحه‌های ۸۶ و ۸۷)

(پارسا عوض پور)

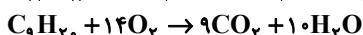
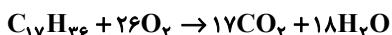
۱-۰۶ گزینه ۳

سنگین‌ترین آلکانی که طوبیل‌ترین زنجیره کربنی آن ۵ کربن داشته باشد به شکل زیر است:

فرمول این ترکیب $C_{17}H_{36}$ است.

بررسی موارد:

مورد اول: درست



$$\frac{18 - 17}{(10 + 9) - (14 + 7)} = \frac{1}{4}$$

پس ترکیب مورد نظر C_3H_4 می‌باشد. جرم مولی این ترکیب ۴۰ گرم بر مول می‌باشد. طبق گفته سؤال برای افزایش دمای ۱ مول از این ترکیب به اندازه $1^{\circ}C$ ۸۸ ژول گرمای لازم است پس گرمای لازم برای افزایش دمای ۱ گرم از این ترکیب به اندازه $1^{\circ}C$ را محاسبه می‌کنیم تا ظرفیت گرمایی ویژه به دست آید.



پس ظرفیت گرمایی ویژه این ترکیب برابر با $\frac{J}{g \times ^{\circ}C} = 2/2$ می‌باشد. حال

گرمای لازم برای افزایش نمونه ۲۰ گرمی به اندازه $10^{\circ}C$ را محاسبه می‌کنیم:

$$Q = 20 \times 2 / 2 \times 10 \Rightarrow Q = 40 J$$

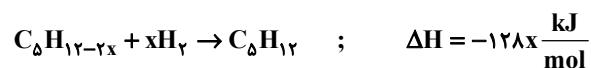
(شیمی ۳ - در پی غذای سالم: صفحه‌های ۵۶ تا ۵۸)

۱-۰۷ گزینه ۲

(امیرحسین طیبی)

در این واکنش به ازای شکستن هر پیوند دوگانه $C=C$ ، یک پیوند $H-H$ نیز شکسته شده، یک پیوند $C-C$ و ۲ پیوند $C-H$ تولید می‌شود، درنتیجه ΔH این واکنش را می‌توان به این صورت بر حسب x محاسبه کرد:

$$\Delta H = \left[\frac{\text{مجموع آنتالپی پیوندهای شکل شده}}{\text{شکل شده}} \right] - \left[\frac{\text{مجموع آنتالپی پیوندهای تشكيل شده}}{\text{شكيل شده}} \right] = x \times (\Delta H_{(C=C)} + \Delta H_{(H-H)} - \Delta H_{(C-C)} - 2\Delta H_{(C-H)}) = x \times (614 + 436 - 348 - 2(415)) = -128x \frac{kJ}{mol}$$

حال به محاسبه مقدار x می‌پردازیم:

$$? kJ = 17 g C_5H_{12-2x} \times \frac{1 mol C_5H_{12-2x}}{(72 - 2x) g C_5H_{12-2x}}$$

$$\times \frac{128 kJ}{1 mol C_5H_{12-2x}} = 64 kJ$$

$$\Rightarrow 34x = 72 - 2x \Rightarrow 36x = 72 \Rightarrow x = 2$$

(شیمی ۳ - در پی غذای سالم: صفحه‌های ۵۶ تا ۵۸)

۱-۰۸ گزینه ۳

(میلاد شیخ‌الاسلامی‌فیاوی)

از آنجایی که مول A و B در ابتدای واکنش غیرصرف و مول C برابر با صفر می‌باشد پس A و B واکنش دهنده و C فراورده است. پس معادله واکنش به صورت زیر خواهد بود: (x, y, z) ضرایب فرضی هستند).



می‌دانیم در بازه زمانی یکسان، تغییرات غلظت مواد متناسب با ضریب استوکیومتری شان است پس:

بازه زمانی صفر تا ۳۰ ثانیه:

$$\frac{|\Delta n A|}{|\Delta n B|} = \frac{x}{y} \Rightarrow \frac{1/25}{3/75} = \frac{x}{y} \Rightarrow y = 3x$$

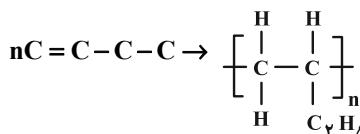


(ممدر عظیمیان؛ زواره)

«۱۰-۸ گزینه»

بررسی موارد:

(آ) نادرست؛ واحد تکرار شونده حاصل از پلیمر کردن ۱-بوتول به صورت زیر می‌باشد:



(ب) درست؛ زیرا شمار کربن استیک اسید کمتر می‌باشد. با افزایش شمار کربن در اسیدهای آلی و بخش ناقطبی بر بخش قطبی غلبه کرده و از انحلال پذیری آنها در آب کاسته می‌شود.

(پ) درست؛ زیرا هر دو دارای پیوندهای O-H یا N-H می‌باشند. (ت) درست؛ ۴-آلکان اول برخلاف ۱، ۲-دی برموتاتان در دمای اتاق به حالت گاز موجودند.

(ث) نادرست؛ جرم مولی میانگین پلی اتن تولید شده به نسبت مولی کاتالیزگرها بستگی دارد.

(شیمی ۳-پوشک، نیازی پایان تاپزیر؛ صفحه‌های ۱۳۰ و ۱۳۱ و قدر هدایای زمینی را برایم؛ صفحه‌های ۳۵۰ و ۳۵۱)

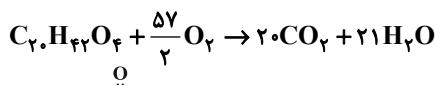
(ممدر عظیمیان؛ زواره)

«۱۰-۹ گزینه»

بررسی موارد:

مورود اول؛ درست؛ فرمول مولکولی این ترکیب $C_{20}H_{42}O_4$ بوده و دارای ۵۵ جفت الکترون پیوندی است.

مورود دوم؛ نادرست



مورود سوم؛ درست؛ دارای گروه عاملی کربوکسیل (-COOH) است و می‌تواند در واکنش با یک الکل تک عاملی، استر تولید کند.

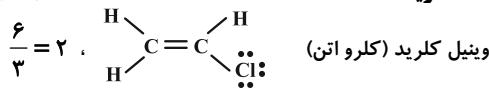
مورود چهارم؛ درست

مورود پنجم؛ درست؛ دارای ۲۲ اتم هیدروژن است که فقط یکی از آنها به O متصل است، مابقی اتم‌های هیدروژن به C متصل شده‌اند.

(شیمی ۲-پوشک، نیازی پایان تاپزیر؛ صفحه‌های ۹۷ تا ۱۲۱)

(ممدر عظیمیان؛ زواره)

«۱۱-۰ گزینه»



ساده‌ترین استر متیل متانوات است: $H_3C-O-C_2H_5$

بررسی عبارت‌های درست:

(۱) فرمول مولکولی سیانواتن و استیرن به ترتیب C_8H_8 و C_3H_7N می‌باشد.

(۲) فرمول مولکولی آن دی اسید به صورت $C_8H_6O_4$ می‌باشد.

(۳) واحد سازنده سلولز: گلوكز و واحد سازنده پلی‌اتن، اتن (اتیلن) می‌باشد. هر دو مونومر در گیاهان یافت می‌شوند.

(شیمی ۲-پوشک، نیازی پایان تاپزیر؛ صفحه‌های ۱۰۰، ۱۰۱ و ۱۰۲)

مورود دوم؛ نادرست؛ با توجه به این که در واکنش هیدروژن‌دار کردن آلکن‌ها، یک پیوند C=C را باید به C-C تبدیل کنیم، از هیدروژن‌دار کردن هیچ آلکنی نمی‌توان به آلکان مدنظر رسید. چرا که هیچ دو کربنی در این ترکیب امکان برقراری پیوند دوگانه را نداشته‌اند.

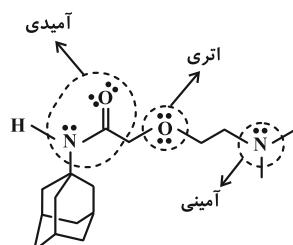
مورود سوم؛ نادرست؛ آلکان‌ها با هر ساختاری غیرقطبی هستند.

مورود چهارم؛ درست؛ $C_{17}H_{36}$ بیوند C-C ۱۶ و H ۳۶ است. ساختار ذکر شده دارای ۲۰ پیوند C-H است.

(شیمی ۳-قدر هدایای زمینی را برایم؛ صفحه‌های ۳۳ تا ۳۶)

«۱۰-۷ گزینه»

موارد اول و سوم به درستی بیان شده‌اند.



بررسی همه موارد:

مورود اول؛ درست؛

$$\frac{(16 \times 4) + (28 \times 1) + (2 \times 3) + (2 \times 1)}{2} = 50$$

$$(2 \times 1) + (2 \times 2) = 6$$

اختلاف شمار جفت الکترون‌های پیوندی و ناپیوندی در آن برابر $6 - 50 = 44$ می‌باشد.

مورود دوم؛ نادرست؛

$$\begin{aligned} \frac{\text{جرم} + \text{C}}{\text{جرم كل}} \times 100 &= \frac{\text{مجموع درصد جرمی C و O}}{\text{جرم كل}} \times 100 \\ &= \frac{(2 \times 16) + (16 \times 12)}{(16 \times 12) + (28 \times 1) + (2 \times 14) + (3 \times 16)} \times 100 \\ &= \frac{224}{280} \times 100 = 80\% \end{aligned}$$

مورود سوم؛ درست؛ به دلیل داشتن اتم هیدروژن متصل به اتم N، می‌تواند مولکول‌های خود، پیوند هیدروژنی برقرار کند. ویتامین C نیز به دلیل داشتن هیدروژن متصل به O، توانایی تشکیل پیوند هیدروژنی را دارد.

مورود چهارم؛ نادرست؛

$$\begin{cases} \frac{\text{شمار اتمها}}{\text{شمار عنصرها}} = \frac{16+28+2+2}{4} = \frac{48}{4} = 12 \\ \frac{\text{اتمها}}{\text{عنصرها}} = \frac{10+8}{2} = \frac{18}{2} = 9 \end{cases} \Rightarrow 2 \times 9 \neq 12$$

مورود پنجم؛ نادرست؛ گروه عاملی آلکن در این ترکیب پیوند N-H دارد، به همین دلیل قابلیت واکنش دادن با کربوکسیلیک اسیدها و تشکیل گروه عاملی آمید را ندارد.

(شیمی ۲-در پی غزای سالم، پوشک، نیازی پایان تاپزیر؛ صفحه‌های ۴۲ و ۶۸ تا ۸۰)